

UM MODELO MATEMÁTICO APLICADO AO DIMENSIONAMENTO E SEQUENCIAMENTO DE LOTES EM MAQUINAS DISTINTAS EM PARALELO COM ESTOQUES INTERMEDIÁRIOS LIMITADOS

Neida M. Patias Volpi

UFPR - Curitiba - PR.

e-mail: neida@ufpr.br

Sander Joner

IFSC - Jaraguá do Sul - SC.

e-mail: sander.joner@ifsc.edu.br

RESUMO

Apresenta-se nesse trabalho, um modelo matemático de dimensionamento e sequenciamento de lotes com máquinas em paralelo composto por um estágio voltado à fabricação dos itens e outro ao teste de funcionamento, onde entre estes estágios, há a possibilidade de se manter um estoque intermediário de itens, o qual possui limitação de capacidade e custos de armazenamento. A problemática trata do sequenciamento e programação da produção dos itens nas máquinas paralelas bem como do envio desses itens para células de teste, onde estes são submetidos a testes de funcionamento por um tempo fixo em um ambiente com temperatura elevada. Neste artigo é proposto um modelo matemático voltado ao cumprimento da demanda estabelecida para o horizonte de planejamento, bem como pela otimização do uso das células de teste de carga, evitando o seu uso com espaços ociosos, de forma a reduzir custos na produção dos vários tipos de itens que compõe o *mix* de produção. Para validação do modelo, propõe-se uma aplicação com dados reais obtidos de uma empresa fabricante de itens eletrônicos o qual é resolvido com uso do software *Cplex*.

PALAVRAS CHAVE: Máquinas paralelas, estoques intermediários, programação da produção.

1. INTRODUÇÃO

Muitos problemas da engenharia possuem variáveis que podem ser ajustadas de tal maneira que possibilite um melhor aproveitamento de recursos e melhor lucratividade. Um desses problemas, ocorre no sistema industrial, onde coloca-

se o sistema de planejamento, programação e controle da produção como uma área de decisão prioritária para as organizações. Realizar o planejamento do sequenciamento de tarefas implica melhorar o controle do fluxo da cadeia produtiva. Esse planejamento de tarefas deve ser feito de modo a permitir que a empresa consiga cumprir os prazos de entrega que foram acordados, sob o risco de perder clientes em caso de descumprimento. Além disso, deseja-se programar as atividades de tal maneira a utilizar os recursos disponíveis de uma forma mais eficiente possível. Os benefícios de um bom planejamento são o argumento da produtividade organizacional, redução dos custos de produção, agilidade no processo de tomada de decisão e aumento da eficiência organizacional. O problema de realizar sequenciamento de tarefas está presente em diversas áreas, como na indústria, na manufatura, no gerenciamento de processos de um computador, dentre outras, segundo Rego (2013).

O processo de dimensionar lotes de produção consiste em determinar quanto produzir de cada produto em cada período afim de atender uma demanda prevista sob as condições e capacidades operacionais existentes. Sequenciar lotes de produção significa determinar em que ordem produzir esses lotes de forma a melhor aproveitar os recursos produtivos e atender aos prazos estabelecidos.

A complexidade dos problemas de dimensionamento de lotes dependem das características dadas no modelo. As características a seguir afetam a classificação, a modelagem e a complexidade das decisões no dimensionamento dos lotes, conforme citado por Karimi *et al.* (2003): horizonte de planejamento, número de níveis (estágios da produção), números de produtos, restrições de capacidade ou recursos, deterioração de

itens, demanda, estrutura de preparação de máquina para produção (*setup*) e falta de estoque.

No Problema de Dimensionamento e Sequenciamento de Lotes Generalizado (*General Lotsizing and Scheduling Problem* - GLSP), cada período t é subdividido em subperíodos de tamanho variável, fixando-se um número máximo de lotes a serem produzidos por período (P_t). Cada lote está associado a um subperíodo (ou posição) no período t . Os subperíodos são indexados cronologicamente e de maneira contínua ao longo do horizonte de planejamento.

O GLSP, segundo Fleischmann & Meyr (1997), é um modelo geral porque diversos modelos para dimensionamento e sequenciamento de lotes diferem dele apenas por restrições adicionais que modificam a estrutura e esforço computacional para obtenção das soluções.

O Problema de Dimensionamento de Lotes e Sequenciamento na Programação da Produção em Máquinas Paralelas (*General Lotsizing and Scheduling Problem for Parallel Production Lines* - GLSPPL) é um modelo análogo ao GLSP, onde os produtos são produzidos em um sistema de máquinas em paralelo e uma das decisões envolvidas é a alocação dos lotes de produção nas máquinas. Kang, Malik e Thomas (1999) trataram o GLSPPL considerando como função objetivo a minimização dos custos de *setup* e de estoque descontando-se o faturamento com as vendas.

Ferreira, Morabito e Rangel (2009) abordaram o problema de dimensionamento e sequenciamento de lotes com tempos e custos de *setup* dependentes em uma fábrica de refrigerantes, cujo sistema produtivo é composto de 2 estágios (preparação do refrigerante e engarrafamento) que devem ser sincronizados em linhas de produção em paralelo. Com o objetivo de minimizar os custos de estoque, de *backordering* e *setup*, foram desenvolvidos duas abordagens de resolução do problema que utilizavam 15 diferentes estratégias de *relax-and-fix* baseadas em conjugações de

relaxação de variáveis de períodos, máquinas e estágios de produção.

Meyr e Mann (2013) apresentam uma nova solução heurística para o GLSPPL, que aborda o problema de, simultaneamente, decidir sobre os tamanhos e horários de lotes de produção em linhas de produção paralelas heterogêneas com relação à capacidade escassa, tempos de preparação dependentes da sequência e demanda determinística e dinâmica de vários produtos. Seu objetivo é minimizar os custos de manutenção de estoque, de instalação e de produção dependente da sequência. A nova heurística iterativa decompõe o problema multi-linha em uma série de problemas de uma única linha, que são mais fáceis de resolver.

O presente trabalho trata do problema de dimensionamento e sequenciamento de lotes composto por máquinas paralelas, em um horizonte de planejamento de 1 dia de produção (8h), dividido em 4 períodos de 2h cada, que é o tempo em que cada item necessita para ser testado em uma célula de teste com temperatura controlada. O modelo trata do sequenciamento e programação da produção dos itens em 2 máquinas paralelas distintas onde os tempos de *setup* são dependentes da sequência dos itens a serem produzidos, considerando ainda, o envio dos itens para células de teste, onde estes são submetidos a testes de funcionamento. Trata-se neste trabalho do sequenciamento e programação da produção bem como da otimização do uso das células de teste de carga, evitando o seu uso com espaços ociosos, pois estas células são espécies de fornos e não podem ter seu ciclo interrompido para que seja adicionado um novo item e sendo assim, a falta de itens para completar sua capacidade máxima acarreta custos relacionados à subutilização deste estágio.

Esse trabalho está dividido como descrito a seguir: na seção 1 é apresentada a introdução e revisão de literatura. A seção 2 apresenta a descrição do problema em estudo. Na seção 3, é apresentada a metodologia do problema, sua formulação

matemática e a implementação prática do modelo e na seção 4 são mostradas as principais conclusões do trabalho.

2. DESCRIÇÃO DO PROBLEMA

Na problemática envolvida, tem-se um ambiente de produção composto por máquinas paralelas, em um horizonte de planejamento composto de períodos e subperíodos. Baseou-se a construção do modelo em uma fábrica de itens eletrônicos onde alguns desses itens podem ser produzidos ao mesmo tempo em diferentes máquinas, sendo que nem todas as máquinas, por limitações técnicas, são capazes de produzir todos os itens. O fato de se produzir um novo tipo de item em alguma das máquinas, gera um custo de *setup*, que é dependente da sequência, pois dependendo dos itens que se sucedem e/ou se antecedem, o *setup* pode ser complexo ou simples, pois acarreta na troca de componentes e ajustes nas máquinas.

Após produzidos os itens nas M máquinas paralelas, esses são enviados a um setor de teste, denominado “Teste de Carga”, composto por células de teste, os quais são espécies de fornos que operam a uma temperatura elevada de modo a simular o funcionamento do produto em condições extremas, e que contam com conectores (*slots*) apropriados ao tipo de item que deve ser testado. Cada produto submetido a uma célula de teste deve ficar ali acondicionado por um tempo determinado de 2 horas, tempo este em que fica em operação simulando o real funcionamento. Existe na empresa um tipo diferente de célula para cada tipo de item, pois esta precisa estar adaptada ao item produzido devido aos conectores elétricos.

Um dos problemas encontrados, além do sequenciamento e programação da produção nas M máquinas paralelas, é o fato de tentar se trabalhar com as células de teste de forma que suas capacidades não sejam subutilizadas. Uma vez que uma célula de teste que tem capacidade para N itens, começa a operar de forma a não estar completamente ocupada, o processo não pode ser interrompido pelo tempo de 2 horas. O fato de se esperar até que tenha o número necessário de itens para que o forno comece a operar gera estoque intermediário, causando transtorno devido às máquinas paradas e à imprevisão da chegada de novos itens. O fato da espera por novos itens até a completa lotação do forno, implica no processo de resfriamento/aquecimento ou da manutenção da célula de teste aquecida durante um tempo, o que gera custos. Devido ao tempo para aquecimento da célula, é mais viável manter a célula sempre aquecida durante o horizonte de planejamento.

É importante considerar que se não houver controle no processo de fabricação, pode-se ocasionar demora na produção de um determinado lote de itens ou ainda a produção sequencial de um único tipo de item, o que causaria fila em determinada célula de testes enquanto que outras células permaneceriam ociosas. Um dos objetivos para qual o modelo matemático foi formulado, foi o de estabelecer um controle dos estoques intermediários evitando filas em determinadas células e falta de itens em outras, e ainda limitar a quantidade de itens em estoque intermediário. A figura 1 mostra uma idéia geral do ambiente de produção.

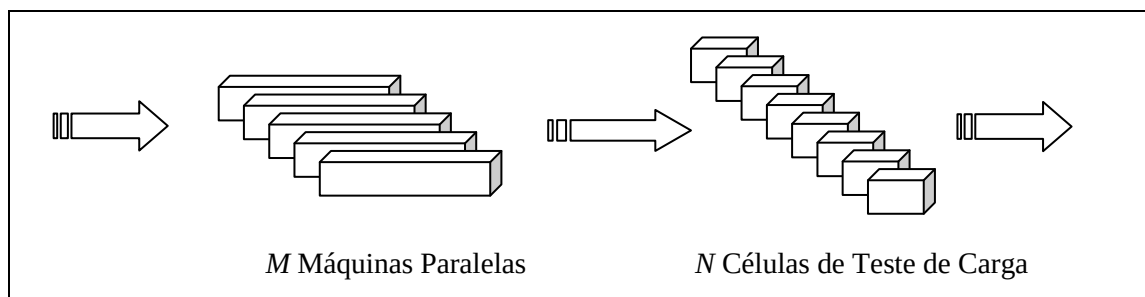


Figura 1: Esquema do ambiente de produção

Há de salientar o fato que nem sempre é possível produzir uma quantidade múltipla da capacidade da célula de teste de carga para um determinado item. Sendo assim, sempre que isso ocorrer, no modelo matemático foi aplicada uma penalidade por cada espaço ocioso cujo valor varia conforme o tipo de item, o que na prática está relacionado com os custos de operação de um espaço vazio em um determinado período. Como o modelo busca minimizar custos, faz com que os itens sejam produzidos sempre que possível de forma a utilizar o máximo possível da capacidade das células de teste e atender às demandas do período.

Neste problema, o horizonte de planejamento considera um dia de trabalho de 8 h, o qual foi dividido em 4 períodos de 2h cada, pois este é o tempo necessário para testar o item nas células teste. Cada um dos períodos foi dividido em subperíodos, o que torna possível no modelo matemático, a produção de mais de um tipo de item por máquina em um mesmo período. A seção a seguir apresenta de forma detalhada e descrição do modelo matemático para este problema.

3 METODOLOGIA

Neste tópico é apresentado o modelo matemático, os dados referentes ao problema bem como os resultados encontrados e os cenários para diferentes números de itens.

3.1 MODELO MATEMÁTICO

O modelo proposto para o problema em estudo foi adaptado do modelo de programação inteira mista (MIP) de Meyr (2002), adicionando-se a permissão de atrasos de entrega e a restrição de armazenagem conforme proposto por Kawamura (2009).

Nesse modelo proposto pelos autores acima, o horizonte de planejamento é dividido simultaneamente em T períodos e W subperíodos, sendo que a cada período t é constituído de subperíodos s . Em cada subperíodo permite-se a produção de apenas um tipo de produto, identificando um lote de produção. A divisão em subperíodos permite identificar a sequência

de tarefas na máquina, assim como associar os respectivos custos e tempos de *setup* dependentes Kawamura (2009). De forma a otimizar a saída dos itens nas M máquinas paralelas, neste trabalho estão sendo propostas novas restrições de modo a minimizar o estoque intermediário entre a saída das máquinas paralelas e a entrada nas células de teste, bem como maximizar a carga de cada célula de teste, sendo que para isso, foi inserido um custo (penalidade) por item, na operação de uma célula de teste com capacidade ociosa. A seguir é apresentado o modelo matemático para o problema em estudo.

Parâmetros:

- SP_l : conjunto de itens que podem ser produzidos na máquina l ;
- D_i : demanda do item i no horizonte de planejamento;
- CP_{lt} : capacidade de produção disponível na máquina l no período t ;
- cs_{ijl} : custo de *setup* para produzir o item j imediatamente após o item i na máquina l ;
- cp_{il} : custo de produção para produzir o item i na máquina l ;
- h_i : custo de manutenção de uma unidade do item i não testado em estoque por período;
- p_{il} : tempo consumido para produção de uma unidade do item i na máquina l ;
- $lmin_{il}$: lote mínimo do item i produzido na máquina l .
- st_{ijl} : tempo de *setup* para a produção do item j imediatamente após o item i na máquina l ;
- I_{i0} : quantidade de item i não testado em estoque, no início do horizonte de planejamento;
- x_{i0} : 1, se a máquina está preparada para produzir o item i na máquina l no início do horizonte de planejamento; 0, caso contrário;
- cf_i : custo da falta de cada unidade do item i para completar a capacidade máxima da célula de teste;

- W_t : Conjunto de subperíodos contidos no período t ;
- CCT_i : capacidade da célula de teste para o item i ;
- CAT : capacidade de armazenamento de itens testados para todo o horizonte de planejamento;
- $CANT_t$: capacidade de armazenamento de itens não testados para cada período t .
- x_{ils} é igual a 1, se a máquina l está preparada para produzir o item i no subperíodo s ; e 0, caso contrário;
- y_{ijls} é igual a 1, se há *setup* do item i para o item j na máquina l no subperíodo s ; e 0, caso contrário;
- I_{it} : quantidade do item i não testado em estoque no final do período t ;
- qf_{it} : quantidade faltante para completar a capacidade máxima da célula de teste do item i no período t ;
- qc_{it} : quantidade do item i que será enviado à célula de teste dedicada a este item, no período t .

Variáveis de Decisão:

- q_{ils} : quantidade do item i produzido na máquina l no subperíodo s ;

Modelo:

$$\min \sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T h_i \cdot I_{it} + \sum_{i \in SP_l} \sum_{j \in SP_l} \sum_{l=1}^M \sum_{s=1}^W cs_{ijl} \cdot y_{ijls} + \sum_{i \in SP_l} \sum_{l=1}^M \sum_{s=1}^W cp_{il} \cdot q_{ils} + \sum_{i \in SP_l} \sum_{t=1}^T cf_i \cdot qf_{it} \quad (1)$$

$$I_{i,t-1} + \sum_{l=1}^M \sum_{s \in W_t} q_{ils} - I_{it} = qc_{it} \quad t = 1, \dots, T \quad i \in SP_l \quad (2)$$

$$\sum_{t=1}^T \sum_{i=1}^N qc_{it} \leq CAT \quad (3)$$

$$\sum_{i=1}^N I_{it} \leq CANT_t \quad t = 1, \dots, T \quad (4)$$

$$\sum_{i \in SP_l} \sum_{s \in W_t} p_{il} \cdot q_{ils} + \sum_{i \in SP_l} \sum_{j \in SP_l} \sum_{s \in W_t} st_{ijl} \cdot y_{ijls} \leq CP_{lt} \quad l = 1, \dots, M; t = 1, \dots, T \quad (5)$$

$$p_{il} \cdot q_{ils} \leq CP_{lt} \cdot x_{ils} \quad i \in SP_l; l = 1, \dots, M; t = 1, \dots, T; s \in S_{lt} \quad (6)$$

$$q_{ils} \geq lmin_{il} \cdot (x_{ils} - x_{il,s-1}) \quad i \in SP_l; l = 1, \dots, M; s \in W_t \quad (7)$$

$$qc_{it} + qf_{it} = CCT_i \quad i = 1, \dots, N; t = 1, \dots, T \quad (8)$$

$$\sum_{t=1}^T qc_{it} = D_i \quad i = 1, \dots, N \quad (9)$$

$$\sum_{i \in S_l} x_{ils} = 1 \quad l = 1, \dots, M; s \in W_t \quad (10)$$

$$y_{ijls} \geq x_{il,s-1} + x_{jls} - 1 \quad i, j \in SP_l; l = 1, \dots, M; s = 1, \dots, W \quad (11)$$

$$x_{il0} = 0 \quad i \in SP_l; l = 1, \dots, M \quad (12)$$

$$x_{ils} \in \{0,1\} \quad i \in SP_l; l = 1, \dots, M; s = 1, \dots, W \quad (13)$$

$$qc_{it}, I_{it}, qf_{it} : \text{inteiras} \quad y_{ijls} \geq 0 \quad (14)$$

A função objetivo (1) a ser minimizada agrega os custos com armazenagem, *setups*, produção e custos de operação das células de teste com espaços ociosos. A restrição (2) realiza o balanço de estoques, relacionando quantidades produzidas, estoque intermediário de itens a serem testados com a capacidade da célula de teste para cada item por período em todo o horizonte de planejamento. A restrição (3) garante que a quantidade de itens que serão enviados para a célula de teste em todo o horizonte de planejamento não ultrapasse a capacidade de armazenamento de itens testados. A restrição (4) garante que a quantidade de itens não testados que compõem o estoque intermediário não exceda a capacidade de armazenamento de itens não testados. A restrição (5) garante a quantidade de horas consumidas na produção, adicionada da quantidade de horas necessárias para preparação da máquina, deve ser menor ou igual à capacidade disponível em cada máquina em cada período de tempo. A restrição (6) indica que somente haverá produção do item i no subperíodo s se a máquina estiver preparada para o item ($x_{ils} = 1$). A restrição (7) impõe uma condição de lote mínimo de produção para cada tipo de item em um subperíodo, que somente é ativada quando ocorre a preparação de máquina para um novo item. A restrição (7) permite impor uma quantidade mínima a ser produzida dentro de um período, de modo a compensar o acionamento de uma célula de teste. A restrição (8) impõe que a quantidade faltante para completar a capacidade máxima da célula teste do item i no período t é a diferença entre a capacidade da célula de teste para o item i e a quantidade do item i que será enviado à célula de teste dedicada a este item, no período t . A restrição (9) determina que a quantidade do item i que será enviado à célula de teste dedicada a este item deve ser igual à demanda do item i no final do horizonte de planejamento. A restrição (10) determina que a máquina esteja preparada para produzir somente um item

em cada máquina em cada subperíodo s . A restrição (11) indica se houve mudança de produção do item i para o item j na máquina l entre os subperíodos. A restrição (12) indica que as máquinas não estão preparadas para nenhum item no início do horizonte de planejamento T . A restrição (13) indica que a variável x_{ils} é binária e a restrição (14) indica que as variáveis qc_{it} , q_{ils} , I_{it} , y_{ijls} , qf_{ils} são reais não negativas.

3.2 IMPLEMENTAÇÃO DO MODELO

O modelo foi implementado em um caso prático numa indústria de cartões de circuito impresso, que trabalha simultaneamente com 8 tipos de itens. Esses itens são produzidos em 2 máquinas paralelas, chamadas de SMD (*Surface Mount Device*), onde alguns dos itens podem ser produzidos ao mesmo tempo em diferentes máquinas, sendo que nem todas as máquinas, por limitações técnicas, são capazes de produzir todos os itens. Após a produção nestas máquinas, cada cartão é submetido a um teste de carga, onde este é conectado a equipamentos elétricos, ficando operando por 2h em um ambiente com temperatura elevada e controlada. Devido às especificidades de cada item, há uma célula de teste, que é um compartimento onde é possível acondicionar um certo número de itens, sendo que essa quantidade é diferente para cada item. Isso se deve às particularidades de cada item a ser testado, como por exemplo, a tensão e corrente elétrica a que é submetido, aos *slots* para conexão, ao tamanho físico e à temperatura a que este deve ser testado.

Sendo assim, cada item possui uma célula de teste específica na qual será testado. Neste caso, principal problema em questão é saber em que momento produzir cada tipo de item que consta na demanda do dia, de modo a reduzir custos de produção no bloco de máquinas paralelas, bem como evitar acumular itens em algumas células enquanto outras operam com espaços ociosos ou ainda permanecem

aquecidas à espera de itens. No problema estudado a capacidade de armazenamento de itens testados para todo o horizonte de planeamento *CAT* foi fixada em 300 itens. A capacidade de armazenamento de itens não testados para cada período t ($CANT_t$) foi, para os quatro períodos de respectivamente 80 itens. No modelo em estudo, todos itens podem ser produzidos em qualquer uma das máquinas, o que foi definido pelas variáveis (SP_t). Cada período t foi dividido em 8 subperíodos para fins de modelagem do problema, sendo importante salientar que após a resolução e análise dos resultados, a duração de um subperíodo na prática, é dada pela quantidade produzida de cada item no subperíodo s , multiplicada pelo tempo de produção do respectivo item, o que torna os subperíodos de tamanho variável. O modelo foi resolvido utilizando IBM ILOG CPLEX Optimization Studio 12.6 com interface OPL. Para execução do modelo foi utilizado um computador com processador Intel Core i5 (2M Cache, 1,7GHz) e 8Gb de memória RAM.

Devido ao elevado tempo computacional verificado, para obtenção de uma solução inteira bem como da solução ótima, a qual não foi encontrada devido às dimensões do problema, optou-

se por utilizar uma heurística de resolução baseado na relaxação das variáveis inteiras.

Assim, na obtenção de uma solução viável para o problema foi utilizada a heurística *Relax-and-fix* (Mercé e Fontan (2003); Kawamura (2009)), a qual se baseia na partição das variáveis inteiras do problema criando P conjuntos distintos, Q_i , $i=1,...,P$, sendo que o número P de conjuntos determina o número de iterações da heurística (Moraes, 2012). Ainda conforme Moraes (2012), “em uma iteração n , apenas as variáveis do conjunto Q_n são definidas como inteiras e as demais variáveis inteiras são relaxadas ou fixadas”. Na aplicação da heurística procedeu-se de forma que em um primeiro momento foi mantida a condição de integridade para as variáveis q_{ils} , e I_{it} pertencentes ao primeiro período das máquinas 1 e 2 e relaxadas as integridades destas mesmas variáveis nos demais períodos. Depois de encontrados os valores correspondentes a estas variáveis no primeiro período, estes valores foram fixados como parâmetros e então as variáveis q_{ils} , e I_{it} das máquinas 1 e 2 do segundo período foram declaradas como inteiras e as dos períodos subsequentes foram relaxadas e assim sucessivamente até completar o último período.

Máquina 1	Período 1 - 120min															
	Item(i)/setup(st)															
	Tempo (min)															
	i: 8 st i: 1 st i: 7 20 1 60 3 36															
Máquina 2	Período 2 - 120min															
	Item(i)/setup(st)															
	Tempo (min)															
	i: 7 st i: 6 st i: 1 st i: 2 st i: 8 18 2 6 1 48 2 24 1 16 2															
Máquina 1	Período 3 - 120min															
	Item(i)/setup(st)															
	Tempo (min)															
	st i: 1 st i: 7 st i: 5 st i: 8 Oc. 1 36 3 36 2 20 1 20 1															
Máquina 2	Período 4 - 60min															
	Item(i)/setup(st)															
	Tempo (min)															
	i: 8 st i: 2 st i: 7 st i: 1 16 1 16 1 12 2 12															
Máquina 1	Período 1 - 120min															
	Item(i)/setup(st)															
	Tempo (min)															
	i: 6 st i: 3 st i: 2 st i: 4 st i: 5 Oc. 36 1 32 4 16 1 8 3 18 1															
Máquina 2	Período 2 - 120min															
	Item(i)/setup(st)															
	Tempo (min)															
	st i: 3 st i: 5 st i: 4 st i: 6 st i: 7 Oc. 1 32 4 18 1 8 3 30 2 20 1															
Máquina 1	Período 3 - 120min															
	Item(i)/setup(st)															
	Tempo (min)															
	st i: 3 st i: 1 st i: 6 st i: 2 st i: 4 Oc. 2 32 4 16 3 24 2 24 1 8 4															
Máquina 2	Período 4 - 100min															
	Item(i)/setup(st)															
	Tempo (min)															
	i: 4 st i: 6 st i: 2 st i: 5 st i: 3 Oc. 6 3 24 2 8 1 30 1 24 1															

Quadro 1: Sequenciamento de tarefas em cada máquina.

Como resultado por meio do *Relax-and-fix* para esta aplicação no ambiente

industrial foi obtida função objetivo no valor de 1.360,00, onde, deste total tem-se:

custo de *setup* de 70,00, custo de produção 1.122,00, custo com teste de carga 168,00, não havendo custo de armazenagem já que nenhum item foi estocado. Os resultados obtidos apresentam uma boa estratégia para ser aplicada na empresa no que se refere ao sequenciamento e programação da produção.

4. CONCLUSÕES

O principal objetivo neste trabalho foi o fato de estabelecer um modelo matemático que fosse capaz de atender ao atual cenário da linha de produção em um caso específico de uma indústria de itens eletrônicos. O modelo matemático apresentado neste artigo apresentou-se bem adaptado para a resolução do problema de otimização dos recursos e tempo. Resultados promissores que heurísticas de resolução podem trazer, conduziram os autores a estudarem outros métodos que possam trazer boas soluções em um tempo computacional razoável. Alguns testes com heurísticas baseadas principalmente em estratégias de relaxamento de variáveis inteiras, destacando-se a *Relax-and-fix*, estão sendo realizados atualmente pelos autores para este modelo e poderão ser objeto de publicações futuras.

5. REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- [1] **Bitran, G.R., Yanasse, H.H.** *Computational complexity of the capacitated lot size problem.* Management Science, 28-10, pp. 1174-1186, 1982.
- [2] **Clark, A., Clark, S.** *Rolling-horizon lot-sizing when set-up times are sequence dependent.* International Journal of Production Research, 38, pp. 2287-2307, 2000.
- [3] **Ferreira, D., Clark, A. R., Almada-Lobo, B., Morabito, R.** *Single-stage formulations for synchronised two-stage lotsizing and scheduling in soft drink production.* International Journal of Production Economics 136 (2), 255-265, 2012
- [4] **Ferreira D, Morabito R, Rangel S.** *Solution approaches for the soft drink integrated production lot sizing and scheduling problem.* Eur J Oper Res 196(2):697-706, 2009.
- [5] **Fleischmann, B.; Meyr, H.** *The general lotsizing and scheduling problem.* OR Spektrum, v. 19 n. 1, p. 11-21, 1997.
- [6] **Kang, S., Malik, K., Thomas, L.J.** *Lotsizing and scheduling on parallel machines with sequence-dependent setup costs.* Management Science, 45-2, pp. 273-289, 1999.
- [7] **Karimi, B., Fatemi Ghomi S.M.T., Wilson, J.M.** *The capacitated lotsizing problem: a review of models and algorithms.* Omega 31, 365-378, 2003.
- [8] **Kawamura, S. M.** *Aplicação da Heurística Relax-and-Fix no Problema de Dimensionamento e Sequenciamento de Lotes de Produção em Máquinas Distintas em Paralelo.* Anais do XLII SBPO. Bento Gonçalves, 2009.
- [9] **Mercé, C. e Fontam, G.** *Mip-based heuristics for capacitated lotsizing problems.* International Journal of Production Economics, 85, 97-111, 2003.
- [10] **Moraes, L. C. C.; Santos M. O.** *Heurísticas Relax-and-fix para o Problema de Dimensionamento de Lotes com Janelas de Tempo de Execução.* Anais do Congresso Latino Iberoamericano de Investigación Operativa. Rio de Janeiro, 2012.
- [11] **Meyr, H.** *Simultaneous lotsizing and scheduling on parallel machines.* European Journal of Operational Research, 139, pp. 277-292, 2002.
- [12] **Meyr H., Mann, M.** *A decomposition approach for the General Lotsizing and Scheduling Problem for Parallel production Lines.* European Journal of Operational Research, 229, pp. 718-731, 2013.