MARIA DE LOURDES DE AQUINO MACEDO GONÇALVES

DETERMINAÇÃO INDIRETA DE COORDENADAS TOPOGRÁFICAS UTILIZANDO ESTAÇÃO TOTAL E ESPELHO

Tese apresentada ao Curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas, Setor de Ciências da Terra, Universidade Federal do Paraná, como requisito parcial à obtenção do título de doutor em Ciências Geodésicas.

Orientador: Prof. Dr. Pedro L. Faggion

Curitiba

2009

526.98 G635d

Gonçalves, Maria de Lourdes de Aquino Macedo

Determinação indireta de coordenadas topográficas utilizando estação total e espelho [manuscrito] / Maria de Lourdes de Aquino Macedo Gonçalves. – 2009.

128f.: il. [algumas color.]; 31 cm.

Impresso.

Tese (doutorado) – Universidade Federal do Paraná, Setor de Ciências da Terra, curso de Pós-graduação em Ciências Geodésicas, 2009.

"Orientador: Prof. Dr. Pedro L. Faggion".

Bibliografia: f. 107-110

1. Coordenadas geográficas. 2. Mapeamento digital. 3. Geodesia. I. Universidade Federal do Paraná. II. Faggion, Pedro Luis. III. Título.

Bibliotecário: Arthur Leitis Junior - CRB9/1548

TERMO DE APROVAÇÃO

MARIA LOURDES DE AQUINO MACEDO GONÇALVES

"DETERMINAÇÃO INDIRETA DE COORDENADAS TOPOGRÁFICAS UTILIZANDO ESTAÇÃO TOTAL E ESPELHOS"

Tese nº 66 aprovada como requisito parcial do grau de Doutor no Curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas, Setor de Ciências da Terra da Universidade Federal do Paraná, pela seguinte banca examinadora:

Orientador:

Prof. Dr. Pedro/Lyis Faggion

Departamento de Geomática, UFPR

Prof. Dr. Jucilei Cordini

Universidade Federal de Santa Catarina, UFSC

Prof. Dr. Dalto Domingos Rodrigues Universidade Federal de Viçosa, UFV

Prof. Dr. Luís Augusto Koenig Veiga Departamento de Geomática, UFPR

Prof. Dr. Carlos Aurélio Nadal

Departamento de Geomática, UFPR

Curitiba, 31 de agosto de 2009.

Ao meu marido Creso e meus filhos Thiago, Gustavo e Carolina. Aos meus pais Eliene e João Roberto. À minha família.

AGRADECIMENTOS

À Deus, que me permite, a cada novo dia, desfrutar do convívio de minha família.

Aos meus pais, Eliene e João Roberto, que sempre me incentivaram a lutar por um ideal de forma digna.

Ao meu marido Creso, pelo companheirismo e apoio em todos os momentos.

Aos meus filhos, Thiago, Gustavo e Carolina, por me darem a força necessária para continuar.

Aos meus irmãos, João Roberto e Thomaz, pelo apoio irrestrito, sempre com palavras de incentivo.

Ao Prof. Dr. Pedro Luis Faggion, pelo incentivo, apoio e orientação desse trabalho, e acima de tudo pela amizade, respeito, disposição e ajuda inestimável.

Ao Prof. Dr. Carlos Aurélio Nadal e Prof. Dr. Luís Augusto Koenig Veiga pelo apoio, incentivo e discussões que muito auxiliaram no desenvolvimento do trabalho.

À Universidade Federal do Paraná, pela oportunidade do curso, com auxílio em materiais e equipamentos.

Ao CNPq – Conselho Nacional de Desenvolvimento Científico e Tecnológico, pela bolsa de estudo.

A AVR Instrumental, pela confecção do suporte do espelho.

Ao Prof. Dr. Wilson de Alcântara Soares, Prof. Dr. Romualdo Wandresen, Prof. Dr. Alvaro Muriel Lima Machado pelo auxílio em momentos importantes da pesquisa.

A Verali Mônica Kleuser, que além da secretária do curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas, é também uma grande amiga.

A Mariney, Sr. Elberto e Plínio, pelo amizade e grande auxílio no desenvolvimento dessa pesquisa.

Aos grandes amigos: Karoline Paes Jamur, Franciely Abati Miranda, Fabiani das Dores Abati Miranda, Alessandra Svonka Palmeiro, Michele Beppler, Diuliana Leandro, Vagner Gonçalves Ferreira, Alessandro Salles de Carvalho, Tatiane Ayako Taura, Maria Madalena, Elaine C. Barros de Souza, Regiane Dalazoana, Mauricio Ihlenfeldt Sejas, Wander da Cruz, Rogers Pereira, Niarkios Graça, Érica Santos Matos, Silvio Adolfato, Marco Aurélio Debus Nadal, Daniel Perozo dos Santos, Ricardo Vilar Neves, Ernesto Mitsuo Shibayama, César Rafael Lopes.

A todos os professores do curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas, pela contribuição no desenvolvimento dessa pesquisa.

A todos os colegas do curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas pelo convívio saudável, a amizade e discussões do trabalho.

RESUMO

A evolução tecnológica tem exigido cada vez mais o posicionamento, locação, monitoramento de estruturas e obras da construção civil, controle métrico de equipamentos e produtos industriais; controle de deslocamento de máquinas, com alta precisão, e em muitas vezes em áreas de difícil acesso. Estudos recentes necessidade do desenvolvimento de metodologias mostraram а posicionamento de objetos, utilizando técnicas Topográficas e Geodésicas, em que seja necessário o desvio da visada da Estação Total. Ou seja, posicionar um objeto, utilizando equipamentos topográficos e acessórios que permitam realizar medições de direções horizontais, ângulos verticais e distâncias a objetos que não estejam no campo de visada da estação total. Pensando em contribuir no desenvolvimento de metodologia que permita resolver problemas de posicionamento com essas características é que se desenvolveu essa pesquisa. Nesta, consta uma revisão de literatura contendo os princípios Topográficos e Geodésicos que foram usados no decorrer do projeto; o desenvolvimento de um suporte que permita movimentos de rotação horizontal e vertical de um espelho plano; a calibração, utilizando interferômetro LASER, de marcas gravadas no espelho que possibilitam a determinação de sua atitude (posição no espaço); a calibração de uma Mira Horizontal de ínvar também realizada com interferômetro LASER. Essa foi usada como referência para a validação da metodologia proposta. Desenvolveu-se também uma modelagem matemática que permita a determinação de coordenadas de objetos, em que seja necessário o desvio da visada utilizando espelho. O trabalho traz também os resultados obtidos contendo as diferenças entre as coordenadas obtidas de maneira direta e indireta, bem como a distância entre os alvos obtidos de forma direta, indireta e com interferômetria.

Palavras Chave: Determinação indireta de coordenadas tridimensionais, Estação Total, Espelho plano.

ABSTRACT

The technological evolution has demanded increasingly more accurate positioning, location, monitoring of structures and construction works, metric control of industrial equipment and products. Mechanical apparatus need to be controlled with a high degree of precision, often in areas of difficult access. Recent studies have demonstrated the necessity of the development of methodologies for object positioning, using Topographic and Geodesic techniques, where required, shunting the line of the target Total Station. That is, to locate an object, using topographical and accessory equipment that attain measures of horizontal direction, vertical angles and linear distances of objects that are not in the aimed at field of the total station. Thinking about contributing in the methodology development that allows you to troubleshoot problems in positioning with these characteristics is the basis from which this research was developed. This is a literature review containing Topographical and Geodesic principles used in the course of the project; the development of a support enabling horizontal and vertical rotation of a plain mirror; the calibration, using LASER interferometer, of recorded marks the mirror that allows the determination of it's attitude (position in space); the calibration of one Horizontal Aim of invar also using a LASER interferometer. This was used as reference for the validation of the proposed methodology. A mathematical modeling was developed that allows the determination of the coordinates of objects, where it is necessary the deviation of the line of aim using mirror. The work also brings the gotten results contends the variations, in the order of millimeter, when compared the same one coordinated obtained from direct and indirect form.

Keywords: Three-dimensional positioning of inaccessible points, Total Station, Plain Mirror

LISTA DE FIGURAS

| FIGURA 1 – EFEITO FOTOELÉTRICO | 18 |
|--|-----|
| FIGURA 2 – ONDAS ELETROMAGNÉTICAS | 19 |
| FIGURA 3 – COMPRIMENTO DE ONDA | 20 |
| FIGURA 4 – ESPECTRO ELETROMAGNÉTICO | 20 |
| FIGURA 5 – PRINCÍPIO DE FERMAT | 22 |
| FIGURA 6 – CAMADAS DE UM ESPELHO | 23 |
| FIGURA 7 – ZONA DE PLANICIDADE | 25 |
| FIGURA 8 – TESTE DE PLANICIDADE DE DUAS SUPERFÍCIES DE VIDRO | 26 |
| FIGURA 9 – PERFIL DE UMA SUPERFÍCIE RUGOSA | 27 |
| FIGURA 10 – SUPERFÍCIE DE REFLETORA | 28 |
| FIGURA 11 – REFLEXÃO DE UM OBJETO EM UM ESPELHO | 29 |
| FIGURA 12 – OBJETO PONTUAL E SUA IMAGEM VIRTUAL | 31 |
| FIGURA 13 – LEI DA REFLEXÃO | |
| FIGURA 14 – REFLEXÃO ESPECULAR | 33 |
| FIGURA 15 – ÂNGULOS DE INCIDÊNCIA E REFLEXÃO | 33 |
| FIGURA 16 – REFLEXÃO DIFUSA | 34 |
| FIGURA 17 – DUPLA REFLEXÃO | 35 |
| FIGURA 18 – REFLEXÃO COM ESPELHAMENTO FRONTAL | 36 |
| FIGURA 19 – INTERFERÔMETRO DE MICHELSON | 38 |
| FIGURA 20 – INTERFERÔMETRO DE FIZEAU | 39 |
| FIGURA 21 – INTERFERÔMETRO DE MACH-ZEHNDER | 40 |
| FIGURA 22 – PRINCIPIO DA MEDIDA ELETRÔNICA DE DISTÂNCIA | 41 |
| FIGURA 23 – CAVIDADE RESSONANTE | 44 |
| FIGURA 24 – LASER DE CRISTAL | 46 |
| FIGURA 25 – SISTEMA CARTESIANO DEXTRÓGIRO | 50 |
| FIGURA 26 – COORDENADAS CARTESIANAS DE UM PONTO P | 51 |
| FIGURA 27 – VISTA EM PLANTA DO LEVANTAMENTO | 53 |
| FIGURA 28 – ESPELHO UTILIZADO NOS EXPERIMENTOS | 54 |
| FIGURA 29 – PRIMEIRO SUPORTE DO ESPELHO | 55 |
| FIGURA 30 – POSICIONAMENTO DO ESPELHO, ESTAÇÃO TOTAL E ALV | ONO |
| EXPERIMENTO 1 | 56 |
| FIGURA 31 – ALVOS DO SUPORTE DO ESPELHO | 57 |

| FIGURA 32 – ESPELHO POSICIONADO NA VERTICAL | 57 |
|---|-----|
| FIGURA 33 – ANTEPARO DE PAPEL SOBRE O ESPELHO | 58 |
| FIGURA 34 – ESPELHO ACLOPADO NA LUNETA DA ESTAÇÃO TOTAL | 59 |
| FIGURA 35 – SUPORTE DO ESPELHO | 60 |
| FIGURA 36 – ALVOS GRAVADOS NO ESPELHO | 61 |
| FIGURA 37 – DETERMINAÇÃO DO AFASTAMENTO ENTRE OS ALVOS | DO |
| ESPELHO | 62 |
| FIGURA 38 – SOBREPOSIÇÃO DO RETÍCULO DA OCULAR | DO |
| INTERFERÔMETRO COM O ALVO DO ESPELHO | 62 |
| FIGURA 39 – LEITURA DO ALVO | 63 |
| FIGURA 40 – ALVO GRAVADO NO ESPELHO | 64 |
| FIGURA 41 – MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR | 65 |
| FIGURA 42 – ÂNGULO PARALÁTICO | 65 |
| FIGURA 43– ALVO FIXADO NA MIRA HORIZONTAL DE INVAR | 67 |
| FIGURA 44 – INTERFEROMETRIA DOS FIXADOS ALVOS DA MIRA HORIZON | TAL |
| DE ÍNVAR | 67 |
| FIGURA 45 – SAGUÃO DO BLOCO DE ADMINISTRAÇÃO – CENT | RO |
| POLITÉCNICO | 68 |
| FIGURA 46 – SISTEMA PRINCIPAL E SISTEMA DO ESPELHO | 69 |
| FIGURA 47 – SISTEMA DE POSICIONAMENTO INDIRETO DE PONTOS | 70 |
| FIGURA 48 – ALVOS DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR | 71 |
| FIGURA 49 – ALVOS DE REFÊRENCIA E PONTO "ESP" | 73 |
| FIGURA 50 – POSIÇÃO DO ALVO VIRTUAL | 74 |
| FIGURA 51 – VETORES E VERSOR DO PLANO DO ESPELHO | 74 |
| FIGURA 52 – REGRA DA MÃO ESQUERDA | 75 |
| FIGURA 53 – REFLEXÃO DO ALVO VIRTUAL | |
| FIGURA 54 – ALVOS DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR | 80 |
| FIGURA 55 – TESTE DE PLANICIDADE REALIZADO COM O ESPELHO | 81 |

LISTA DE TABELAS E QUADROS

| TABELA 1 – CALIBRAÇÃO DOS ALVOS COM O INTERFERÔMETRO | 83 |
|--|----|
| TABELA 2 – CALIBRAÇÃO DAS DISTÂNCIAS ENTRE OS ALVOS D | ÞΕ |
| REFERÊNCIA | 85 |
| TABELA 3 – VALORES AJUSTADOS DOS ALVOS DE REFERÊNCIA | 86 |
| TABELA 4 – CALIBRAÇÃO DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR ALVOS MA E M | 1B |
| | 86 |
| TABELA 5 – MEDIÇÕES REALIZADAS NO PROCESSO DE CALIBRAÇÃO DO | S |
| ALVOS M1 À M8 | 87 |
| TABELA 6 – CALIBRAÇÃO DOS ALVOS GRAVADOS NA MIRA HORIZONTAL D | ÞΕ |
| ÍNVAR | 88 |
| TABELA 7 – VARIAÇÃO ESTATÍSTICA DOS RESULTADOS OBTIDOS PARA O |)S |
| ALVOS DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR | 88 |
| TABELA 8 – DISTÂNCIAS ENTRE OS ALVOS | 89 |
| TABELA 9 – DADOS DE CAMPO DO TESTE 2A | 90 |
| TABELA 10 – COORDENADAS DO TESTE 2A | 92 |
| TABELA 11 – DADOS DE CAMPO DO TESTE 2B | 93 |
| TABELA 12 – COORDENADAS DO TESTE 2B | 95 |
| TABELA 13 – COORDENADAS OBTIDAS NOS TESTES 2A E 2B | 96 |
| TABELA 14 – DISTÂNCIAS OBTIDAS NOS TESTES 2A E 2B | 97 |
| TABELA 15 – DISTÂNCIAS HORIZONTAIS OBTIDAS NOS TESTES 2A E 2B | 98 |
| TABELA 16 – DISTÂNCIAS OBTIDAS NOS TESTES 1A E 1B | 98 |
| TABELA 17 – DISTÂNCIAS HORIZONTAIS OBTIDAS NOS TESTES 1A E 1B | 99 |
| TABELA 18 – COORDENADAS OBTIDAS NOS TESTES 3 E 41 | 00 |
| TABELA 19 – DISTÂNCIAS OBTIDAS NOS TESTES 3 E 41 | 01 |
| TABELA 20 – DISTÂNCIAS HORIZONTAIS DO TESTE 31 | 02 |
| TABELA 21 – DISTÂNCIAS DO TESTE 51 | 02 |
| QUADRO 1 – PROPRIEDADE DOS REVESTIMENTOS DO ESPELHO | 28 |
| QUADRO 2 – TIPOS DE LASER | |
| QUADRO 3 – LASERS UTILIZADOS EM EQUIPAMENTOS TOPOGRÁFICOS | |

LISTA DE SÍMBOLOS

E campo elétrico da luz

B campo magnético da luz

f vetor direção de propagação da luz

v frequência

 λ comprimento de onda

S trajetória óptica

n índice de refração

c velocidade da luz no vácuo

v velocidade da luz no meio material

t tempo

AA fonte de luz pontual

DD ponto

AA' imagem virtual da fonte de luz AA

PP₁ e PP_{min} pontos na superfície refletora

T vetor direção dos planos paralelos

 \overline{K}_i vetor posição localizado no plano médio

A vetor posição qualquer

d distância

mi próximo valor inteiro mais elevado

F número máximo de estrias

D diâmetro máximo das cavidades

O' e O" extremidades do objeto

l' e l" extremidades da imagem

i ângulo de incidência

r ângulo de reflexão

p distância do objeto ao espelho

q distância da imagem ao espelho

H tamanho do objeto

H' tamanho da imagem

O objeto

I imagem

N onda incidente

lpha ângulo entre as direções BB" e BD

α' ângulo entre as direções BD e BB'

OM frente de onda

RI raio incidente

i₁ ângulo de incidência na face anterior

r₁ ângulo de reflexão na face anterior

rf₁ ângulo de refração na primeira refração

i₂ ângulo de incidência na face posterior

r₂ ângulo de reflexão na face posterior

rf₂ ângulo de refração na segunda refração

L feixe de luz

M espelho semi-prateado

M₁ espelho móvel

M₂ espelho fixo

V observador

DF₁ divisor de feixe 1

DF₂ divisor de feixe 2

 Δt tempo de percurso, ida e volta

R lâmpadas

TT tubo

MM₁ espelho parcialemente espelhado

MM₂ espelho
PS pulsada
CT contínua

UV ultravioleta

VS visível

I V infravermelho

GS gás
SL sólido
LQ líquido

IN invisível

Hz direção horizontal

Z distância zenital

di distância inclinada dh distância horizontal

P ponto qualquer

P' projeção do ponto P no plano XY

P" projeção do ponto P' no eixo Y
P" projeção do ponto P' no eixo X

EO origem do sistema cartesiano

G posição do teodolito

E1 à E4 alvos gravados na superfície do espelho

φ ângulo paralático

MA alvo esquerdo da mira horizontal de ínvar

MB alvo direito da mira horizontal de ínvar

MC alvo no centro da mira horizontal de ínvar

M1 à M8 alvos fixados na mira horizontal de ínvar

d₁ distância entre a estação total e o espelho

distância entre o espelho e o alvo visado

w vetor

 \vec{u} vetor que define o eixo do sistema cartesiano do espelho

 \overrightarrow{v} vetor que terá sua medida algébrica projetada

 \bar{x} média aritmética das observações

k número de observações

l_i observações

m ou σ erro médio quadrático de uma observação isolada

 $m_{\bar{x}}$ ou $\sigma_{\bar{x}}$ erro médio quadrático da média aritmética

MVA alvo virtual do MA
MVB alvo virtual do MB
MVC alvo virtual do MC

MV1 à MV8 alvos virtuais dos M1 à M8

SUMÁRIO

| 1 INTRODUÇÃO | 14 |
|---|----|
| 1.1. OBJETIVO GERAL | 15 |
| 1.2 OBJETIVOS ESPECÍFICOS | 15 |
| 1.3 JUSTIFICATIVA | 16 |
| 1.4 ESTRUTURAÇÃO DA PESQUISA | 17 |
| 2 REVISÃO BIBLIOGRÁFICA | 18 |
| 2.1 CARACTERÍSTICAS DA LUZ | 18 |
| 2.2 PRINCÍPIO DE FERMAT | 22 |
| 2.3 PROPRIEDADES DOS ESPELHOS | 23 |
| 2.3.1 Planicidade | 24 |
| 2.3.2 Tolerância da superfície | 26 |
| 2.3.3 Rugosidade | 27 |
| 2.3.4 Revestimento | 27 |
| 2.3.5 Superfície Refletora | 28 |
| 2.3.5.1 Reflexão especular | 32 |
| 2.3.5.2 Reflexão difusa | 34 |
| 2.3.5.3 Reflexão dupla e simples | 34 |
| 2.4 MEDIDA DE DISTÂNCIA | |
| 2.4.1 Interferômetria | 36 |
| 2.4.1.1 Interferômetro de Michelson | 37 |
| 2.4.1.2 Interferômetro de Fizeau | 38 |
| 2.4.1.3 Interferômetro de March-Zehnder | 39 |
| 2.4.2 Estação Total | |
| 2.4.2.1 Medida angular | 40 |
| 2.4.2.2 Distânciometro | 40 |
| 2.5 LASER | 42 |
| 2.5.1 Conceitos fundamentais do <i>laser</i> | 42 |
| 2.5.2 Cavidade ressonante | 43 |
| 2.5.2.1 Laser HeNe | 49 |
| 2.5.2.2 Laser GaAlAs | 49 |
| 2.6 SISTEMA DE COORDENADAS | 49 |
| 2.7 DETERMINAÇÃO DE COORDENADAS TRIDIMENSIONAIS | 50 |

| 3 MÉTODO | 53 |
|--|-------|
| 3.1 ESPELHO | |
| 3.2 REALIZAÇÃO DOS EXPERIMENTOS | |
| 3.2.1 Experimento 1 | |
| 3.2.2 Experimento 2 | 56 |
| 3.2.3 Experimento 3 | |
| 3.2.4 Experimento 4 | 58 |
| 3.3 SUPORTE DO ESPELHO | 59 |
| 3.4 ALVOS GRAVADOS NA SUPERFÍCIE DO ESPELHO | 61 |
| 3.5 EQUIPAMENTOS UTILIZADOS NOS LEVANTAMENTOS | 64 |
| 3.5.1 Mira horizontal de ínvar | 64 |
| 3.6 MÉTODO DE LEVANTAMENTO PROPOSTO | 68 |
| 3.6.1 Sistema de Posicionamento com Espelho | 69 |
| 3.6.1.1 Levantamento dos pontos materializados na mira horizontal de ínvar | 70 |
| 3.7 MODELO MATEMÁTICO ADOTADO | 72 |
| 3.7.1 Sequência de Cálculos | 72 |
| 3.7.1.1 Conexão das coordenadas obtidas para diferentes posição | 79 |
| 4 RESULTADOS | 81 |
| 4.1 TESTE DE PLANICIDADE DO ESPELHO | 81 |
| 4.2 CALIBRAÇÃO DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR | 86 |
| 4.3 DETERMINAÇÃO DA POSIÇÃO DOS ALVOS DA MIRA HORIZONTAL | DE |
| ÍNVAR | 89 |
| 5 CONCLUSÃO E RECOMENDAÇÕES | 103 |
| 5.1 CONCLUSÕES | . 103 |
| 5.2 RECOMENDAÇÕES | . 104 |
| 6 COOPERAÇÃO E/OU SUPORTE PARA SUA REALIZAÇÃO | 106 |
| 8 REFERÊNCIAS | 107 |

1 INTRODUÇÃO

O homem ao longo do tempo procurou demarcar sua posição e seu domínio, inicialmente sem utilizar-se dos conceitos e estudos que vieram a formar o que hoje conhecemos como topografia (ciência que estuda a representação gráfica de uma parte da superfície terrestre, de acordo com KAHMEN, FAIG, 1988). Atualmente em muito tem se utilizado esses conhecimentos e também os conceitos de Geodésia (ciência que trata da medição e representação da Terra, incluindo o seu campo de gravidade, em um espaço tridimensional variável no tempo, VANICEK, KRAKIWSKY, 1986) para: delimitar áreas urbanas ou rurais, locar obras, apoiar mapeamento, por exemplo.

Atualmente, além dos levantamentos topográficos convencionais, destaca-se a topografia industrial, que tem dentre seus objetivos: a locação com precisão de estruturas e equipamentos, o controle métrico de equipamentos e produtos industriais e o controle de deslocamento de máquinas.

Nesses levantamentos, o método empregado na aquisição de dados é escolhido de acordo com a possibilidade de obtenção dos mesmos. Porém, existem diversas dificuldades que envolvem essa etapa da geração de produtos topográficos, tais como: impossibilidade de medida direta de distância, de ângulos verticais e direções horizontais em face da obstrução existende entre a estação total e o alvo, instabilidade (por vibração do solo) no local do levantamento e impossibilidade de visualização do objeto em estudo.

Para contornar esses problemas, tem se realizado pesquisas buscando desenvolver metodologias que viabilizem a realização de medições que não seriam possíveis utilizando as técnicas tradicionais.

Pensando nisso, essa tese foi concebida com o objetivo de desenvolver um método para determinação de coordenadas de pontos, realizando-se medições de ângulos verticais, direções horizontais e distâncias inclinadas utilizando estação total e acessórios desenvolvidos especificamente para atender esse projeto, ou seja, determinar coordenadas de objetos usando um espelho plano para desviar a visada.

Para simular essa situação utilizou-se uma mira horizontal de ínvar, um conjunto de alvos gravados ao longo da mesma, não acessíveis visualmente a partir da estação total usada para realizar as medidas. Um espelho com a face refletora frontal permitiu visualizar os alvos de interesse e dessa maneira realizar as medições necessárias. Com isso, todos os cálculos para determinação posicional dos alvos de interesse estão vinculados a posição do espelho. Surge então um novo problema: a necessidade de determinar a atitude do mesmo no espaço, ou seja, determinar o plano que coincide com a superfície do espelho no momento da medição. A partir desse determina-se o plano denominado plano de reflexão, o qual é fundamental para o cáculo das coordenadas do alvo de interesse. Como o próprio nome sugere trata-se do plano no qual ocorre a reflexão do alvo. Para tanto, foram gravados alvos de referência na superfície do espelho, os quais tiveram suas coordenadas absolutas determinadas por métodos topográficos.

Também foi desenvolvido um suporte para esse espelho, que permitisse a rotação vertical e horizontal e também sua fixação em um tripé. Essas rotações do espelho são elementos fundamentais para auxiliar na visualização do alvo de interesse.

Para o processamento dos dados, objetivando a determinação das coordenadas, foram desenvolvidas rotinas computacionais utilizando o ambiente matlab.

1.1. OBJETIVO GERAL

Determinar indiretamente coordenadas topográficas tridimensionais utilizando estação total e espelho plano.

1.2 OBJETIVOS ESPECÍFICOS

a) Projetar e construir um sistema que permita a adaptação de um espelho

- plano em uma base nivelante de estação total;
- Determinar a atitude do espelho no espaço através de alvos gravados no mesmo e posicionamento desses alvos;
- c) Determinar as distâncias entre os alvos de referência gravados no espelho, utilizando interferômetria;
- d) Determinar a distância entre os alvos gravados em uma mira horizontal de ínvar, utilizando interferômetria e o método proposto;
- e) Validar através da comparação as coordenadas dos alvos mencionados no item anterior, sem a interferência do espelho, ou seja, utilizando o método direto de obtenção de coordenadas;
- f) Avaliar a influência de diferentes configurações geométricas da posição do espelho, estação total e objeto na obtenção das coordenadas.

1.3 JUSTIFICATIVA

A determinação da posição de objetos em área industrial teve suas primeiras investigações no curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas com a tese de doutorado "Interseção óptica tridimensional aplicada à engenharia de precisão" (NADAL, 2000). Esse estudo apontou a necessidade de posicionar objetos que não permitam visada direta utilizando estação total. Em função disso, iniciou-se uma busca em periódicos nacionais e internacionais e não detectou-se nenhuma contribuição para solução desse problema, a não ser o artigo "Range Determination Using Target Images", de AHAMED, 1994, com a indicação da utilização de estação total e reflexão especular para determinar coordenadas de objetos não visíveis de forma direta.

Por essa razão e pela necessidade cada vez maior de posicionamento com alta precisão em ambiente industrial é que se desenvolveu essa pesquisa.

1.4 ESTRUTURAÇÃO DA PESQUISA

Buscando proporcionar ao leitor um entendimento do estudo desenvolvido nessa pesquisa o assunto foi tratado da seguinte forma:

No capítulo 2, são abordados os tópicos referentes a revisão bibliográfica, tais como: conceitos de ótica, de reflexão especular, medida de distância, interferometria, álgebra vetorial e geometria analítica.

No capítulo 3, apresenta-se a calibração dos equipamentos utilizados nessa pesquisa bem como a metodologia desenvolvida na determinação de coordenadas em que é necessário o desvio da visada.

No capítulo 4, são apresentados os resultados alcançados na calibração e na obtenção das coordenadas aplicando a metodologia proposta.

O capítulo 5 traz as conclusões e recomendações enfatizando a contribuição desse trabalho.

Por último, no capitulo 6, apresentam-se as referências bibliográficas consultadas.

Nos apêndices constam as cadernetas de campo, projeto do suporte do espelho e as rotinas computacionais desenvolvidas para o cálculo das coordenadas empregando-se desvios de visadas.

2 REVISÃO BIBLIOGRÁFICA

O desenvolvimento desse método de posicionamento envolve conceitos de física, matemática e transformação de sistemas de referência. Na sequência, serão discutidos conceitos desses conteúdos necessários para a compreensão do método proposto.

2.1 CARACTERÍSTICAS DA LUZ

A luz pode ser tratada como uma manifestação da matéria. Um princípio básico da Mecânica Quântica trata a luz e objetos materiais com propriedades de onda-partícula similares. Schrödinger, um dos fundadores da teoria quântica, afirmou que desapareceram novos estudos de distinção entre ondas e partículas, em função da descoberta de que todas as partículas têm também a propriedade de ondas e vice versa. Nem um dos dois conceitos pode ser descartado, mas sim ser associados (HECHT, 1986; RICCI, 2001).

A luz, a partir da demonstração do efeito fotoelétrico, não pode ser tratada apenas como onda. Nessa demonstração uma placa metálica é exposta a um feixe de luz, sendo que cada quantum de energia corresponde a um fóton. Quando os fótons, do feixe de luz, incidem sobre essa placa metálica, eles cedem sua energia aos elétrons da última camada da placa de metal, permitindo que esses adquiram energia suficiente para saltar da placa, Figura 1.

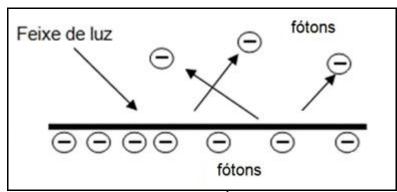


FIGURA 1 – EFEITO FOTOELÉTRICO

FONTE: O autor

As duas naturezas da luz, onda e partícula, podem ser evidenciadas pelo fato da propagação ocorrer através de uma ondulação moldada e que apresenta a existência de partículas durante o processo de emissão e absorção. A energia eletromagnética é criada e destruída em quanta ou fótons (luz visível) e não continuamente como uma onda clássica. A grande contribuição de Maxwell foi mostrar que a óptica, estudo da luz visível, é um ramo do eletromagnetismo e que um feixe de luz é uma configuração de campos elétricos e magnéticos que se propagam (HALLIDAY, RESNICK E MERRILL, 1995).

As ondas são constituídas de um campo elétrico (*E*) e de um campo magnético (*B*) que variam periodicamente no tempo e se propagam em uma determinada direção. A Figura 2 apresenta os vetores indicativos do campo magnético e elétrico, que estão contidos em planos perpendiculares à direção de propagação representada por (*f*) (ÓTICA, 2006).

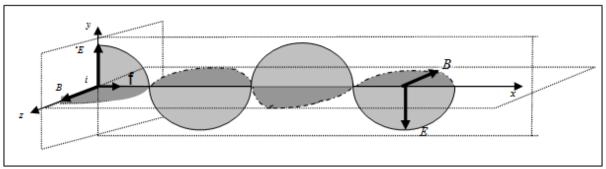


FIGURA 2 – ONDAS ELETROMAGNÉTICAS ADAPTADO DE: OTICA, 2006

Devido a natureza ondulatória da luz, essa pode ser caracterizada por sua frequência e comprimento de onda. Sendo a frequência (ν) o número de vezes que uma onda passa por um ponto, geralmente é expressa pelo número de ondas por segundo ou Hertz (Hz). O comprimento de onda (λ) é a distância entre dois máximos ou dois mínimos da onda, Figura 3.

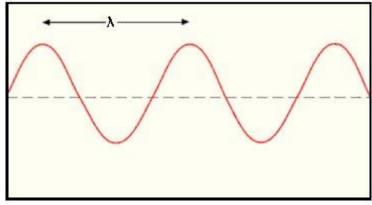


FIGURA 3 – COMPRIMENTO DE ONDA

FONTE: O autor

Quando a luz tem apenas um comprimento de onda, ou frequência, é chamada de monocromática. Na Figura 4 apresenta-se a escala do comprimento de onda. Essa é traçada de modo que cada sinal represente uma mudança no comprimento e na frequência correspondente, por um fator de 10. É importante salientar que os comprimentos das ondas eletromagnéticas não possuem limites superior e inferior definidos (HALLIDAY, RESNICK E MERRILL, 1995).

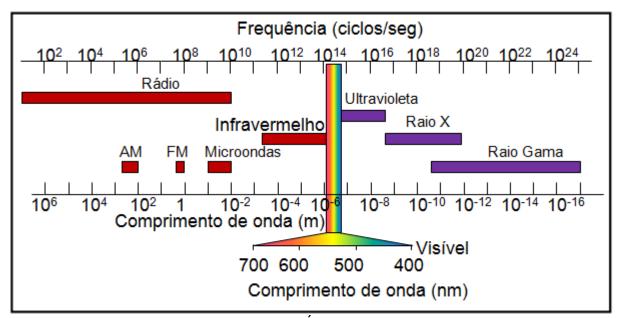


FIGURA 4 – ESPECTRO ELETROMAGNÉTICO ADAPTADO DE: CENTENO, 2004 e BOSCHI FILHO, 2006

As ondas eletromagnéticas têm as seguintes características (HALLIDAY, RESNICK E MERRILL, 1995):

• propagam-se no vácuo com a mesma velocidade escalar;

- o centro da região visível é aproximadamente 550 nm, o qual produz uma sensação de verde próximo ao amarelo;
- os limites da região visível são bem definidos.

A luz visível cobre apenas um pequeno intervalo das ondas eletromagnéticas, sendo o limite inferior e superior iguais à 380 e 750 nm, respectivamente. Podendo ter velocidades diferentes, porém altas, propagando-se em linha retilínea e interage com o meio que ocupa. Dessa forma, quando percorre uma distância (d) no ar e essa mesma distância no vidro, por interagir com as moléculas do vidro, o tempo de deslocamento será maior nesse meio. A trajetória ótica, que determina o atraso ocorrido no vidro, é calculada com a Equação (MEYER-ARENDT, 1995).

$$S = d.n \tag{1}$$

Onde:

S – trajetória óptica;

d – distância percorrida;

n – índice de refração.

O índice de refração, obtido com a Equação (2), representa a relação entre a velocidade da luz no vácuo e sua velocidade em um meio material.

$$n = \frac{c}{v} \tag{2}$$

Sendo:

c - velocidade da luz no vácuo;

v - velocidade da luz no meio material.

Isolando-se (v) tem-se:

$$v = \frac{c}{n} \tag{3}$$

2.2 PRINCÍPIO DE FERMAT

Hierão de Alexandria, que viveu entre 150 a.C. e 250 d.C., foi quem primeiro propôs o conceito do princípio variacional. Em 1957, foi reformulado por Fermat sendo denominado princípio do tempo mínimo, "a trajetória seguida por um raio luminoso entre dois pontos é aquela que é percorrida no menor intervalo de tempo possível" aplicado tanto à reflexão quanto à refração (HECHT, 2002):

A Figura 5 ilustra esse princípio. Ou seja, uma fonte de luz pontual (AA) emite uma série de raios que atingem a superfície refletora e direcionam-se para o ponto (DD), na realidade física somente uma dessas trajetórias é possível (AAPP_{min}DD). Para uma melhor visualização traçou-se os raios que emergem da imagem virtual (AA'), assim nenhuma das distâncias até o ponto (DD) é alterada, observa-se que o percurso de menor distância é a trajetória retilínea (AA'PP_{min}DD), no qual o ângulo de incidência é igual ao de reflexão (HECHT, 2002).

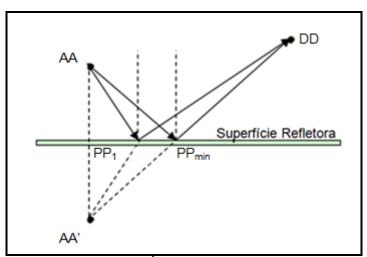


FIGURA 5 – PRINCÍPIO DE FERMAT ADAPTADO DE: TIPLER, 2000

O tempo (t) gasto pela luz para percorrer uma distância (l) pode ser calculado utilizando-se a Equação (4).

$$t = \frac{1}{v} \tag{4}$$

Onde:

t – tempo gasto para percorrer a distância;

v – velocidade no meio;

I – distância percorrida num meio homogêneo e isótropo.

Substituindo-se a Equação (3) na (4) tem-se:

$$t = \frac{\ln n}{c} \tag{5}$$

O produto (l.n) é a trajetória ótica, já apresentada na Equação (1), a qual representa a distância percorrida pela luz, no vácuo, durante o tempo (t). Como (n) é constante, por ser um meio homogêneo e isótropo, o caminho ótico mínimo também corresponde à distância mínima, ou seja, a luz percorre uma trajetória retilínea (NUSSENZVEIG, 1998).

2.3 PROPRIEDADES DOS ESPELHOS

Na Antiguidade, os espelhos eram feitos de metal polido, como o bronze e ouro. Os primeiros espelhos de vidro foram fabricados em Murano, em Veneza no fim do século XIII. Atualmente, são produzidos a partir da deposição de metais, tais como prata, alumínio, níquel ou cromo, sobre uma face do vidro. Esses metais são protegidos por camadas de tinta, sendo o espelho à base de prata, um dos mais difundidos (CEBRACE, 2006), Figura 6.

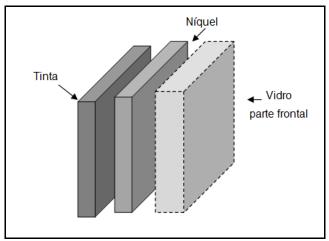


FIGURA 6 – CAMADAS DE UM ESPELHO

FONTE: O autor

Os espelhos podem possuir diferentes formas, tais como: plano; esférico; parabólicos e cilíndricos, tendo utilidade tanto no uso doméstico e carros como em

telescópios, programas espaciais e em pesquisas, por exemplo. Esses últimos são precisos, possuindo uma baixa distorção de imagem e alta refletividade (KING II et al, 1998).

Atualmente, é possível construir espelhos com qualidade óptica identificando, e adequando as propriedades (planicidade, deslocamento angular do eixo ótico e mecânico, precisão da superfície, energia de irregularidade "power", rugosidade e refletividade) e garantindo o correto desempenho. Muitas dessas propriedades são idênticas para todos os tipos de espelhos, porém ainda não existe um controle de qualidade adequado para uma produção em série, sendo necessário testar individualmente cada espelho. O controle da qualidade requer que sejam testados os espelhos buscando garantir as propriedades anteriormente citadas (KING II et al 1998).

2.3.1 Planicidade

Uma das maneiras de definir um plano é por três pontos não colineares, logo um plano não possui espessura. No entanto, não é possível fabricar uma superfície perfeitamente plana. Em função disso existem tolerâncias adotadas nos pontos externos a esse plano ideal. Segundo a Associação Brasileira de Normas Técnicas (ABNT), o campo de tolerância é limitado por dois planos paralelos, com uma distância (*t*) entre eles, estando entre esses a superfície analisada (ABNT¹, apud MAGALHÃES, 2006).

Em 1993, foi desenvolvida uma definição matemática para tolerâncias geométricas, documentadas na norma ANSI Y14.5.1M – "*Draft: Mathematical Definition of Dimensionins and Tolerancing Principle*", estabelecendo que a zona de planicidade é um volume em que todos os pontos devem satisfazer a condição da Equação (6) (ANSI², apud MAGALHÃES, 2006).

$$\left| \overrightarrow{T} \cdot \left(\overrightarrow{K}_i - \overrightarrow{A} \right) \right| \le \frac{t}{2} \tag{6}$$

¹ ASSOSSIAÇÃO BRASILEIRA DE NORMAS TÉCNICAS (1980)

² ANSI/ASME B89.4.1. Methods for performance evaluation of coordinate measuring machines. (1997)

Sendo:

T – vetor direção dos planos paralelos;

 \overline{K}_i – vetor posição localizado no plano médio;

→ A − vetor posição qualquer;

d - distância entre os planos paralelos.

Através da Figura 7 é possível visualizar as relações dadas pela equação (6).

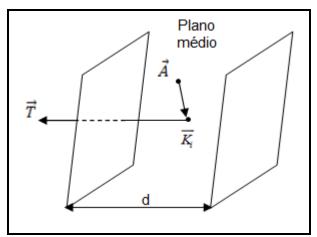


FIGURA 7 – ZONA DE PLANICIDADE FONTE: MAGALHÃES, 2006

Nessa (\vec{T}) é o vetor direção dos planos paralelos que definem a zona de tolerância; (\vec{K}_i) é o vetor posição contido no plano médio; (d) a distância entre os planos paralelos e (\vec{A}) vetor posição qualquer (MAGALHÃES, 2006).

A planicidade é testada em relação a um modelo padrão e encontra-se entre 1/20 do comprimento de onda. Esse parâmetro é especificado pela distorção da frente de onda da luz refletida. Quanto menor a distorção da frente de onda maior o grau de planicidade. Essa distorção é mensurada pela direção do feixe de um laser e a divisão dessa em duas frentes de onda uma de teste e outra de referência (KING II et al, 1998).

A frente de onda de referência e a de teste são inicialmente refletidas sem o uso do espelho a ser testado. O interferômetro mede a interferência entra as duas frentes de onda retornando o valor da distorção da mesma. Esse resultado é apresentado em (λ /mi), em que (λ) é o comprimento de onda geralmente especificado como 632,8 nm e (mi) é selecionado como o próximo valor inteiro mais

elevado de acordo com a utilização do espelho (KING II et al, 1998).

As bordas dos espelhos não possuem as mesmas especificações do centro, sendo assim a zona de qualidade normalmente compreende 80 a 90% da área central. Dessa forma, o paralelismo da luz refletida é afetado pela planicidade da superfície do espelho, sendo mensurado por uma comparação entre as frentes de onda refletida e incidente. Geralmente o paralelismo é especificado por uma tolerância de ±3 minutos de arco (KING II et al, 1998).

A planicidade de uma superfície de vidro pode ser testada por meio das franjas de interferência, para tanto é necessário utilizar um modelo padrão (opticamente plano) e pressionar sobre a superfície de vidro a ser testada, Figura 8. Se essa for plana as franjas que se formam são linhas retas paralelas entre si.

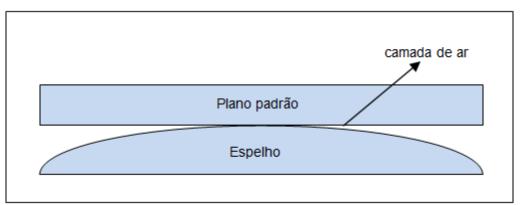


FIGURA 8 – TESTE DE PLANICIDADE DE DUAS SUPERFÍCIES DE VIDRO FONTE: O autor

Segundo testes realizados por Cordini, 1991, nem mesmo os vidros do tipo cristal, que apresentaram melhores resultados, não possuem a superfície perfeitamente plana.

2.3.2 Tolerância da superfície

A tolerância da superfície determina a proximidade que a superfície do espelho tem em relação a uma superfície padrão, sendo usualmente um décimo de um comprimento de onda. A maioria dos espelhos precisam ter uma abertura de 90% ou maior (KING II et al, 1998).

2.3.3 Rugosidade

A qualidade da superfície de um espelho determina a sua capacidade de reflexão e reprodução da imagem. A tolerância de estrias (*Scratch*) e cavidades (*Dig*) na superfície são especificadas como (F-D), em que (F) o número máximo de estrias visíveis e (D) é o máximo diâmetro das cavidades em nanômetro, sendo o padrão de qualidade 60-40. Ou seja, são visíveis no máximo 60 estrias sendo que a maior possui um diâmetro igual ou menor a 40 nm (KING II et al, 1998), Figura 9.

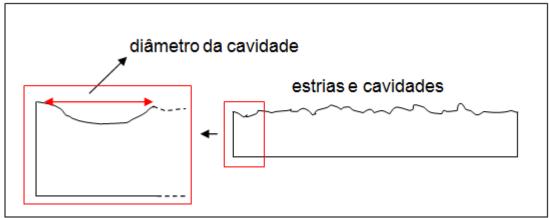


FIGURA 9 – PERFIL DE UMA SUPERFÍCIE RUGOSA

FONTE: O autor

2.3.4 Revestimento

Existem diversos tipos de revestimentos, que variam de acordo com a utilização do espelho. A propriedade que define o revestimento a ser usado é a refletividade, que é a razão entre os fluxos de energia dos feixes refletidos e incidentes, podendo ser obtida experimentalmente em função do número de onda, que é obtido utilizando um laser e um medidor de energia. No Quadro 1, a seguir, apresentam-se as propriedades de alguns revestimentos (TRASFERETTI, DAVANZO, 2001; KING II et al, 1998).

| Revestimento | Intervalo da frente de onda (nm) | Média de refletância (%) |
|--------------|----------------------------------|--------------------------|
| Alumínio | 200 – IR | 90 |
| Prata | 400 – IR | 98 |
| Ouro | 400 – IR | 99 |

QUADRO 1 – PROPRIEDADE DOS REVESTIMENTOS DO ESPELHO ADAPTADO DE: KING II et al, 1998

2.3.5 Superfície Refletora

Uma superfície é refletora quando permite a reflexão de um feixe de luz. Nesse projeto a superfície refletora é um espelho de alta refletividade, no qual o vidro serve somente de anteparo para a camada refletora, a fim de minimizar o fenômeno de refração, uma vez que nessas estruturas o sinal não sofre influências da superfície do vidro, na Figura 10.

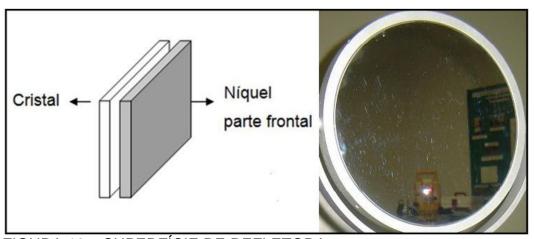


FIGURA 10 - SUPERFÍCIE DE REFLETORA

FONTE: O autor

A reflexão de um objeto apresenta três características:

- 1^a. a distância entre a imagem e o espelho será sempre igual à distância entre o objeto e o espelho;
- 2ª. o tamanho da imagem será sempre igual ao tamanho do objeto;
- 3^a. os raios incidente e refletido pertencem ao mesmo plano.

Na Figura 11 demonstra-se a igualdade entre o tamanho da imagem e do objeto.

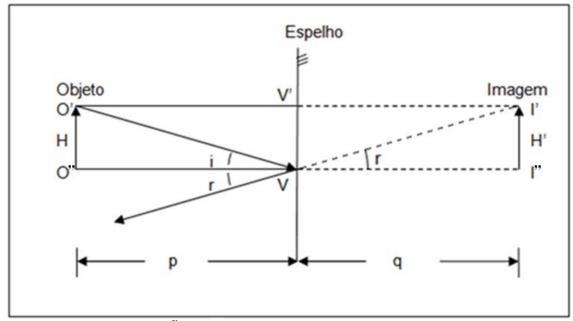


FIGURA 11 – REFLEXÃO DE UM OBJETO EM UM ESPELHO ADAPTADO DE: SCHIEL, 2009

Na Figura 11:

i – ângulo de incidência;

r – ângulo de reflexão;

p - distância do objeto ao espelho;

q – distância da imagem ao espelho;

H – tamanho do objeto;

H'- tamanho da imagem.

Para se provar que o tamanho do objeto e da sua imagem são iguais, observa-se no triângulo $\widetilde{VO'O''}$ que:

$$tg(i) = \frac{H}{p} \tag{7}$$

Como:

$$r = i \tag{8}$$

Logo,

$$tg(r) = tg(i) \tag{9}$$

$$\frac{H'}{-q} = \frac{H}{p} \tag{10}$$

$$\frac{H'}{H} = \frac{-q}{p} \tag{11}$$

Sendo:

$$A = \frac{H'}{H} \tag{12}$$

e,

$$p = -q \tag{13}$$

Dessa maneira:

$$A = \frac{H'}{H} = \frac{-q}{p} = 1 \tag{14}$$

Isto explica que toda imagem visível diante de um espelho é formada por reflexão, que ocorre quando os raios que incidem sobre uma superfície voltam ao meio onde ocorreu a incidência. Essa imagem, formada atrás do espelho, é denominada virtual, uma vez que a luz não passa através dela (NUSSENZVEIG, 1998; HALLIDAY, RESNICK E MERRIEL, 1995).

Na Figura 12 apresenta-se um ponto origem de luz (O), denominado objeto, localizado a uma distância (p) à frente do espelho plano. A luz incidente nesse é representada pelos raios que emanam de (O), sendo refletidos pelo espelho. O prolongamento dos raios refletidos, atrás do espelho, forma a imagem do objeto, ponto (I). Logo a distância (p), entre o objeto e o espelho, por convenção positiva possui mesma grandeza que a distância (q), entre a imagem e o espelho, por convenção negativa.

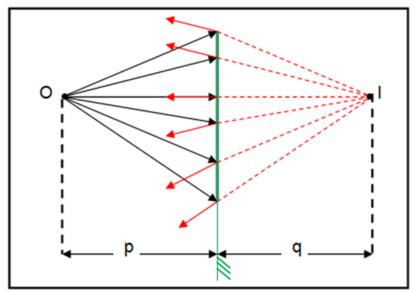


FIGURA 12 – OBJETO PONTUAL E SUA IMAGEM VIRTUAL ADAPTADO DE: HECHT, 1986

A lei da reflexão determina que o raio refletido e o incidente pertencem ao mesmo plano e que os ângulos de incidência e reflexão possuem a mesma grandeza.

Na Figura 13, supondo que uma onda plana incida em uma superfície plana (XY) e o ângulo de incidência (i) formado entre a normal e essa superfície (linha tracejada), a reta (\overline{OM}) representa a frente de onda no momento em que essa toca a superfície plana (GOLDEMBERG, 1973).

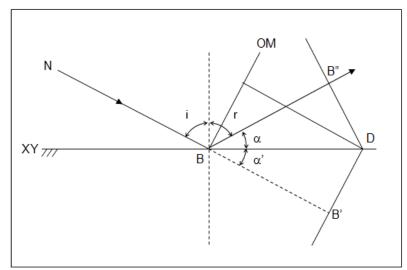


FIGURA 13 – LEI DA REFLEXÃO ADAPTADO: GOLDEMBERG, 1973

Analisando a mesma figura, se a superfície (XY) não existisse a onda incidente (N) continuaria seu percurso e em um instante (t_1) estaria na posição (B'), porém, quando a onda incidente atinge a superfície (XY) é refletida chegando à posição (B") no instante (t_1).

Comparando os triângulos ($\overrightarrow{BB'D}$) e ($\overrightarrow{BB'D}$) percebe-se que os ângulos (α) e (α) são iguais, logo (i) é igual a (r). Para que ocorra a reflexão descrita é necessário que a superfície representada pela reta XY seja refletiva, podendo a reflexão ser especular ou difusa (GOLDEMBERG, 1973).

2.3.5.1 Reflexão especular

A reflexão especular ocorre quando os raios são refletidos em uma única direção, ou seja, eles são paralelos entre si. Por esse motivo, para que seja possível enxergar a reflexão de um objeto, o observador precisa estar em determinada posição diante da superfície refletora. Essa reflexão só ocorre quando a profundidade média da mesma for menor que o comprimento de onda da luz incidente, ou seja, a superfície do espelho seja opticamente plana (CESAR, 1966; HALLIDAY E RESNICH, 1966). Na Figura 14 mostra-se a reflexão especular.

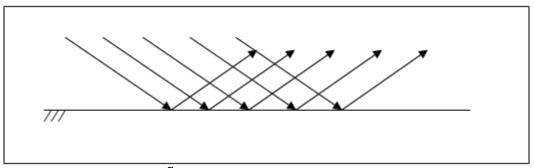


FIGURA 14 – REFLEXÃO ESPECULAR ADAPTADO DE: CESAR, 1966

A reflexão obedece às seguintes leis:

- 1ª: o raio incidente, a reta normal à superfície refletora no ponto de incidência e o raio refletido estão contidos no mesmo plano;
- 2ª: na reflexão especular o ângulo de incidência (i), ângulo entre a normal e o raio incidente, tem a mesma medida que o ângulo de reflexão (r), ângulo entre a normal e o raio refletido, Figura 15 (CESAR,1966).

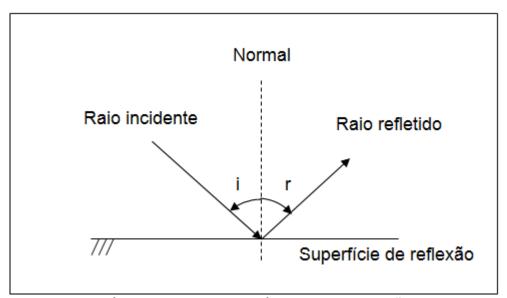


FIGURA 15 – ÂNGULOS DE INCIDÊNCIA E REFLEXÃO ADAPTADO DE: JENKINS E WHITE, 1976

2.3.5.2 Reflexão difusa

A reflexão difusa ocorre em superfícies microscopicamente rugosas, refletindo os raios em qualquer direção. A diferença entre a reflexão especular e a difusa é uma consequência das estrias e cavidades da mesma (HALLIDAY E RESNICK,1966). Na Figura 16 pode-se observar um exemplo da reflexão difusa.

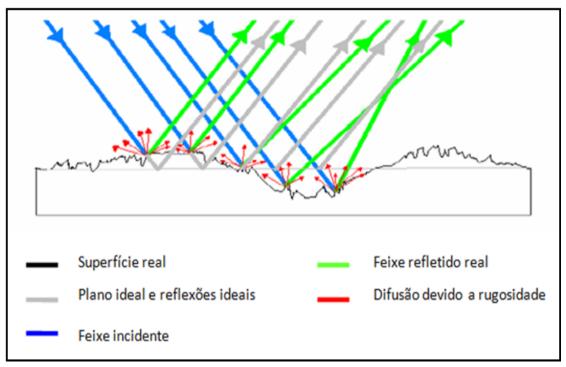


FIGURA 16 – REFLEXÃO DIFUSA

FONTE: GAVINHO, 2005

2.3.5.3 Reflexão dupla e simples

No espelho o raio incidente será refletido sem sofrer mudanças em sua trajetória. Pode-se observar na Figura 17 que quando o material prateado encontrase na parte posterior, o raio incidente sofre refração, fenômeno no qual a luz é transmitida para dentro do vidro, mudando de meio. Quando encontra o material prateado o raio sofre reflexão apresentando nova refração ao passar do vidro para o ar, esse fenômeno é denominado dupla reflexão (ALONSO E FINN, 1972; CORDINI,1991).

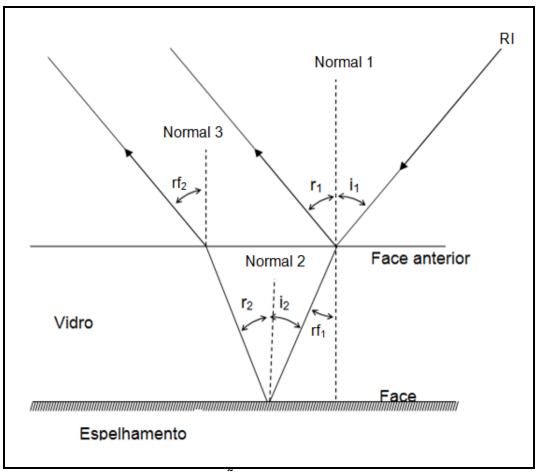


FIGURA 17 – DUPLA REFLEXÃO ADAPTADO DE: CORDINI, 1991

Na Figura 17:

i₁ – ângulo de incidência na face anterior;

r₁ – ângulo de reflexão na face anterior;

rf₁ – ângulo de refração na primeira refração;

i₂ – ângulo de incidência na face posterior;

r₂ - ângulo de reflexão na face posterior;

rf₂ – ângulo de refração na segunda refração;

RI - raio incidente.

Quando o espelhamento é frontal o raio incidente não sofre refração. Por esse motivo o espelho utilizado neste experimento tem essa característica, Figura 18.

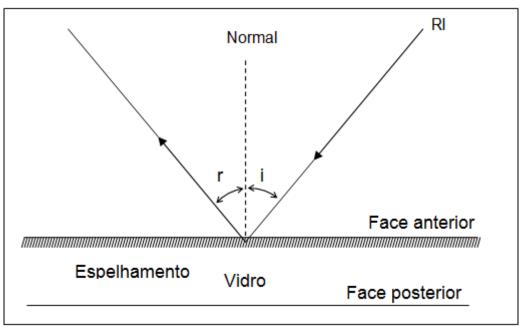


FIGURA 18 – REFLEXÃO COM ESPELHAMENTO FRONTAL FONTE: O autor

2.4 MEDIDA DE DISTÂNCIA

2.4.1 Interferômetria

O homem está sempre em busca de melhor precisão em mensurações, na ordem de nanômetros. Por isso, atualmente houve um aumentou significativo na metrologia óptica que a qual, dentre diversas técnicas, utiliza a interferômetria de varredura de frequência (IVF), cuja definição é: o "fenômeno resultante da superposição de dois movimentos vibratórios da mesma frequência", ou seja, é um fenômeno de duas ou mais ondas de mesma frequência, que possuem uma relação de fase constante no tempo provocando a distribuição estacionária da energia das ondas ao longo de direções, ou de superfícies, que se mantêm fixas no espaço. Esse fenômeno ocorre em qualquer tipo de onda, mecânica, acústica, eletromagnética, etc. Sendo especialmente importante ondas com as eletromagnéticas visíveis, por permitir a realização de medidas chamadas interferômetria (CABRAL E REBORDÃO, 2008; ONO, 2009).

Na IVF mede-se o valor absoluto da diferença de percurso óptico (DPO) entre os dois braços de um interferômetro de Michelson. Os interferômetros ópticos são equipamentos que permitem: a mensuração de comprimento e pequenas

alterações de comprimento; ensaios ópticos; estudos de estrutura de superfície; medições da distribuição de pressão e temperatura em fluxos de gás e de plasmas; medições de velocidades de partículas e amplitudes de vibrações entre outros (CABRAL e REDORDÃO, 2008; HORIHARAN, 1995).

As medições com interferômetros utilizam um arranjo óptico com dois ou mais feixes, que são emitidos da mesma fonte, porém com caminhos diferentes. São classificados como sendo de dois ou de múltiplos feixes. Também podem possuir um método diferente para a obtenção dos feixes, sendo que o mais comum é a utilização de um espelho de reflexão parcial. Os interferômetros mais conhecidos são: de Fizeau, Michelson e Mach-Zehnder (HORIHARAN, 1995).

2.4.1.1 Interferômetro de Michelson

O interferômetro de Michelson utiliza dois feixes que são obtidos pela reflexão parcial. Pode medir distâncias de até 100 m com resolução de 300 nm (SERWAY et al³, apud RESTIVO et al 2008)

O princípio consiste em, através de um espelho semi-prateado, dividir um feixe de luz emitido por uma fonte de luz "L" em dois com a mesma intensidade, Figura 19.

-

³ Serway, R. A., Faughn, J. S., Vuille, C. and Bennet, C. H., "College Physics", Thomson Brooks/Cole, pp. 836-837, (2005)

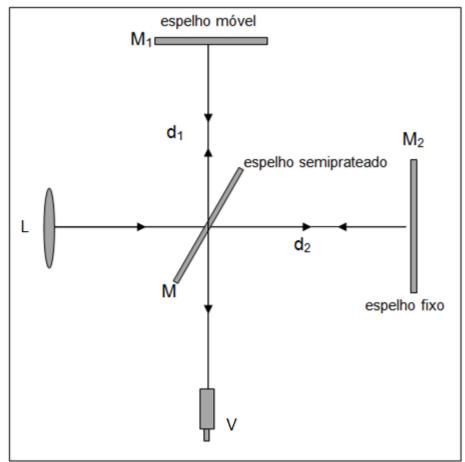


FIGURA 19 – INTERFERÔMETRO DE MICHELSON FONTE: GOLDEMBERG, 1973

A luz emitida pela fonte (L) incide no espelho semi-prateado (M), que a divide em dois feixes de mesma intensidade sendo que o primeiro segue em direção ao espelho móvel (M_1) e o segundo em direção ao espelho fixo (M_2). Esses dois feixes, que são coerentes por terem sido originados na mesma fonte, são observados na posição (V). Se os dois caminhos possuem comprimentos diferentes ($d_1 \neq d_2$) então haverá uma diferença de fase entre os dois feixes, com isso é possível determinar o deslocamento entre as partes (GOLDEMBERG, 1973).

2.4.1.2 Interferômetro de Fizeau

O interferômetro de Fizeau é utilizado para medir a qualidade óptica de componentes e sistemas. O princípio consiste em filtrar um sinal laser por uma objetiva microscópica e um pequeno orifício, Figura 20. Esse encontra-se no ponto focal das lentes de colimação. Entre as lentes e o orifício encontra-se um divisor de

feixes, onde parte é movida para a superfície refletora e o restante para a superfície a ser testada, retornando a origem com informações do teste ótico. As duas frentes de onda são recombinadas dentro do interferômetro e o divisor de feixes encaminha os feixes combinados para um sistema de gravação ou um monitor (NASA, 1999).

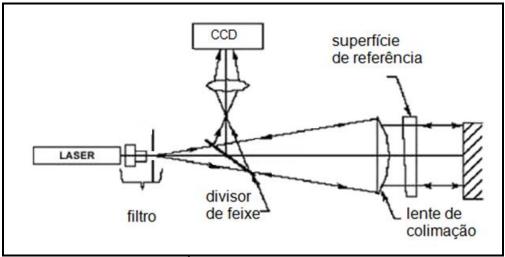


FIGURA 20 – INTERFERÔMETRO DE FIZEAU

FONTE: NASA, 1999

2.4.1.3 Interferômetro de March-Zehnder

O interferômetro de March-Zehnder apresenta o funcionamento similiar ao interferômetro de Michelson. Na Figura 21 apresenta-se o funcionamento deste, em que a radiação proveniente da fonte "L" é colimada e dividida pelo divisor de feixes "DF₁". Esses são refletidos pelos espelhos "M₁" e "M₂" em direção a outro divisor de feixes "DF₂". O padrão de interferência é observado na saída 1 ou 2, variando a posição de um dos espelhos. A principal característica desse interferômetro é a possibilidade de mudar a posição de saída, fato esse importante em comunicações ópticas por possibilitar a alteração do tráfego do sinal, Figura 21.

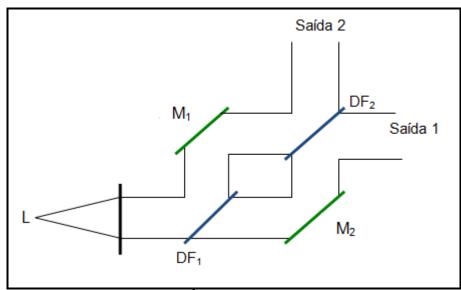


FIGURA 21 – INTERFERÔMETRO DE MACH-ZEHNDER ADAPTADO DE: ZILO, 2007

2.4.2 Estação Total

Estação total é um equipamento constituído por um teodolito eletrônico (medida de direções horizontais e ângulos verticais), um distânciometro eletrônico (medida de distâncias) e um processador matemático (KAHMEN, 1988).

2.4.2.1 Medida angular

Aos leitores interessados em maiores detalhes sobre o fato recomenda-se Kahmen e Faig, 1988.

2.4.2.2 Distânciometro

Na Topografia e Geodésia uma das maiores dificuldades sempre foi a mensuração da distância com a precisão necessária. Em 1968, surgiu o primeiro distânciometro óptico-eletrônico, cujo princípio de funcionamento baseia-se no tempo e na velocidade que a onda eletromagnética leva para percorrer a distância a ser mensurada (FAGGION, 2001).

O sinal parte do emissor (MED) atinge o alvo ou refletor e retorna ao MED,

Figura 22. A distância é calculada utilizando-se a Equação (15) (RUEGER, 1996).

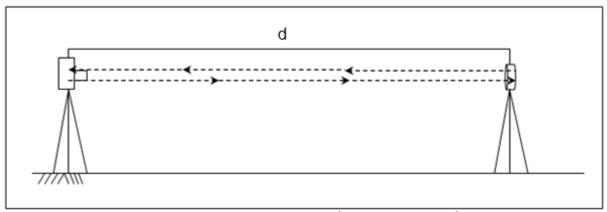


FIGURA 22 – PRINCIPIO DA MEDIDA ELETRÔNICA DE DISTÂNCIA FONTE: O autor

FONTE: O autor

$$2.d=v.\Delta t$$
 (15)

Onde:

v – velocidade de propagação da luz no meio;

d – distância entre o emissor e o refletor;

 Δt – tempo de percurso, ida e volta, do sinal.

Por não ser possível determinar o valor de "v" em campo utiliza-se o valor da velocidade de propagação no vácuo e o índice de refração no meio "n", sendo esse determinado em laboratório durante a fabricação do equipamento para um determinado comprimento de onda, temperatura e pressão atmosférica. Obtendo-se o "c" (velocidade de propagação da luz no vácuo) e "n" (índice de refração no meio) pode-se calcular a velocidade de propagação da onda eletromagnética no meio "C" utilizando-se a Equação (16).

$$C = \frac{c}{n} \tag{16}$$

Outro parâmetro necessário é o tempo de deslocamento do sinal. Extremamente difícil de obter tendo em vista a acuracidade necessária para se determinar distância com precisão milimétrica. Por exemplo, para se obter uma distância com precisão de 10 mm é necessário conhecer o tempo de deslocamento

do sinal na casa de 10⁻¹¹ do segundo. Para contornar esse problema a solução encontrada foi relacionar a variação de tempo com a diferença de fase do sinal (FAGGION, 2001). Aos leitores interessados recomenda-se Faggion, 2001 e Rueger, 1996.

Os primeiros MED utilizam como portadoras uma onda eletromagnética na região do infravermelho. Com a evolução da microeletrônica esses equipamentos passaram a utilizar portadora na região do laser por ter inúmeras vantagens que serão vistas na sequência.

2.5 LASER

2.5.1 Conceitos fundamentais do laser

O nome laser é resultante do termo em inglês *Light Amplification by Stimulated Emission of Radiation* – amplificação de luz por meio de emissão estimulada de radiação. Historicamente o laser é uma derivação do *maser*, que é um dispositivo similar ao *laser*, porém utilizava microondas no lugar da luz . Em 1950, Alfred Kastler desenvolveu um sistema de bombeamento ótico que usava radiação de frequência para iluminar os átomos. Essa técnica levou ao desenvolvimento do maser e posteriormente ao laser. Em 1958, Arthur H. Schawlow e Hard Towens estabeleceram o princípio do maser óptico que foi chamado de laser. Em 1960, Theodore Harold Maiman desenvolveu o primeiro, bem sucedido, laser baseado nesse princípio (HECHT, 1986; BARTHEM, 2005).

Atualmente o laser pode ser encontrado em diversas aplicações, tais como nas leitoras de CDs e códigos de barra, tratamentos dermatológicos, operações oftamológicas, comunicação telefônica por fibra ótica e medida eletrônica de distância.

As principais características de seu feixe são: direcionalidade e reduzida largura espectral (menor que 1 nm); monocromático; coerente (as ondas de luz possuem sempre a mesma velocidade e força); intensidade (que é aumentada pelos átomos do meio ativo, permitindo possuir quilômetros de comprimento); colimada (pode percorrer uma longa distância sem um aumento significativo de seu diâmetro); só se afasta do paralelismo perfeito devido aos efeitos de difração determinados

pelo comprimento de onda e pelo diâmetro da abertura de saída. É precisamente focalizado, propriedade relacionada com o paralelismo do feixe (FRAZÃO, 2005; VICENTE e CASTRO, 2002).

2.5.2 Cavidade ressonante

cavidade ressonante desempenha um papel fundamental funcionamento do laser, por ser amplificador óptico que atua diretamente no feixe luminoso aumentando sua intensidade. Essa depende da distância percorrida dentro da cavidade ressonante, para tanto utilizam-se dois espelhos paralelos, podendo ser planos ou curvos, entre os quais a luz fica aprisionada como uma onda estacionária. O modo de vibração dentro da cavidade é definido pelo comprimento da cavidade e da velocidade da luz (no interior da mesma). Nessa câmara, os espelhos com níveis de reflexão diferentes estão posicionados em suas extremidades. Um dos espelhos é totalmente refletivo (100%) e o outro, parcialmente refletivo (menor que 95%). A diferença de capacidade de reflexão dos espelhos permite a saída da radiação de dentro da cavidade, formando o raio laser. Mesmo se fosse possível construir a cavidade perfeita, o feixe de luz possui uma espessura que proporciona uma divergência ao feixe tanto pelo cone de luz, relacionado à largura do feixe, como pela auto-difração do feixe por estar confinado a um pequeno diâmetro. Existem muitos tipos de cavidade ressonante dentre elas (BARTHEM, 2005; VICENTE e CASTRO, 2002; HECHT, 2002):

- quase plana (convexa);
- plana;
- quase plana (côncava);
- quase confocal.

O princípio de funcionamento baseia-se no fornecimento de energia que é absorvida pelos átomos do gás fazendo com que os últimos passem do estado fundamental para estados excitados. Cada átomo excitado retorna espontaneamente ao estado fundamental, emitindo um fóton com a energia em excesso e propagando-se numa direção arbitrária. Os fótons emitidos não têm entre

si qualquer relação de fase pelo fato da radiação de cada átomo ser independente dos demais gerando um feixe de luz incoerente (FRAZÃO, 2005).

Na Figura 23 apresenta-se um modelo de cavidade ressonante. Entre os dois espelhos (MM₁ e MM₂) situa-se o meio ativo constituído pelo tubo (TT) no qual existem as moléculas, podendo estar na forma gasosa, líquida ou sólida. A energia fornecida ao meio ativo varia dependendo do tipo de laser. Nesse exemplo a energia é fornecida por meio do bombeamento óptico promovido pela luz de energia E=hf' de duas lâmpadas (R) que se encontram próximas ao tubo (TT).

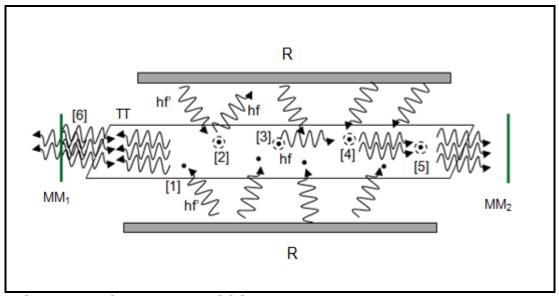


FIGURA 23 – CAVIDADE RESSONANTE ADAPTADO DE: BARTHEM, 2005

Da Figura 23, pode-se observar que a molécula do meio ativo (TT) absorve o fóton com energia hf' fornecido pela luz (R) em [1]. Em [2], uma molécula que está no estado excitado decai (retornando ao estado normal), assim emite um fóton (hf), que nesse caso está direcionado para fora do meio ativo (T). Esse fóton (hf) emitido é contabilizado como perda para o laser. Em [3], um fóton (hf) é emitido na direção do eixo do meio ativo (T), esse ao passar por uma molécula excitada [4] induz seu decaimento. Com isto essa molécula emite um segundo fóton (hf) que possui a mesma direção e sentido do primeiro fóton, ambos oscilam com a mesma fase, repetindo o processo em [4] e [5]. Esses fótons ao atingir o espelho (E2) são refletidos, retornando ao interior do meio ativo (T) e assim gerando novas emissões que amplificam a luz.

Ao chegar ao espelho (E1) parte da radiação retorna para o interior da

cavidade e parte sai, dando origem ao feixe de luz emitido pelo laser. Se nenhuma luz saísse da cavidade após um determinado tempo todos os fótons emitidos teriam a mesma energia do primeiro, propagando-se na mesma direção e com mesma fase. Isso se chama de coerência (BARTHEM, 2005). O laser segundo o sistema de bombeio pode ser: pulsado ou contínuo.

No laser pulsado a fonte de bombeio é um disparo de uma lâmpada flash ou uma descarga elétrica. O meio ativo só é alimentado por um período de tempo curto, logo o número de passagens dentro da cavidade é pequeno, sendo assim o espelho de saída não deve possuir uma refletividade muito grande. O tempo de duração do pulso pode ser diminuído através de um processo de controle de ganho na cavidade gerando pulsos da ordem de alguns nanossegundos de duração. Esses concentram muita energia atingindo potências como 1GW (10⁹ watts), possuindo pouca resolução espectral (BARTHEM, 2005).

O laser contínuo possui uma alta resolução espectral com $\delta\lambda$ <10⁻¹⁵ m (δ f<1MHz), uma coerência grande e seu feixe possui um forte paralelismo. O meio amplificador pode ser entre outros (BARTHEM, 2005; HECHT, 2002):

- gasoso laser de HeNe;
- líquido laser de corante;
- sólido laser de rubi;
- semicondutor laser de GaAs;
- químicos laser de fluoreto de deutério dióxido de carbono DF-CO₂.

O meio ativo dos primeiros lasers é um pequeno cristal sintético de rubi rosa pálido – Al₂O₃ com cerca de 0,05% de Cr₂O₃. É ainda utilizado como meio ativo de muitos lasers sólidos. As faces desse são paralelas entre si, perpendiculares ao eixo da cavidade ressonante, bem polidas e espelhadas sendo que uma das faces parcialmente espelhada de modo a constituir a cavidade ressonante (HECHT, 2002), Figura 24.

.

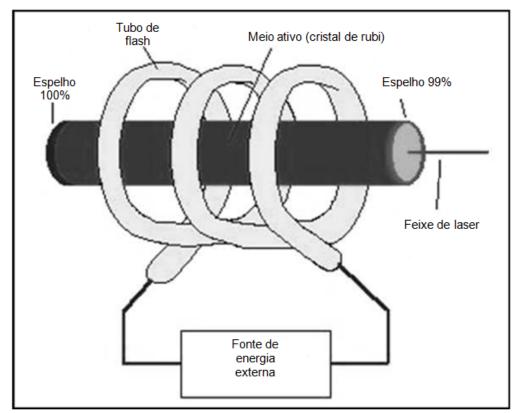


FIGURA 24 – LASER DE CRISTAL FONTE:SCHIEL, 2009

A emissão de fótons também pode ser desencadeada por emissão estimulada, sendo esses os responsáveis pelo funcionamento do laser e possuindo a mesma fase, polarização, energia e direção de propagação do fóton estimulante. O fóton emitido adiciona-se de maneira coerente ao fóton incidente gerando um processo em cadeia que produz o aumento da radiação luminosa. O Quadro 2 apresenta exemplos de laser na faixa visível, infravermelha e também na faixa ultravioleta (HALLIDAY, RESNIECK E MERRILL, 1995; BARTHEM, 2005).

| Faixa | Tipo | Meio | λ(nm) | Radiação | |
|-------|--|------------|---------------|----------|--|
| UV | KrCl:Excímero | GS | 222 | PS | |
| | KrF:Excímero | GS | 248 | PS | |
| | XeCl:Excímero | GS | 308 | PS | |
| | HeCd | GS | 325,0 | СТ | |
| | N ₂ | GS | 337,1 | PS | |
| | Kr | GS | 350,7 e 356,4 | СТ | |
| | XeF:Excímero | GS | 351 | PS | |
| | Ar | GS | 351,1 e 363,8 | CT / PS | |
| VS | HeCd | GS | 441,6 e 537,8 | СТ | |
| | Ar | GS | 457,9 e 514,5 | CT / PS | |
| | Kr | GS | 461,9 e 676,4 | CT / PS | |
| | Xe | GS | 460,3 e 627,1 | СТ | |
| | ArKr | GS | 467,5 e 676,4 | СТ | |
| | Cu: vapor | GS | 511 e 518 | PS | |
| | GaP: GaAs | SL (diodo) | 550 a 560 | CT / PS | |
| | Rodamina 6G | LQ | 570 a 610 | CT / PS | |
| | HeNe | GS | 632,8 | СТ | |
| | Al ₂ OM ₃ : Ti | SL | 660 a 1050 | CT / PS | |
| | Al ₂ O ₃ : Cr (rubi) | SL | 694,3 | PS | |
| IN | Kr | GS | 753 e 799 | CT | |
| | GaAlAs | SL (diodo) | 850 | СТ | |
| | GalnAsP | SL (diodo) | 900 a 1 700 | CT / PS | |
| | GaAs | SL (diodo) | 904 | СТ | |
| | Nd | SL (vidro) | 1 064 | PS | |
| | Nd | S (YAG) | 1 064 | CT / PS | |
| | HeNe | GS | 1150 e 3 390 | СТ | |
| | HF, DF | GS | 2 600 a 4 000 | PS | |
| | CO ₂ | GS | 10 600 | CT / PS | |
| | H ₂ O | GS | 1 180 000 | CT / PS | |
| | HCN | GS | 337 000 | CT / PS | |

QUADRO 2 – TIPOS DE LASER

FONTE: BARTHEM, 2005

Sendo:

PS – pulsada

CT - contínua

UV - ultravioleta

VS - visível

IN - invisível

IV - infravermelho

GS - gás

SL - sólido

LQ – líquido

Como pode ser visto na tabela acima, o laser invisível essa compreendido entre os comprimentos de onda: 180 nm $\leq \lambda \leq$ 400nm e 710 nm $< \lambda \leq$ 1,0.10⁶ nm e visível em comprimentos de onda maior que 400 nm e menor ou igual a 710 nm. No Quadro 3 apresentam-se alguns lasers usados em equipamentos topográficos e geodésicos, sendo o meio ativo desses de GaAs.

| | Laser | | | | | | | |
|-----------------------------------|----------------------|--------------------|-------------------------|-----------------------------|---------------------|----|--|--|
| E.Total | Divergência Feixe | Duração Impulso | Frequência modulação | Potência Máxima Saída | Comprimento Onda | | | |
| Leica TC403 L | 2,5 mrad | 10 ns | | 200 μW | | IN | | |
| Trimble .Zeiss Elta S | 2 mrad | 10 ns | | 0,22 mW | 850 nm | IN | | |
| Trimble 3300 sem prisma | 0,4 mrad | | 300 MHz | 1mW | 660 nm | | | |
| Trimble 3300 com prisma | 0,4 mrad | | 300 MHz | 10 μW | 660 nm | | | |
| Leica TPS 1200 com prisma | | | 100 MHz | | 780 nm | | | |
| Leica TPS 1200 sem prisma R100 | | | 100 MHz | | | VS | | |
| Leica TPS 1200 sem prisma R300 | | | 100MHz – 150MHz | | | VS | | |

QUADRO 3 – LASERS UTILIZADOS EM EQUIPAMENTOS TOPOGRÁFICOS FONTE: LEICA TC403L, 1998; TRIMBLE 3300, 2001; TRIMBLE ZEISS, 2001; LEICA TPS 1200, 2004

Onde:

IN- invisível;

VS – visível.

2.5.2.1 Laser HeNe

O laser HeNe foi utilizado em alguns equipamentos com portadora laser empregados na topografia e geodésia. Esse necessita de uma cavidade ressonante longa, aproximadamente 30cm com 2mm de diâmetro. Inicialmente a excitação afeta somente os átomos de Hélio que colidem com o Neônio, transferindo energia a esses e consequentemente os excitando. Esse laser é emitido no fase do vermelho e do infravermelho com um comprimento de onda de 632,8 nm, e potência de saída que varia entre 1mW e 10mW, com um feixe coerente, monocromático com alta densidade e pequena divergência (MEYER-ARENDT, 1995; RUEGER, 1996).

2.5.2.2 Laser GaAlAs

O grau de coerência desse laser depende da sua estrutura e modo de operação. Seu comprimento de onda está entre 800 e 950 nm a potência de saída pode ser de até 30W. Esse possui menor temperatura, maior linearidade da energia de saída versus a característica da corrente de entrada, menor custo, menor degradação, permite operar em alta temperatura (RUEGER, 1996).

2.6 SISTEMA DE COORDENADAS

Define-se sistema coordenado como "uma relação de regras que especifica univocamente a posição de cada ponto do espaço através de um conjunto ordenado de números reais denominados coordenadas". Na Figura 25 o ponto "P" é representado pelas coordenadas (x_P , y_P , z_P), ou seja a projeção da reta $\overline{\textit{OP}}$ sobre os eixos X, Y e Z (CASTAÑEDA, 1986).

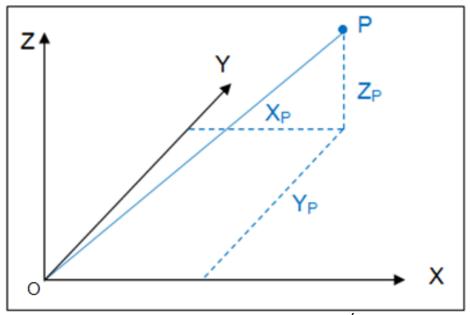


FIGURA 25 – SISTEMA CARTESIANO DEXTRÓGIRO FONTE: O autor

2.7 DETERMINAÇÃO DE COORDENADAS TRIDIMENSIONAIS

Para determinar as coordenadas tridimensionais de um ponto é necessário medir a direção horizontal entre as estações consideradas, transformar essas direções em orientações (rumo ou azimute), distância zenitas e a distância inclinada.

Na Figura 26 mostra-se um ponto P, cujas coordenadas tridimensionais são determinadas a partir da mensuração da direção horizontal, entre o ponto P e o eixo Y (Hz_p), da distância zenital (Z_p) e da distância inclinada (di_p).

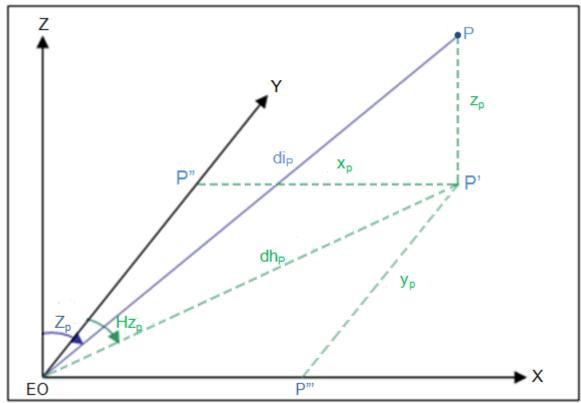


FIGURA 26 – COORDENADAS CARTESIANAS DE UM PONTO P FONTE: O autor

Onde:

 Z_P – distância zenital do ponto P; Hz_P – direção horizontal do ponto P; dh_P – distância horizontal do ponto P; x_P , y_P , z_P – coordenadas do ponto P; di_P – distância inclinada do ponto P.

Do triângulo $\widehat{PP'O}$ retângulo em P':

$$sen(90 - Z_p) = \frac{z_p}{di_p} \tag{17}$$

ou,

$$\cos(Z_p) = \frac{z_p}{di_p} \tag{18}$$

:.

$$z_P = di_P \cdot \cos(Z_P) \tag{19}$$

Da Figura 26,

$$dh_p = di_p.sen(Z_p) (20)$$

Do triângulo $\widehat{P'P"O}$ retângulo em P":

$$sen(Hz_P) = \frac{x_P}{dh_P}$$

$$\therefore (21)$$

$$x_p = dh_p.sen(Hz_p) (22)$$

Substituindo a equação (20) na (22), tem-se:

$$x_p = di_p.sen(Z_p).sen(Hz_p)$$
 (23)

Ainda do triângulo $\overrightarrow{P'P"O}$:

$$\cos(Hz_P) = \frac{y_P}{dh_P} \tag{24}$$

:.

$$y_p = dh_p \cdot \cos(Hz_p) \tag{25}$$

Substituindo a equação (20) na (25), tem-se.

$$y_p = di_p.sen(Z_p).\cos(Hz_p)$$
(26)

A partir dessas informações é possível determinar coordenadas de pontos de interesse utilizando as equações (19), (23) e (26).

3 MÉTODO

Em pesquisas realizadas na literatura nacional e internacional existem alguns experimentos para determinação de coordenadas de pontos inacessíveis visualmente utilizando técnicas topográficas e geodésicas. Baseando-se nisso, desenvolveu-se uma metodologia para a solução desse problema, utilizando espelho e estação total.

O método consiste em utilizar um espelho para desviar a visada da estação total e com isso determinar as coordenadas do ponto de interesse. Na Figura 27 mostram-se esquematicamente o posicionamento da estação total, da mira horizontal de ínvar e do espelho no momento do levantamento dos dados. Nela pode-se observar um obstáculo entre a estação total e a mira.

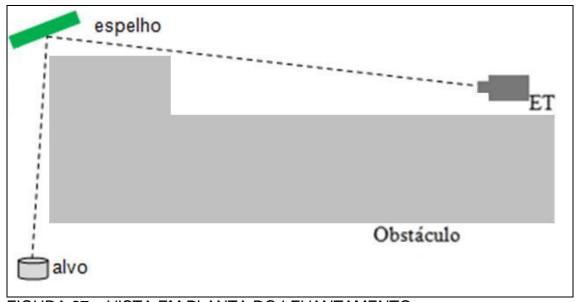


FIGURA 27 – VISTA EM PLANTA DO LEVANTAMENTO

FONTE: O autor

Para viabilizar esse projeto foi necessário desenvolver alguns equipamentos.

3.1 ESPELHO

O espelho utilizado nesse trabalho pertence ao Laboratório de Instrumentação Geodésica – LAIG. Nesse espelho o metal prateado é espalhado sobre uma base de cristal, na parte frontal desta, Figura 28.

.

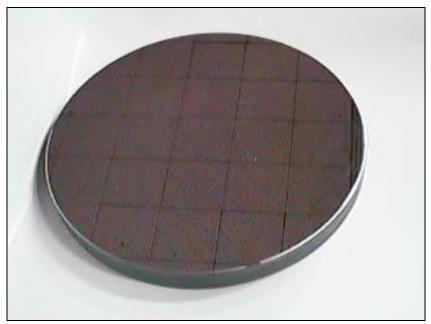


FIGURA 28 – ESPELHO UTILIZADO NOS EXPERIMENTOS

3.2 REALIZAÇÃO DOS EXPERIMENTOS

No decorrer do trabalho foram realizados diversos experimentos, sempre em busca de uma solução viável, a seguir serão apresentados os testes desenvolvidos.

3.2.1 Experimento 1

No primeiro experimento realizado foi utilizado o suporte do espelho que existe no Laboratório de Instrumentação Geodésica. Esse suporte é fixado em uma placa metálica que está presa na parede do corredor, em frente ao laboratório. Na Figura 29 mostra-se o espelho fixado nesse suporte.



FIGURA 29 - PRIMEIRO SUPORTE DO ESPELHO

Para calcular as coordenadas tridimensionais de pontos de forma indireta, ou seja, através do espelho, é necessario determinar sua atitude no espaço. Para tanto, é preciso conhecer três pontos na superfície do espelho, definindo dessa forma o plano. Na determinação desses plano foram levantados três pontos da superfície do espelho, medindo-se as direções horizontais, distâncias zenitais e distância inclinadas. O primeiro ponto levantado foi no canto superior esquerdo do espelho (esquerda do operador da estação total). Para o segundo ponto foi fixado o movimento vertical da estação total e a luneta foi movimentada até o canto superior direito, onde foram realizadas as medições dos ângulos e distâncias. Para o terceiro ponto fixou-se o movimento horizontal e a luneta foi movimentada até o canto inferior direito onde novamente foram realizadas as medições.

A ideia inicial foi de determinar esses ângulos de inclinação do espelho utilizando a trigonometria. Nesse experimento a estação total e o alvo estavam posicionados a aproximadamente 2 metros do espelho. Na Figura 30 mostra-se a posição ocupada pelo espelho, estação total e o alvo.



FIGURA 30 – POSICIONAMENTO DO ESPELHO, ESTAÇÃO TOTAL E ALVO NO EXPERIMENTO 1

Após realizar os testes, observou-se a necessidade de gravar alvos no suporte do espelho, buscando não danificar a superfície do mesmo.

3.2.2 Experimento 2

Esse experimento possui uma modelagem semelhante a do anterior, porém foram gravados alvos no suporte do espelho, para determinar a posição desse no espaço, Figura 31.



FIGURA 31 – ALVOS DO SUPORTE DO ESPELHO

Essa configuração também não apresentou resultados satisfatórios, em função da dificuldade da verticalização do espelho, mesmo utilizando um nível de cantoneira e da instabilidade do suporte do espelho utilizado. Na Figura 32 mostrase o espelho sendo posicionado na vertical.

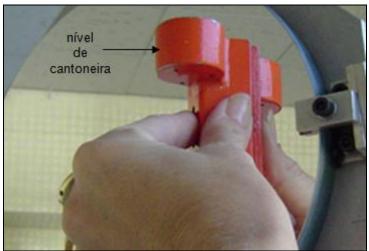


FIGURA 32 – ESPELHO POSICIONADO NA VERTICAL

3.2.3 Experimento 3

Neste, o suporte do espelho foi posicionado sobre um bancada, no interior do Laboratório de Instrumentação Geodésica, buscando maior estabilidade. Outro teste realizado foi reduzir a área de visada no espelho, para isso foi colocado sobre ele um anteparo de papel, com um círculo vazado no centro, Figura 33.

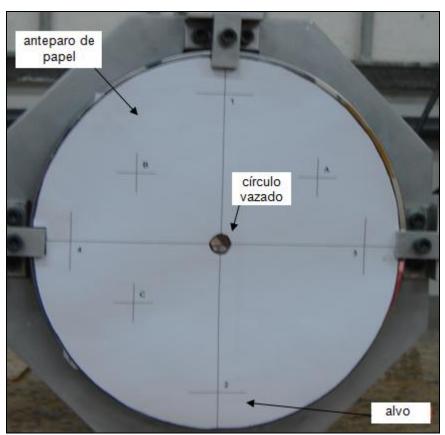


FIGURA 33 – ANTEPARO DE PAPEL SOBRE O ESPELHO

3.2.4 Experimento 4

Buscando aumentar a precisão no deslocamento horizontal e vertical do espelho, construiu-se um suporte para adaptar o espelho na objetiva do teodolito. Com isso, foi possivel utilizar o movimento micrométrico do teodolito para realizar pequenos movimentos no espelho, Figura 34.

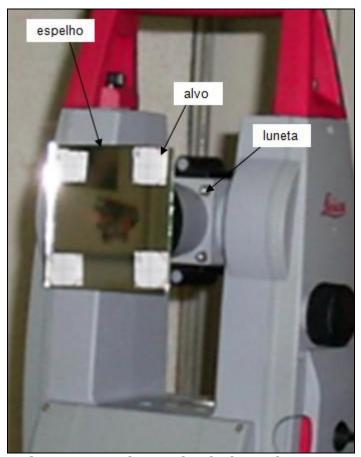


FIGURA 34 – ESPELHO ACLOPADO NA LUNETA DA ESTAÇÃO TOTAL

Todos os testes citados demonstraram a necessidade de construção de um suporte com maior rigidez, pois pequenos movimentos horizontais e verticais no espelho, buscando desviar a visada para atingir outro alvo mudavam a posição da superfície refletora perdendo a configuração adotada no inicio do experimento. Em função disso, desenvolveu-se um suporte para o espelho que atendesse as necessidades de rigidez e permitisse pequenos movimentos horizontais e verticais.

3.3 SUPORTE DO ESPELHO

Nos levantamentos inicias foi utilizado um suporte, para o espelho, pertencente ao Laboratório de Instrumentação Geodésica. Esse suporte foi desenvolvido para a determinção do erro cíclico em estações totais (Faggion, 2001).

Na sequência dos levantamentos foi necessário desenvolver um projeto de uma estrutura rígida que permitisse a fixação do espelho em um tripé. Para tanto, foram realizados diversos estudos e discussões para determinar quais características seriam essenciais para permitir a varredura de grandes áreas sem retirar o tripé do lugar.

O projeto do suporte do espelho foi concebido permitindo movimentos horizontais e verticais, e com isso viabilizando o levantamento de objetos maiores, simplesmente rotacionando o conjunto, no sentido horizontal ou vertical, dependendo da necessidade.

O suporte possui duas características necessárias para o desenvolvimento do método (Figura 35):

- fixação do suporte do espelho num tripé, utilizando uma base nivelante e um adaptador com parafuso de rosca;
- permitir o movimento vertical e horizontal do espelho.

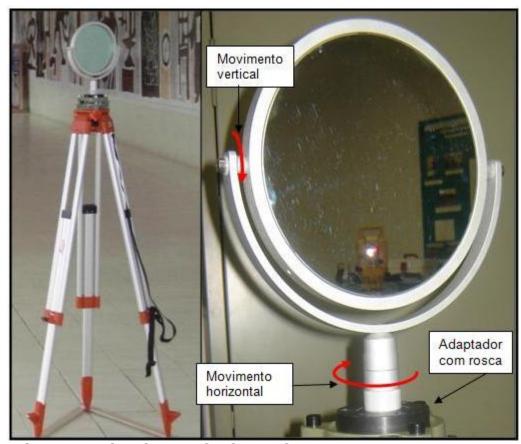


FIGURA 35 - SUPORTE DO ESPELHO

3.4 ALVOS GRAVADOS NA SUPERFÍCIE DO ESPELHO

Foram gravados quatro alvos diretamente no espelho (E1, E2, E3 e E4), dispostos próximos as bordas, com uma distância aproximadamente igual entre eles, permitindo posicionar o espelho espacialmente, ou seja, determinar a posição do plano do espelho no espaço.

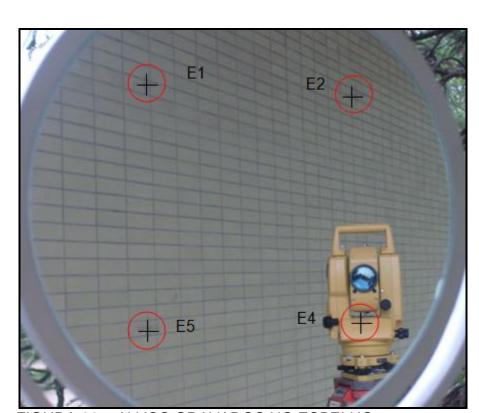


FIGURA 36 – ALVOS GRAVADOS NO ESPELHO

Utilizando interferômetro laser do LAIG realizou-se a calibração⁴, ou seja, a determinação do afastamento entre os alvos com precisão micrométrica. No processo de calibração o espelho foi posicionado no interferômetro de maneira a permitir a medida da distância entre dois alvos. Esse processo foi repetido até que a medição entre todos os alvos fossem realizadas. Na Figura 37, mostra-se o espelho posicionado na base do interferômetro durante o processo de calibração.

.

⁴ "Calibração: conjunto de operações que estabelece, em condições específicas, a correlação entre valores de quantidades indicados por um instrumento de medida, ou sistema de medida, ou uma medida materialzada e os valores convencionais da grandeza medida. Obs.: 1) o resultado de uma calibração permite determinar os valores das medidas indicadas ou as correlações relativas aos valores indicados; 2) uma calibração também pode determinar outras propriedades metrológicas como, por exemplo, a influência da aplicação das correções da medição" ISBN, 1993 apud FAGGION, 2001 ISBN.....

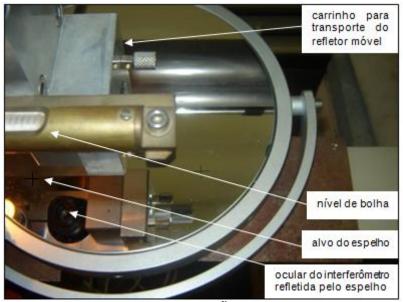


FIGURA 37 – DETERMINAÇÃO DO AFASTAMENTO ENTRE OS ALVOS DO ESPELHO

Na Figura 38 mostra-se a imagem através da ocular do interferômetro no momento da medição da distância diagonal entre os alvos E1 e E4 do espelho.

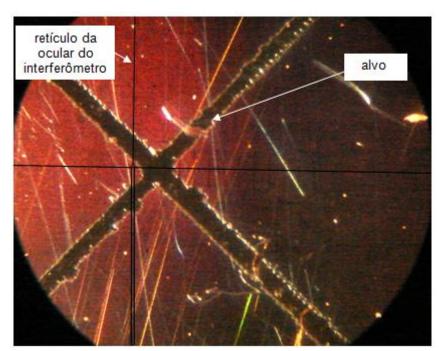


FIGURA 38 – SOBREPOSIÇÃO DO RETÍCULO DA OCULAR DO INTERFERÔMETRO COM O ALVO DO ESPELHO

Observando a Figura 38 percebe-se que o alvo possui uma espessura maior que o fio do retículo do interferômetro. Por esse motivo optou-se em fazer uma

leitura à direita e outra à esquerda, calculando a média para obter o centro do alvo. Na Figura 39 demonstra-se uma pontaria à esquerda do alvo.

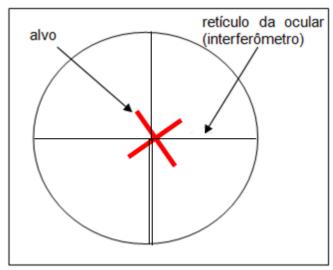


FIGURA 39 – LEITURA DO ALVO

FONTE: O autor

Para determinar a posição do espelho, no espaço, é necessário medir as direções horizontais, distâncias zenitais e as distâncias inclinadas dos alvos de referência gravados no espelho. Quando da realização do experimento um problema encontrado foi determinar a distância estação total e os quatro alvos gravados no espelho, uma vez que o espelho tem reflexão especular. Para contornar o problema e obter retorno do sinal de medida da distância, foi necessário fixar no espelho, em torno dos alvos, sem cobrir suas linhas, um material que permitisse reflexão difusa e com isso a determinação das distâncias. O material utilizado foram etiquetas adesivas na cor branca, Figura 40.



FIGURA 40 - ALVO GRAVADO NO ESPELHO

3.5 EQUIPAMENTOS UTILIZADOS NOS LEVANTAMENTOS

Os pontos foram materializados fixando alvos em uma mira horizontal de ínvar, previamente calibrada no LAIG.

3.5.1 Mira horizontal de ínvar

A mira horizontal de ínvar, apresentada na Figura 41, possui comprimento nominal de 2 m e é utilizada na determinação da distância horizontal indireta entre duas estações (NADAL, 2000).



FIGURA 41 – MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR

Para a determinação da distância horizontal entre dois pontos utilizando-se a mira horizontal de ínvar é necessário medir o ângulo paralático entre os dois alvos da mira. Na Figura 42, mostra-se a estação ocupada pelo teodolito (G), os dois alvos da mira horizontal de ínvar (MA e MB), a distância horizontal que deseja-se calcular (d) e o ângulo paralático (φ).

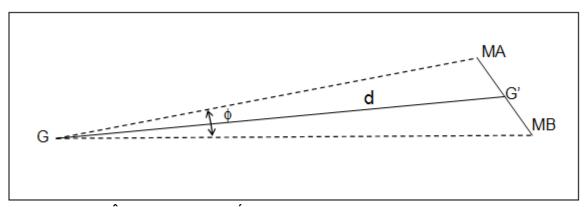


FIGURA 42 – ÂNGULO PARALÁTICO FONTE: CORDINI, 2009

Para a determinação da distância horizontal (d), instala-se o tripé em que a mira horizontal de ínvar está fixa em uma das extremidades da distância que pretende-se calcular e na outra extremidade instala-se o teodolito. Mede-se o ângulo paralático (φ), sabendo-se que o comprimento nominal da mira é de 2m e com a

Equação (27) calcula-se a distância horizontal (CORDINI, 2009; NADAL, 2000).

$$d=\cot(0.5\phi) \tag{27}$$

Os alvos dessa mira são confeccionados com uma liga de ínvar formada por metal e níquel (36% de níquel) sendo sua principal característica o baixo coeficiente de dilatação linear.

O objetivo desse trabalho é determinar a posição de pontos, os quais não permitem visualização de forma direta com a estação total. Para simular essa situação utilizou-se a mira horizontal de ínvar, que possui três alvos, sendo dois nas extremidades e um no centro. Após testes executados anteriormente, detectou-se a necessidade de um número maior de alvos na mira horizontal de ínvar, por não ser possível a visualização dos alvos existentes, nas extremidades desta, sem modificar a posição do espelho. Por tanto, foram fixados outros alvos, em posições aleatórias ao longo de toda a mira, procurando simular variações em x, y e z.

Utilizando o interferômetro determinou-se a distância entre eles. O procedimento adotado foi o mesmo utilizado para determinar o afastamento dos alvos gravados no espelho. Nesse caso, também foi necessário realizar medições nas bordas dos traços dos alvos, devido à espessura destes, e a média aritmética dessas observações define o centro dos mesmos. Com isso é possível determinar as distâncias entre os alvos com precisão de 0,020 mm, ou seja, 20 µm. Essas distâncias servirão utilizadas como padrão de referência para validar a metodologia desenvolvida, Figura 43.

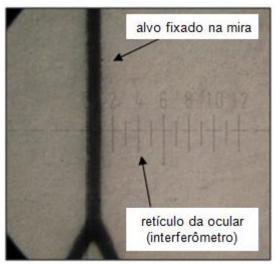


FIGURA 43- ALVO FIXADO NA MIRA HORIZONTAL DE INVAR

Na Figura 44 mostra-se o processo de calibração da mira horizontal de invar já com os alvos fixados, utilizando o interferômetro.

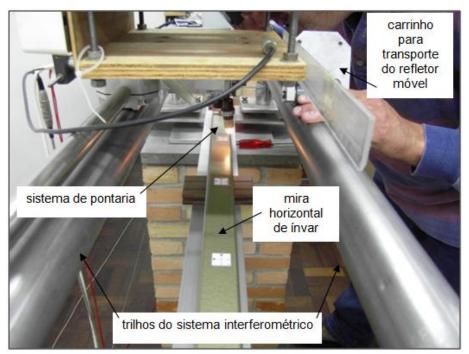


FIGURA 44 – INTERFEROMETRIA DOS FIXADOS ALVOS DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR

A mira de ínvar teve seus alvos medidos em duas etapas, primeiro os alvos pré-existentes na mira (denominados MA, MC e MB) e em uma segunda etapa os alvos fixados posteriormente (M1 à M8). Esse procedimento foi adotado porque os alvos das extremidades da mira horizontal de ínvar possuem alturas diferentes dos

que foram gravados e essa diferença desfocaliza a imagem da ocular do interferômetro e não é possível alterar a focalização durante a calibração.

3.6 MÉTODO DE LEVANTAMENTO PROPOSTO

Os levantamentos foram realizados nas dependências do Centro Politécnico – UFPR, no andar térreo do prédio de Administração Figura 45, utilizando a estrutura disponível nos laboratórios de Instrumentação Geodésica – LAIG e de Topografia – LAPTOP.



FIGURA 45 – SAGUÃO DO BLOCO DE ADMINISTRAÇÃO – CENTRO POLITÉCNICO

3.6.1 Sistema de Posicionamento com Espelho

Nesse método trabalha-se com dois sistemas de coordenadas cartesianas: sistema principal (Figura 46 - a) e sistema do espelho (Figura 46 - b).

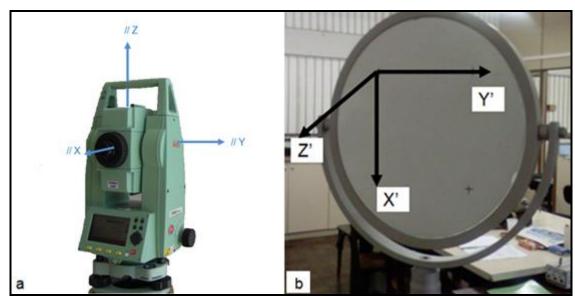


FIGURA 46 – SISTEMA PRINCIPAL E SISTEMA DO ESPELHO

O sistema principal tem como origem o centro cardan da estação total - ET, e a ela foi atribuída as coordenadas x=100,00m; y=100,00m e z=100,00m. O eixo Y também foi arbitrado como coincidente com a linha de visada quando a ET está colimada em 0° (direção horizontal) e o eixo Z coincide com a vertical local, reproduzindo um sistema dextrógiro.

No espelho o sistema tem como origem o alvo E1 gravado em sua superfície, o eixo Y' coincide com a reta que passa pelos alvos E1 e E2 da superfície, sendo o plano formado pelo eixo Y' e X' coincidente com o plano da superfície do espelho, o eixo Z' é perpendicular ao mesmo.

O método consiste em realizar as medidas necessárias de direções horizontal, ângulos zenitais e distâncias inclinadas através do reflexo do alvo (ponto de interesse) no espelho. É necessário conhecer o plano do espelho, o qual pode ser definido se forem conhecidos três pontos da sua superfície.

Na Figura 47, mostra-se um esquema explicativo do levantamento realizado com o espelho.

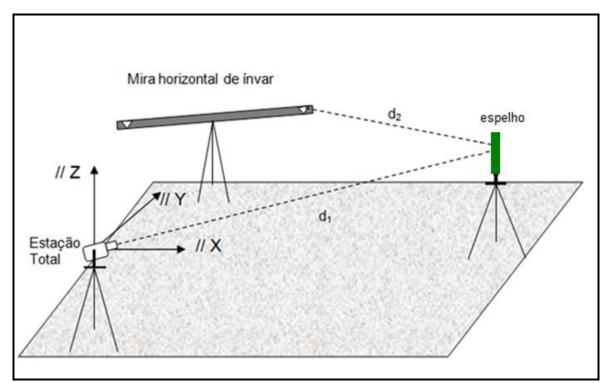


FIGURA 47 – SISTEMA DE POSICIONAMENTO INDIRETO DE PONTOS FONTE: O autor

Tomando como base a Figura 47 observa-se que a distância medida entre a estação total e o alvo na mira horizontal de ínvar, passando pelo espelho, será a soma das distâncias d₁ e d₂, ou seja, o sinal que parte da estação total chega ao espelho que o desvia até atingir o alvo, retornando à estação total pelo mesmo caminho. Quando a distância necessária é somente a d₁ coloca-se um anteparo sobre o espelho para que ocorra uma reflexão difusa.

3.6.1.1 Levantamento dos pontos materializados na mira horizontal de ínvar

A mira horizontal de ínvar, como já descrito anteriormente, possui onze alvos os quais foram levantados objetivando a determinação da posição dos mesmos e, consequentemente, outras informações como afastamento entre eles. Como já foi visto essa mira tem dois alvos fixados em seus extremos com 2 m entre eles. Foi visto também que foram fixados outros oito alvos entre eles aumentando assim o número de posições a serem determinadas.

Em função do tamanho da mira horizontal de ínvar, do diâmetro do espelho e da distância entre eles, não foi possível realizar as medições de todos os alvos

sem movimentar o espelho. Sabe-se também que para cada movimento do espelho mudam as posições no espaço, logo para associar as observações feitas na primeira posição do espelho com a segunda, por exemplo, é necessário determinar a posição de dois alvos comuns nas duas posições do espelho, Figura 48.

- 1ª posição lê-se os alvos MA, M1, M2, M3 e M4;
- 2ª posição lê-se os alvos M3, M4, MC, M5 e M6;
- 3ª posição lê-se os alvos M5, M6, M7, M8 e MB.

FIGURA 48 – ALVOS DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR FONTE: O autor

Nos testes anteriormente realizados, detectou-se uma diferença padrão entre as coordenadas obtidas de forma indireta e as de forma direta para a mesma posição do espelho. Devido a isso adotou-se esse procedimento de repetir o levantamento dos dois últimos alvos da posição anterior (posição do espelho). Assim foi possível a correção das coordenadas dos alvos obtidos em diferentes posições do espelho, permitindo a determinação da distância entre os alvos das extremidades da mira horizontal de ínvar, que foram levantados em uma posição diferente do espelho.

Dessa forma se as coordenadas do alvo MA forem conhecidas pode-se corrigir as coordenadas dos alvos M1, M2, M3 e M4 com a diferença obtida no alvo MA. Na segunda posição do espelho conhece-se as coordenadas do alvo M3 e M4 (obtidas na primeira posição do espelho), com essas corrige-se as demais e assim até chegar ao alvo MB.

3.7 MODELO MATEMÁTICO ADOTADO

3.7.1 Sequência de Cálculos

Para determinação das coordenadas dos alvos materializados na mira horizontal de ínvar desenvolveu-se o seguinte modelo matemático.

- Definição do sistema principal de coordenadas: a estação ocupada para a coleta dos dados foi definida como origem e tendo as coordenadas atribuídas x₀=100,000; y₀=100,000 e z₀=100,000 metros.
- 2) Determinação das coordenadas dos alvos de referência (E1, E2, E3 e E4) e do ponto de visada, denominado "esp", em relação ao sistema principal, utilizando as equações (28), (29) e (30).

$$x_i = x_0 + di_i \cdot \sin(Az_i) \cdot \sin(Z_i)$$
(28)

$$y_i = y_0 + di_i \cdot \cos(Az_i) \cdot \sin(Z_i)$$
 (29)

$$z_i = z_0 + di_i \cdot \cos(Z_i) \tag{30}$$

Para cada alvo levantado da mira horizontal é definido um ponto "esp" distinto dos demais, Figura 49.

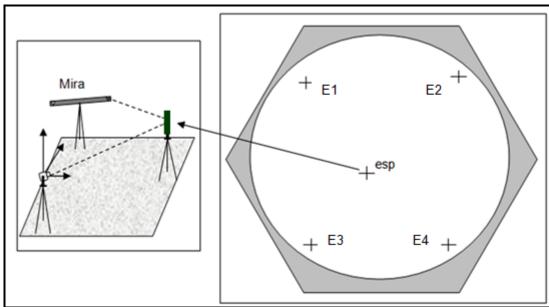


FIGURA 49 – ALVOS DE REFÊRENCIA E PONTO "ESP" FONTE: O autor

O ponto "esp" é materializado na superfície do espelho no momento da visada indireta do alvo da mira horizontal de ínvar, sendo d_1 a distância entre esse ponto e a ET.

3) Determinação da coordenada do alvo virtual, imagem do alvo da mira horizontal de ínvar projetada atrás do espelho, foi determinada com as equações (28), (29) e (30) apresentadas no item anterior, porém, a distância inclinada é a distância total (d₁+d₂), a distância zenital e direção horizontal é a mesma do "esp" do referido alvo. É importante enfatizar que cada alvo da mira horizontal de ínvar possui um ponto "esp" diferente dos demais (Figura 50).

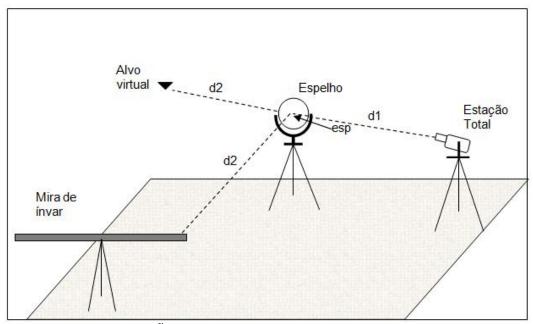


FIGURA 50 – POSIÇÃO DO ALVO VIRTUAL

FONTE: O autor

4) Determinação dos vetores e versores formados pelos alvos E1- E2 e E1 - E3. A partir desses dados foram obtidos os parâmetros do versor normal ao plano do espelho. Esse versor coincide com o eixo Z' do sistema do espelho, Figura 51.

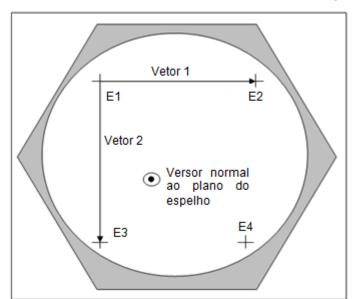


FIGURA 51 – VETORES E VERSOR DO PLANO DO ESPELHO FONTE: O autor

$$Vetor1 = (x_{E2} - x_{E1}; y_{E2} - y_{E1}; z_{E2} - z_{E1})$$

$$Vetor2 = (x_{E3} - x_{E1}; y_{E3} - y_{E1}; z_{E3} - z_{E1})$$

Utilizando-se os parâmetros dos vetores 1 e 2 calcula-se o vetor normal ao plano do espelho com a Equação (31) (VENTURI, 1990).

$$\vec{u} \times \vec{v} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ x_1 & y_1 & z_1 \\ x_2 & y_2 & z_2 \end{vmatrix}$$
 (31)

Onde:

 x_1 , y_1 e z_1 – são os parâmetros do vetor \vec{u} ; x_2 , y_2 e z_2 – são os parâmetros do vetor \vec{v} ;

Os parâmetros da equação geral do plano são os mesmos parâmetros do vetor normal ao plano. Deve-se ter o cuidado de observar a regra da multiplicação de vetores (regra da mão esquerda) pelo fato de a multiplicação de vetores não possuir propriedade comutativa, ou seja, $\overrightarrow{u} \times \overrightarrow{v} \neq \overrightarrow{v} \times \overrightarrow{u}$. Na Figura 52, apresenta-se um desenho que representa a regra da mão esquerda mencionada anteriormente.

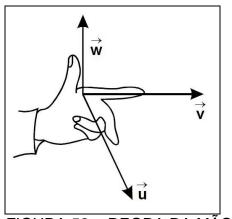


FIGURA 52 – REGRA DA MÃO ESQUERDA FONTE: VENTURI, 1990

$$\overrightarrow{w} = \overrightarrow{u} \times \overrightarrow{v} \tag{32}$$

O versor w perpendicular ao plano é calculado utilizando-se a equação (33).

$$versor\vec{w} = \frac{\vec{w}}{|\vec{w}|}$$
 (33)

Definiu-se os eixos X', Y' e Z' do sistema do espelho, sendo o eixo X' formado pelo versor perpendicular aos eixos Y' e Z', o eixo Y' formado pelo Vetor 1 e o eixo Z' definido como o versor normal ao plano do espelho. A origem desse sistema é o alvo de referência E1 cujas coordenadas, nesse sistema, foram arbitradas $x'_{E1}=0$ m, $y'_{E1}=0$ m e $z'_{E1}=0$ m;

5) Determinação das coordenadas, no sistema de espelho, da estação origem, do ponto "esp" referente a cada alvo da mira horizontal de ínvar e dos alvos E2, E3 e E4. Na transformação das coordenadas do sistema principal para o sistema do espelho e vice-versa é necessário conhecer ao menos as coordenadas de quatro pontos nos dois sistemas. Os pontos utilizados foram os alvos de referência E1, E2, E3 e E4, porém como encontram-se sobre a superfície do espelho, ou seja, sobre um plano, foi necessário usar ao menos um ponto externo (origem) a esse plano para que a transformação de coordenadas possuísse caráter tridimensional.

Foram calculados os coeficientes dos vetores "origem"-E1, "esp"-E1, E2-E1, E3-E1 e E4-E1. Para tanto utilizou-se as coordenadas, no sistema principal, dos referidos pontos. As coordenadas dos pontos, no sistema do espelho, foram calculadas pela equação (34) que retorna a medida algébrica da projeção de um vetor sobre o outro.

$$proj_{\vec{u}}\vec{v} = \frac{\vec{u}.\vec{v}}{|\vec{u}|} \tag{34}$$

Onde:

 \overrightarrow{u} –vetor que define o eixo do sistema cartesiano do espelho

vetor que terá sua medida algébrica projetada

A equação (34) determina a medida algébrica de um vetor sobre outro, quando a origem dos dois vetores é a mesma. Sabendo-se que um vetor é formado por dois pontos, origem e extremidade, essa medida retorna o valor do módulo do vetor (comprimento do vetor) sobre o eixo utilizado como base para a projeção. Como é conhecida a coordenada, no sistema do espelho, do ponto inicial do vetor (x_{E1}=0 m, y_{E1}=0m e z_{E1}=0m) para obter a coordenada do ponto final (extremidade) do vetor no mesmo sistema, adiciona-se essa medida algébrica à coordenada do ponto inicial, no eixo utilizado como base para a projeção. Esse procedimento é repetido para determinar as coordenadas dos pontos, citados acima, nos três eixos do sistema do espelho.

- 6) Transformação das coordenadas obtidas para o alvo no sistema do espelho precisam ser transformadas para o sistema principal. Optou-se por determinar as matrizes de rotação e translação da transformação afim, utilizando-se novamente as coordenadas dos alvos E1, E2, E3, E4 e da estação origem os quais têm as coordenadas conhecidas nos dois sistemas.
- Coordenadas do alvo virtual no sistema do espelho foi realizada a transformação das coordenadas do alvo virtual do sistema principal para o do espelho.
- 8) Reflexão do alvo virtual foi calculada as coordenadas do alvo, no sistema de espelho, através da reflexão do alvo virtual nos eixos X' e Z', sendo a origem dessa o ponto "esp", Figura 53.

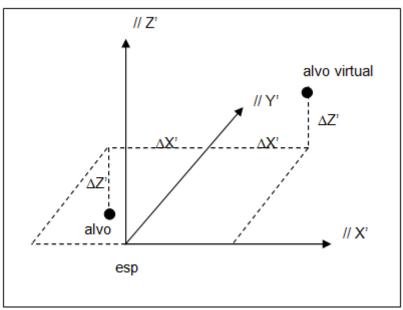


FIGURA 53 – REFLEXÃO DO ALVO VIRTUAL FONTE: O autor

Para determinar as coordenadas do alvo virtual no sistema do espelho é necessário realizar uma reflexão do alvo virtual em relação aos eixos X' e Z' sendo que essa tem como origem o ponto "esp".

O cálculo dessa reflexão foi realizado obedecendo a sequência a seguir:

 Cálculo das diferenças entre as coordenadas X e Z dos pontos "esp" e alvo virtual.

$$\Delta x' = x'_{esp} - x'_{alvovirtual} \tag{35}$$

$$\Delta z' = z'_{esp} - z'_{alvoyirtual} \tag{36}$$

 Adicionou-se os valores ΔX e ΔZ às respectivas coordenadas do ponto "esp" obtendo-se as coordenadas do alvo desejado no sistema cartesiano do espelho.

$$x'_{alvo} = x'_{esp} + \Delta x' \tag{37}$$

$$z'_{alvo} = z'_{esp} + \Delta z' \tag{38}$$

A reflexão do alvo ocorre no plano de incidência e reflexão, porém como só se conhece três pontos alinhados do referido alvo realiza-se a reflexão sobre um

plano ortogonal ao plano do espelho. Cada alvo, da mira horizontal de ínvar, levantado pertence a um plano de incidência e reflexão distinto do respectivo plano dos demais alvos, mesmo que a posição do espelho permaneça inalterada.

 Cálculo das coordenadas do alvo no sistema principal - as coordenadas do alvo, no sistema principal, foram calculadas através da transformação afim.

Para a determinação das coordenadas do alvo no sistema principal utilizouse novamente os parâmetros da transformação afim retornando o valor das coordenadas do alvo desejado no sistema principal. A sequência de cálculos apresentada até o momento foi adotada para obtenção das coordenadas de todos os alvos da mira horizontal de ínvar.

3.7.1.1 Conexão das coordenadas obtidas para diferentes posição

Os valores obtidos para as coordenadas dos alvos da mira horizontal de ínvar precisam passar por uma correção, pois a mudança na posição do espelho acarreta uma alteração no sistema, como foi dito anteriormente. Para determinar essa correção foram realizados quatro testes distintos:

- um dos alvos da mira possuía as coordenadas tridimensionais conhecidas e foram realizados dois levantamentos para cada alvo (MA –MB e MB - MA);
- 2) um dos alvos da mira possuía as coordenadas tridimensionais conhecidas e foi realizado um levantamento para cada alvo;
- nenhum dos alvos da mira horizontal de ínvar possui suas coordenadas tridimensionais e foram realizados dois levantamentos para cada alvo;
- nenhum dos alvos da mira horizontal de ínvar possui suas coordenadas tridimensionais conhecidas e foi realizado um levantamento para cada alvo.

Para exemplificar a sequência de correção adotou-se o exemplo citado

anteriormente Figura 54:

- 1ª posição lê-se os alvos MA, M1, M2, M3 e M4;
- 2ª posição lê-se os alvos M3, M4, MC, M5 e M6;
- 3ª posição lê-se os alvos M5, M6, M7, M8 e MB.

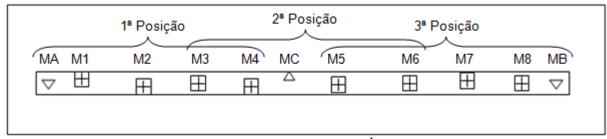


FIGURA 54 – ALVOS DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR

FONTE: O autor

No primeiro e segundo procedimentos inicia-se as correções calculando a diferença entre as coordenadas absolutas e as indiretas do alvo MA (Δx , Δy e Δz). Com o valor obtido, corrige-se as coordenadas dos demais alvos levantados na mesma posição do espelho (M1, M2, M3 e M4). No terceiro e quarto procedimentos não será efetuada nenhuma alteração nos valores das coordenadas obtidas para a primeira posição do espelho.

Na sequência de cálculos, os alvos M3 e M4 possuem as coordenadas obtidas na primeira posição do espelho e coordenadas obtidas na segunda posição. Visando corrigir as coordenadas referentes à segunda posição do espelho, determina-se a diferença entre as coordenadas destes, calculando em seguida a média entre os valores encontrados, essa será utilizada como correção para os demais alvos da mesma posição (MC, M5 e M6). Esse processo é repetido para todas as posições do espelho.

Nos testes que possuem dois levantamentos para cada alvo, após a correção das coordenadas dos alvos calcula-se a média entre os valores obtidos na ida e os obtidos na volta.

4 RESULTADOS

4.1 TESTE DE PLANICIDADE DO ESPELHO

Realizou-se um teste de planicidade da superfície do espelho no Laboratório de Física da Universidade Federal do Paraná, o qual possui um modelo plano padrão. Neste, encontrou-se dificuldade de visualização das franjas de interferência, devido a iluminação utilizada ser refletida pela superfície do espelho. Depois de testes com diferentes tipos de iluminação foi possível observar algumas franjas de interferência, Figura 55.

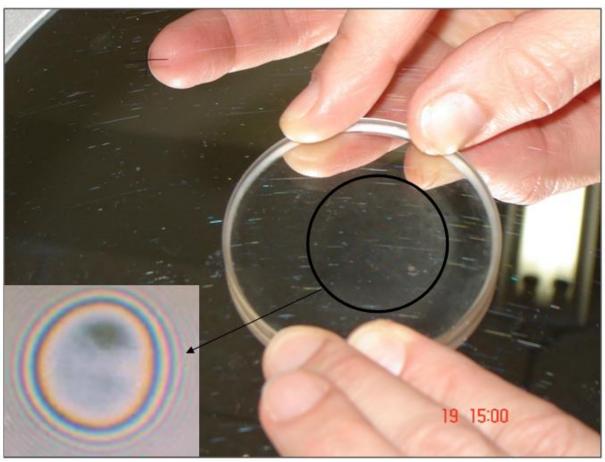


FIGURA 55 - TESTE DE PLANICIDADE REALIZADO COM O ESPELHO

4.2 CALIBRAÇÃO DOS ALVOS GRAVADOS NO ESPELHO

Os valores obtidos na calibração, com o interferômetro são apresentados na Tabela 1 a seguir, foram realizadas três séries de medidas para cada alvo.

| | 1 | | | | | | | |
|---------|---|--------|--------------|---------|--------------------------|---------------|-------------------|--|
| Alvos | | | turas nm) | | Valor Médio (mm) | | Distância (mm) | |
| | | Alvo 2 | | Alvo 1 | Alvo 2 | Alvo 1 | | |
| | Е | 8,801 | Е | 108,170 | 8,970 | 108,329 | 99,358 | |
| | D | 9,140 | D | 108,488 | 0,970 | 100,323 | 99,550 | |
| E2 – E1 | Е | 8,822 | Е | 108,166 | 8,956 | 108,330 | 99,374 | |
| | D | 9,090 | D | 108,494 | 0,550 | 100,550 | 33,374 | |
| | Е | 8,795 | Е | 108,166 | 8,937 | 108,321 | 99,383 | |
| | D | 9,080 | D | 108,476 | | | | |
| | | | | | Dis | stância Média | a = 0,099372 m | |
| | | Alvo1 | | Alvo 3 | Alvo 1 | Alvo 3 | | |
| | Е | 64,899 | Е | 165,533 | 65,057 | 165,695 | 100,637 | |
| | D | 65,216 | D | 165,857 | 00,001 | 100,000 | .00,007 | |
| E1 – E3 | Е | 64,878 | Е | 165,534 | 65,041 | 165,708 | 100,667 | |
| 2. 20 | D | 65,205 | D | 165,883 | 00,011 | 100,700 | .00,007 | |
| | Е | 64,902 | Е | 165,564 | 65,052 | 165,724 | 100,672 | |
| | D | 65,202 | D | 165,885 | | | · | |
| | | | | | Dis | stância Média | a = 0,100659 m | |
| | | Alvo 3 | | Alvo 4 | Alvo 3 | Alvo 4 | | |
| | Е | 72,537 | Е | 172,208 | 72,700 | 172,337 | 99,637 | |
| | D | 72,863 | D | 172,466 | ,. 00 | , | 33,331 | |
| E3 – E4 | Е | 72,566 | Е | 172,228 | 72,713 | 172,346 | 99,633 | |
| | D | 72,860 | D | 172,464 | . 2,7 10 | 2,010 | 00,000 | |
| | Е | 72,569 | Е | 172,208 | 72,714 | 172,329 | 99,614 | |
| | D | 72,860 | D | 172,451 | , , , , , , , | 172,029 | 33,014 | |
| | | | | | D | istância Méd | ia = 0,09928 m | |
| | | | | | | | | |

continua

| Alvos | | Leituras (mm) | | Valor Médio (mm) | | Distância (mm) | |
|---------|---|------------------|---|---------------------|--------|-------------------|----------------|
| | | Alvo 4 | | Alvo 2 | Alvo 4 | Alvo 2 | |
| | Е | 84,270 | Е | 184,936 | 84,409 | 185,085 | 100,676 |
| | D | 84,548 | D | 185,234 | 04,409 | 100,000 | 100,070 |
| E4 – E2 | Е | 84,270 | Е | 184,935 | 84,406 | 185,091 | 100,685 |
| L4 – L2 | D | 84,542 | D | 185,247 | 04,400 | 103,091 | 100,003 |
| | Е | 84,277 | Е | 184,942 | 84,407 | 185,095 | 100,688 |
| | D | 84,537 | D | 185,249 | 04,407 | 103,093 | 100,000 |
| | | | | | Dis | stância Média | a = 0,100683 m |
| | | Alvo 3 | | Alvo 2 | Alvo 3 | Alvo 2 | |
| | Е | 61,153 | Е | 202,785 | 61,378 | 203,020 | 141,642 |
| | D | 61,604 | D | 203,256 | 01,570 | 203,020 | 141,042 |
| E3 – E2 | Е | 61,154 | Е | 202,793 | 61,382 | 203,031 | 141,649 |
| 20 22 | D | 61,610 | D | 203,269 | 01,302 | 200,001 | 141,043 |
| | Е | 61,140 | Е | 202,795 | 61,375 | 203,019 | 141,643 |
| | D | 61,611 | D | 203,243 | 01,373 | 203,019 | 141,043 |
| | | | I | | Dis | stância Média | a = 0,141645 m |
| | | Alvo 4 | | Alvo 1 | Alvo 4 | Alvo 1 | |
| | Е | 75,844 | Е | 217,296 | 76,099 | 217,549 | 141,450 |
| | D | 76,354 | D | 217,803 | 70,033 | 217,549 | 141,430 |
| E4 – E1 | Е | 75,838 | Е | 217,297 | 76,090 | 217,559 | 141,469 |
| | D | 76,342 | D | 217,821 | 70,090 | 217,339 | 141,409 |
| | Е | 75,834 | Е | 217,294 | 76,084 | 217 557 | 141,472 |
| | D | 76,335 | D | 217,820 | 70,004 | 217,557 | 141,412 |
| | | | ı | | Dis | stância Média | a = 0,141464 m |

TABELA 1 – CALIBRAÇÃO DOS ALVOS COM O INTERFERÔMETRO

Onde:

E – esquerda do alvo;

D – direita do alvo;

E1, E2, E3 e E4 – alvos gravados no espelho.

Com as distâncias entre os alvos obtidas em três séries independentes no processo de calibração, foi possível, utilizando as equações (39), (40) e (41) citadas

por GEMAEL, 1994, calcular a média aritmética e os erros associados.

1) Média aritmética:

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{k} l_i}{k} \tag{39}$$

Sendo:

l_i – observações;

k – número de observações.

2) Erro médio quadrático de uma observação isolada:

$$m = \sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{k} (desvio_i^2)}{k-1}}$$
(40)

3) Erro médio quadrático da média aritmética:

$$m_{\bar{x}} = \sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{k}} \tag{41}$$

Nas Tabela 2 são apresentados os resultados obtidos na calibração dos alvos de referência do espelho.

| Alvo | Obs. | Distância (mm) | Desvio (mm) | Desvio ² (mm ²) | Média (mm) | m (mm) | $m_{\overline{x}}$ (mm) |
|---------|------|-------------------|------------------------|---|---------------|-----------|-------------------------|
| | 1 | 99,358 | -0,014 | 0,000 | | 2 0,013 | 0,007 |
| E1-E2 | 2 | 99,374 | 0,002 | 5,4.10 ⁻⁰⁶ | 99,372 | | |
| L 1 L 2 | 3 | 99,383 | 0,011 | 0,000 | 33,072 | 0,010 | |
| | Soma | 298,115 | -1,4.10 ⁻¹⁴ | 0,000 | | | |
| | 1 | 100,637 | -0,022 | 0,000 | | | |
| E1-E3 | 2 | 100,667 | 0,008 | 6,9.10 ⁻⁰⁵ | 100,659 | 0.010 | 0.011 |
| E1-E3 | 3 | 100,672 | 0,013 | 0,000 | 100,059 | 0,019 | 0,011 |
| | Soma | 301,976 | 1,4.10 ⁻¹⁴ | 0,001 | | | |
| | 1 | 99,637 | 0,009 | 8,1.10 ⁻⁰⁵ | | 0,012 | 0,007 |
| E3-E4 | 2 | 99,633 | 0,005 | 2,5.10 ⁻⁰⁵ | 99,628 | | |
| LO LT | 3 | 99,614 | -0,014 | 0,000 | 33,020 | | |
| | Soma | 298,884 | 0 | 0,000 | | | |
| | 1 | 100,676 | -0,007 | 4,9.10 ⁻⁰⁵ | | 0,006 | 0,004 |
| E2-E4 | 2 | 100,685 | 0,002 | 4,0.10 ⁻⁰⁶ | 100,683 | | |
| L2-L4 | 3 | 100,688 | 0,005 | 2,5.10 ⁻⁰⁵ | 100,003 | | |
| | Soma | 302,049 | 2,8.10 ⁻¹⁴ | 7,8.10 ⁻⁰⁵ | | | |
| | 1 | 141,642 | -0,003 | 7,1.10 ⁻⁰⁶ | | | |
| E2-E3 | 2 | 141,649 | 0,004 | 1,8.10 ⁻⁰⁵ | 141,645 | 0.004 | 0.000 |
| E2-E3 | 3 | 141,643 | -0,002 | 2,7.10 ⁻⁰⁶ | 141,045 | 0,004 | 0,002 |
| | Soma | 424,934 | 0 | 2,8.10 ⁻⁰⁵ | | | |
| | 1 | 141,45 | -0,014 | 0,000 | | | |
| E1-E4 | 2 | 141,469 | 0,005 | 2,8.10 ⁻⁰⁵ | 141,464 | 0,012 | 0,007 |
| L 1 L 7 | 3 | 141,472 | 0,008 | 6,9.10 ⁻⁰⁵ | 171,704 | 0,012 | 0,007 |
| | Soma | 424,391 | 2,8.10 ⁻¹⁴ | 0,000 | | | |

TABELA 2 – CALIBRAÇÃO DAS DISTÂNCIAS ENTRE OS ALVOS DE REFERÊNCIA

Após a calibração foram adotadas as distâncias apresentadas na Tabela 3 para os alvos de referência na superfície do espelho.

| alvos | Dietâncie (m) | Erro Médio |
|----------|---------------|-----------------|
| alvos | Distância (m) | Quadrático (mm) |
| E1 -> E2 | 0,09937 | 0, 007 |
| E1 -> E3 | 0,10066 | 0, 011 |
| E3 -> E4 | 0,09963 | 0, 007 |
| E2 -> E4 | 0,10068 | 0, 004 |
| E2 -> E3 | 0,14165 | 0, 002 |
| E1 ->E4 | 0,14146 | 0, 007 |

TABELA 3 – VALORES AJUSTADOS DOS ALVOS DE REFERÊNCIA

4.2 CALIBRAÇÃO DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR

Os valores obtidos na calibração dos alvos MA e MB da mira horizontal de ínvar estão listados na Tabela 4.

| Obsaniasão | Alvo MA | Alvo MB | Distância | Desvio | Desvio ² |
|------------|----------|-----------------|-----------|--------|---------------------|
| Observação | (mm) | (mm) | (mm) | (mm) | (mm²) |
| 1 | 55,40355 | 2055,383 | 1999,980 | -0,006 | 0,000 |
| 2 | ,409 | 2055,389 | 1999,980 | -0,006 | 0,000 |
| 3 | 55,409 | 2055,402 | 1999,993 | 0,007 | 0,000 |
| 4 | 55,406 | 2055,399 | 1999,993 | 0,007 | 0,000 |
| 5 | 55,413 | 2055,397 | 1999,984 | -0,002 | 0,000 |
| | | Soma | 9999,930 | 0 | 0,000 |
| | | Média = | 1999,986 | | |
| | | m = | 0,007 | | |
| | | $m_{\bar{x}} =$ | 0,003 | | |
| | | | | | |

TABELA 4 – CALIBRAÇÃO DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR ALVOS MA E MB

Após a calibração adotou-se o comprimento de 2,000 m ± 0, 003 mm para a

mira horizontal de ínvar.

Na calibração dos alvos, de M1 à M8, gravados na mira horizontal de ínvar, foi possível determinar a distância linear entre os mesmos. Para tal, foram realizadas três séries de medidas. Na Tabela 5 apresentam-se os valores obtidos das leituras efetuadas no processo e a distância entre a origem do interferômetro e o centro de cada alvo. Com essa informação é possível calcular distância entre eles.

| | | 1ª série | | 2ª s | série | 3ª série | | |
|-------|---|-----------------|----------------|-----------------|----------------|-----------------|----------------|--|
| | | Leitura (mm) | Centro (mm) | Leitura (mm) | Centro (mm) | Leitura (mm) | Centro (mm) | |
| M1 | D | 1755,740 | 1755 672 | 1755,727 | 1755 GGO | 1755,720 | 1755 657 | |
| IVI I | Е | 1755,605 | 1755,673 | 1755,592 | 1755,660 | 1755,593 | 1755,657 | |
| M2 | D | 1598,543 | 1500 101 | 1598,531 | 1598,472 | 1598,556 | 1500 105 | |
| IVI∠ | Е | 1598,419 | 1598,481 | 1598,412 | 1590,472 | 1598,413 | 1598,485 | |
| M3 | D | 1414,422 | 1414 256 | 1414,418 | 1414 252 | 1414,413 | 1414 050 | |
| IVIS | Е | 1414,289 | 1414,356 | 1414,286 | 1414,352 | 1414,293 | 1414,353 | |
| M4 | D | 1237,662 | 1007 576 | 1237,651 | 1007 561 | 1237,640 | 1007 550 | |
| IVI4 | Е | 1237,489 | 1237,576 | 1237,470 | 1237,561 | 1237,478 | 1237,559 | |
| ME | D | 792,871 | 702.000 | 792,870 | 702.000 | 792,856 | 702.000 | |
| M5 | Е | 792,744 | 792,808 | 792,746 | 792,808 | 792,759 | 792,808 | |
| M6 | D | 612,434 | 612,359 | 612,441 | 612.260 | 612,423 | 612.264 | |
| IVIO | Е | 612,283 | 612,339 | 612,297 | 612,369 | 612,304 | 612,364 | |
| M7 | D | 426,923 | 426 920 | 426,911 | 126 916 | 426,907 | 106 015 | |
| IVI / | Е | 426,734 | 426,829 | 426,720 | 426,816 | 426,723 | 426,815 | |
| M8 | D | 246,746 | 246 637 | 246,729 | 246,628 | 246,731 | 246 626 | |
| IVIO | Е | 246,527 | 246,637 | 246,526 | 240,028 | 246,520 | 246,626 | |

TABELA 5 – MEDIÇÕES REALIZADAS NO PROCESSO DE CALIBRAÇÃO DOS ALVOS M1 À M8

A distância média entre os alvos e os respectivos desvios são apresentados nas Tabelas 6 e 7.

| ALVOS | DIS | | | |
|----------|----------------------------|---------|----------|---------|
| ALVOO | 1ª Série 2ª Série 3ª Série | | 3ª Série | (mm) |
| M1 -> M2 | 157,192 | 157,188 | 157,172 | 157,184 |
| M2 -> M3 | 184,125 | 184,120 | 184,132 | 184,126 |
| M3 -> M4 | 176,780 | 176,791 | 176,794 | 176,788 |
| M4 -> M5 | 444,768 | 444,753 | 444,751 | 444,757 |
| M5 -> M6 | 180,449 | 180,439 | 180,444 | 180,444 |
| M6 -> M7 | 185,530 | 185,553 | 185,549 | 185,544 |
| M7 -> M8 | 180,192 | 180,188 | 180,189 | 180,190 |

TABELA 6 – CALIBRAÇÃO DOS ALVOS GRAVADOS NA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR

| | Distâncias Lineares (mm) | | | | | | | |
|---------------------|--------------------------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|--|
| | M1 -> M2 | M2 -> M3 | M3 -> M4 | M4 -> M5 | M5 -> M6 | M6 -> M7 | M7 -> M8 | |
| Desvio | 0,008 | -0,001 | -0,008 | 0,011 | 0,005 | -0,014 | 0,002 | |
| (mm) | 0,004 | -0,006 | 0,003 | -0,004 | -0,005 | 0,009 | -0,002 | |
| (111111) | -0,012 | 0,006 | 0,006 | -0,006 | 0,000 | 0,005 | -0,001 | |
| Σ (mm) | 0 | -0,000 | 0,000 | 0,000 | 0 | 0 | -0,000 | |
| desvio ² | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | |
| (mm²) | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | |
| () | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0 | 0,000 | 0,000 | |
| Σ (mm) | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | |
| m (mm) | 0,011 | 0,006 | 0,007 | 0,009 | 0,005 | 0,012 | 0,007 | |
| $m_{\bar{x}}$ (mm) | 0,006 | 0,003 | 0,004 | 0,005 | 0,003 | 0,007 | 0,004 | |

TABELA 7 – VARIAÇÃO ESTATÍSTICA DOS RESULTADOS OBTIDOS PARA OS ALVOS DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR

As distâncias lineares adotadas, entre os alvos gravados na mira horizontal de ínvar, são apresentadas na Tabela 8, bem como o desvio médio em relação a média.

| ALVOS | DISTÂNCIA (m) | $m_{\bar{x}}$ (mm) |
|----------|---------------|--------------------|
| M1 -> M2 | 0,157184 | ±0, 006 |
| M2 -> M3 | 0,184126 | ±0, 003 |
| M3 -> M4 | 0,176788 | ±0, 004 |
| M4 -> M5 | 0,444757 | ±0, 005 |
| M5 -> M6 | 0,180444 | ±0, 003 |
| M6 -> M7 | 0,185544 | ±0, 007 |
| M7 -> M8 | 0,180190 | ±0, 004 |

TABELA 8 – DISTÂNCIAS ENTRE OS ALVOS

4.3 DETERMINAÇÃO DA POSIÇÃO DOS ALVOS DA MIRA HORIZONTAL DE ÍNVAR

No decorrer dessa pesquisa, foram testadas diversas configurações da posição da estação total, espelho e alvo. Nas tabelas a seguir serão apresentados os dados de campo de um desses testes (ET \pm 3m do espelho e mira horizontal de ínvar à \pm 25 m do espelho), bem como os valores das coordenadas.

| Posição Espelho | Alvo | | Direção Horizontal | Distância Zenital | Distância Inclinada | Distância Total |
|--------------------|------------------|----|-----------------------|----------------------|------------------------|--------------------|
| | E | E1 | 13°05'54" | 89°15'47" | (m) 3,591 | (m) |
| | S | | | | · | |
| | P E | E2 | 14°31'41" | 89°16'06" | 3,548 | |
| | L H | E3 | 14°31'05" | 90°52'41" | 3,549 | |
| | 0 | E4 | 13°05'03" | 90°51'14" | 3,592 | |
| 1 | | MA | 14°39'02" | 90°02'32" | 3,545 | 28,681 |
| | М | M1 | 14°07'23" | 90°02'11" | 3,560 | 28,692 |
| | I R | M2 | 13°48'38" | 90°02'47" | 3,569 | 28,694 |
| | Α | М3 | 13°26'41" | 90°02'46" | 3,580 | 28,699 |
| | | M4 | 13°05'31" | 90°03'06" | 3,590 | 28,704 |
| | E | E1 | 13°05'42" | 89°15'45" | 3,590 | |
| | S P E L | E2 | 14°31'12" | 89°16'03" | 3,548 | |
| | | E3 | 14°30'41" | 90°52'39" | 3,550 | |
| | О | E4 | 13°05'00" | 90°51'15" | 3,592 | |
| 2 | M I R | МЗ | 14°34'56" | 90°02'31" | 3,546 | 28,698 |
| | | M4 | 14°13'47" | 90°02'52" | 3,556 | 28,703 |
| | | МС | 13°47'54" | 90°00'13" | 3,569 | 28,695 |
| | Α | M5 | 13°20'54" | 90°02'46" | 3,583 | 28,724 |
| | | M6 | 12°59'22" | 90°02'36" | 3,595 | 28,734 |
| | E S | E1 | 13°05'58" | 89°15'48" | 3,592 | |
| | Р | E2 | 14°30'52" | 89°16'03" | 3,547 | |
| | E L | E3 | 14°30'19" | 90°52'43" | 3,548 | |
| | О | E4 | 13°05'10" | 90°51'12" | 3,592 | |
| 3 | | M5 | 14°26'54" | 90°02'35" | 3,549 | 28,724 |
| | М | M6 | 14°05'24" | 90°02'22" | 3,560 | 28,735 |
| | I R | M7 | 13°43'20" | 90°02'10" | 3,572 | 28,747 |
| | Α | M8 | 13°21'54" | 90°02'26" | 3,583 | 28,761 |
| | | МВ | 12°54'50" | 90°02'03" | 3,597 | 28,774 |

TABELA 9 – DADOS DE CAMPO DO TESTE 2A

| Posição | Alvo | Coordenad | Coordenadas Sistema Principal (m) | | | | | |
|---------|--------------|-----------|-----------------------------------|----------|--|--|--|--|
| Espelho | AIVO | Х | у | Z | | | | |
| | E1 | 100,8137 | 103,4973 | 100,0462 | | | | |
| | E2 | 100,8900 | 103,4343 | 100,0453 | | | | |
| | E3 | 100,8131 | 103,4984 | 99,9465 | | | | |
| | E4 | 100,8896 | 103,4353 | 99,9456 | | | | |
| P | | Mira | Espelho | | | | | |
| O S | MA | 100,8966 | 103,4297 | 99,9974 | | | | |
| I | M1 | 100,8687 | 103,4524 | 99,9977 | | | | |
| Ç | M2 | 100,8520 | 103,4658 | 99,9971 | | | | |
| Ã | МЗ | 100,8324 | 103,4819 | 99,9971 | | | | |
| 0 | M4 | 100,8132 | 103,4967 | 99,9968 | | | | |
| 1 | Mira Virtual | | | | | | | |
| | MVA | 107,2541 | 127,7485 | 99,9789 | | | | |
| | MV1 | 107,0010 | 127,8247 | 99,9818 | | | | |
| | MV2 | 106,8496 | 127,8645 | 99,9768 | | | | |
| | MV3 | 106,6727 | 127,9125 | 99,9769 | | | | |
| | MV4 | 106,5019 | 127,9579 | 99,9741 | | | | |
| | E1 | 100,8133 | 103,4964 | 100,0462 | | | | |
| Р | E2 | 100,8895 | 103,4344 | 100,0454 | | | | |
| 0 | E3 | 100,8130 | 103,4984 | 99,9465 | | | | |
| S | E4 | 100,8894 | 103,4363 | 99,9456 | | | | |
| 1 | Mira Espelho | | | | | | | |
| Ç Ã | МЗ | 100,8928 | 103,4318 | 99,9974 | | | | |
| 0 | M4 | 100,8741 | 103,4469 | 99,9970 | | | | |
| | MC | 100,8512 | 103,4660 | 99,9998 | | | | |
| 2 | M5 | 100,8272 | 103,4862 | 99,9971 | | | | |
| | M6 | 100,8081 | 103,5030 | 99,9973 | | | | |
| | МЗ | 107,2253 | 127,7736 | 99,9790 | | | | |
| • | | | | continua | | | | |

continua

| Posição | Alvo | Coordenad | Coordenadas Sistema Principal (m) | | | | | | |
|---------|--------------|-----------|-----------------------------------|----------|--|--|--|--|--|
| Espelho | AIVO | Х | У | Z | | | | | |
| P | Mira Virtual | | | | | | | | |
| O S | MV3 | 107,2253 | 127,7736 | 99,9790 | | | | | |
| I | MV4 | 107,0555 | 127,8223 | 99,9761 | | | | | |
| Ç | MVC | 106,8439 | 127,8669 | 99,9982 | | | | | |
| 0 | MV5 | 106,6315 | 127,9480 | 99,9769 | | | | | |
| 2 | MV6 | 106,4586 | 127,9987 | 99,9783 | | | | | |
| | E1 | 100,8140 | 103,4982 | 100,0462 | | | | | |
| | E2 | 100,8889 | 103,4335 | 100,0453 | | | | | |
| | E3 | 100,8132 | 103,4983 | 99,9465 | | | | | |
| | E4 | 100,8886 | 103,4345 | 99,9456 | | | | | |
| P | Mira Espelho | | | | | | | | |
| O S | M5 | 100,8855 | 103,4368 | 99,9973 | | | | | |
| I | M6 | 100,8667 | 103,4529 | 99,9975 | | | | | |
| Ç | M7 | 100,8473 | 103,4700 | 99,9977 | | | | | |
| Ã | M8 | 100,8282 | 103,4860 | 99,9975 | | | | | |
| 0 | MB | 100,8039 | 103,5060 | 99,9979 | | | | | |
| 3 | Mira Vi | rtual | 1 | 1 | | | | | |
| | MV5 | 107,1668 | 127,8155 | 99,9784 | | | | | |
| | MV6 | 106,9954 | 127,8705 | 99,9802 | | | | | |
| | MV7 | 106,8192 | 127,9265 | 99,9819 | | | | | |
| | MV8 | 106,6482 | 127,9821 | 99,9796 | | | | | |
| | MVB | 106,4306 | 128,0462 | 99,9828 | | | | | |

TABELA 10 – COORDENADAS DO TESTE 2A

| Posição | pelho | | Direção | Distância | Distância Inclinada | Distância Total |
|---------|------------------|----|------------|-----------|------------------------|--------------------|
| Espelho | | | Horizontal | Zenital | (m) | (m) |
| | E S | E1 | 13°05'51" | 89°16'08" | 3,591 | |
| | Р | E2 | 14°30'45" | 89°16'01" | 3,547 | |
| | L | E3 | 14°30'18" | 90°52'41" | 3,548 | |
| | О | E4 | 13°05'12" | 90°51'10" | 3,593 | |
| 1 | | МВ | 13°01'55" | 90°02'17" | 3,594 | 28,774 |
| | М | M8 | 13°28'53" | 90°02'41" | 3,579 | 28,761 |
| | I R | M7 | 13°50'20" | 90°02'22" | 3,565 | 28,747 |
| | Α | M6 | 14°12'25" | 90°02'34" | 3,556 | 28,735 |
| | | M5 | 14°33'54" | 90°02'45" | 3,546 | 28,724 |
| | E S P E | E1 | 13°05'55" | 89°15'47" | 3,591 | |
| | | E2 | 14°31'20" | 89°16'02" | 3,548 | |
| | L | E3 | 14°30'47" | 90°52'42" | 3,550 | |
| 2 | 0 | E4 | 13°05'10" | 90°51'12" | 3,591 | |
| ۷ | M I | M6 | 12°56'13" | 90°02'46" | 3,596 | 28,734 |
| | | M5 | 13°17'45" | 90°02'54" | 3,585 | 28,725 |
| | R A | M4 | 14°10'45" | 90°03'00" | 3,558 | 28,704 |
| | | МЗ | 14°31'51" | 90°02'43" | 3,548 | 28,699 |
| | E S | E1 | 13°05'40" | 89°15'46" | 3,591 | |
| | P E | E2 | 14°31'32" | 89°16'03" | 3,549 | |
| | L | E3 | 14°31'03" | 90°52'40" | 3,549 | |
| | 0 | E4 | 13°04'50" | 90°51'15" | 3,592 | |
| 3 | | M4 | 12°56'26" | 90°03'23" | 3,595 | 28,704 |
| | М | М3 | 13°17'32" | 90°03'03" | 3,584 | 28,698 |
| | I R | M2 | 13°39'29" | 90°03'08" | 3,574 | 28,694 |
| | Α | M1 | 13°58'14" | 90°02'37" | 3,564 | 28,692 |
| | | MA | 14°29'51" | 90°02'49" | 3,550 | 28,681 |

TABELA 11 – DADOS DE CAMPO DO TESTE 2B

| Posição | Alvo | Coordenadas Sistema Principal (m) | | | | | | |
|---------|--------------|-----------------------------------|---------|----------|--|--|--|--|
| Espelho | AIVU | Х | у | Z | | | | |
| | E1 | 100,814 | 103,497 | 100,046 | | | | |
| | E2 | 100,889 | 103,434 | 100,045 | | | | |
| | E3 | 100,814 | 103,499 | 99,947 | | | | |
| | E4 | 100,889 | 103,435 | 99,946 | | | | |
| P | | Mira | Espelho | | | | | |
| O S | MB | 100,810 | 103,501 | 99,998 | | | | |
| I | M8 | 100,834 | 103,480 | 99,997 | | | | |
| Ç | M7 | 100,853 | 103,462 | 99,998 | | | | |
| Ã | M6 | 100,873 | 103,447 | 99,997 | | | | |
| 0 | M5 | 100,892 | 99,997 | | | | | |
| 1 | Mira Virtual | | | | | | | |
| | MVB | 106,489 | 128,033 | 99,981 | | | | |
| | MV8 | 106,705 | 127,969 | 99,978 | | | | |
| | MV7 | 106,876 | 127,913 | 99,980 | | | | |
| | MV6 | 107,052 | 127,856 | 99,979 | | | | |
| | MV5 | 107,224 | 127,801 | 99,977 | | | | |
| P | E1 | 100,814 | 103,497 | 100,046 | | | | |
| 0 | E2 | 100,890 | 103,434 | 100,045 | | | | |
| S | E3 | 100,813 | 103,497 | 99,9465 | | | | |
| 1 | E4 | 100,890 | 103,436 | 99,9456 | | | | |
| Ç Ã | | Mira | Espelho | | | | | |
| 0 | M6 | 100,805 | 103,505 | 99,9971 | | | | |
| | M5 | 100,8245 | 103,489 | 99,997 | | | | |
| 2 | M4 | 100,872 | 103,450 | 99,997 | | | | |
| | МЗ | 100,890 | 103,435 | 99,997 | | | | |
| - | | 1 | ı | continua | | | | |

continua

| Posição | Alvo | Coordenad | Coordenadas Sistema Principal (m) | | | | | |
|---------|---------------------------|-----------|-----------------------------------|---------|--|--|--|--|
| Espelho | 71100 | х у | | Z | | | | |
| P 0 | Mira Vi | rtual | | | | | | |
| S I | MV6 | 106,433 | 128,005 | 99,977 | | | | |
| Ç Â | MV5 | 106,606 | 127,955 | 99,976 | | | | |
| O | MV4 | 107,031 | 127,830 | 99,975 | | | | |
| 2 | MV3 | 106,200 | 127,781 | 99,977 | | | | |
| | E1 | 100,814 | 103,497 | 100,046 | | | | |
| | E2 | 100,890 | 103,435 | 100,045 | | | | |
| | E3 | 100,813 | 103,498 | 99,947 | | | | |
| | E4 100,890 103,435 99,946 | | | | | | | |
| P O | Mira Espelho | | | | | | | |
| s | M4 | 100,805 | 103,504 | 99,997 | | | | |
| I | M3 | 100,824 | 103,488 | 99,997 | | | | |
| Ç | M2 | 100,844 | 103,473 | 99,997 | | | | |
| Ã | M1 | 100,860 | 103,459 | 99,997 | | | | |
| 0 | MA | 100,889 | 103,437 | 99,997 | | | | |
| 3 | | Mira | a Virtual | | | | | |
| | MV4 | 106,428 | 127,975 | 99,972 | | | | |
| | MV3 | 106,598 | 127,929 | 99,975 | | | | |
| | MV2 | 106,775 | 127,883 | 99,974 | | | | |
| | MV1 | 106,927 | 127,843 | 99,978 | | | | |
| | MVA | 107,180 | 127,768 | 99,977 | | | | |

TABELA 12 – COORDENADAS DO TESTE 2B

Nos testes 2A e 2B as coordenadas tridimensionais do alvo MA são previamente conhecidas e os outros alvos foram levantados duas vezes. Na Tabela 13, apresentam-se os resultados obtidos nas coordenadas do teste 2A, teste 2B e da média dos dois e são comparados com as coordenadas tridimensionais obtidas de forma direta.

| | | COORDENADAS TRIDIMENSIONAIS (METROS) | | | | | | |
|------|---|--------------------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|-----------|
| ALVO | | 2ª | 2B | MEDIA | DIRETO | dif 2A | dif 2B | dif média |
| | Х | 78,547 | 78,547 | 78,547 | 78,547 | 0,000 | 0,000 | 0,000 |
| MA | у | 92,041 | 92,041 | 92,041 | 92,041 | 0,000 | 0,000 | 0,000 |
| | Z | 99,832 | 99,832 | 99,832 | 99,832 | 0,000 | 0,000 | 0,000 |
| | х | 78,424 | 78,419 | 78,421 | 78,422 | 0,002 | -0,003 | 0,000 |
| M1 | У | 92,274 | 92,271 | 92,273 | 92,272 | 0,002 | -0,001 | 0,001 |
| | Z | 99,834 | 99,834 | 99,834 | 99,836 | -0,002 | -0,001 | -0,002 |
| | х | 78,356 | 78,350 | 78,353 | 78,350 | 0,006 | 0,000 | 0,003 |
| M2 | У | 92,415 | 92,412 | 92,414 | 92,412 | 0,003 | 0,000 | 0,002 |
| | Z | 99,839 | 99,840 | 99,839 | 99,831 | 0,008 | 0,009 | 0,009 |
| | х | 78,275 | 78,267 | 78,271 | 78,265 | 0,010 | 0,002 | 0,006 |
| M3 | У | 92,579 | 92,575 | 92,577 | 92,575 | 0,004 | 0,000 | 0,002 |
| | Z | 99,842 | 99,841 | 99,842 | 99,832 | 0,010 | 0,009 | 0,010 |
| | х | 78,198 | 78,187 | 78,192 | 78,184 | 0,014 | 0,004 | 0,009 |
| M4 | У | 92,737 | 92,732 | 92,735 | 92,732 | 0,006 | 0,001 | 0,003 |
| | Z | 99,846 | 99,846 | 99,846 | 99,830 | 0,016 | 0,016 | 0,016 |
| | х | 77,987 | 77,986 | 77,986 | 77,978 | 0,009 | 0,008 | 0,009 |
| M5 | У | 93,127 | 93,127 | 93,127 | 93,125 | 0,002 | 0,001 | 0,002 |
| | Z | 99,852 | 99,851 | 99,851 | 99,831 | 0,020 | 0,019 | 0,020 |
| | х | 77,903 | 77,905 | 77,904 | 77,895 | 0,008 | 0,010 | 0,009 |
| M6 | У | 93,288 | 93,287 | 93,288 | 93,285 | 0,002 | 0,002 | 0,002 |
| | Z | 99,853 | 99,852 | 99,853 | 99,833 | 0,020 | 0,019 | 0,020 |
| | Х | 77,825 | 77,817 | 77,821 | 77,810 | 0,015 | 0,007 | 0,011 |
| M7 | У | 93,455 | 93,448 | 93,451 | 93,450 | 0,005 | -0,002 | 0,001 |
| | Z | 99,854 | 99,852 | 99,853 | 99,835 | 0,019 | 0,016 | 0,017 |
| | х | 77,745 | 77,737 | 77,741 | 77,726 | 0,019 | 0,011 | 0,015 |
| M8 | У | 93,616 | 93,611 | 93,613 | 93,609 | 0,006 | 0,002 | 0,004 |
| | Z | 99,858 | 99,855 | 99,856 | 99,833 | 0,026 | 0,022 | 0,024 |
| | х | 77,649 | 77,639 | 77,644 | 77,623 | 0,026 | 0,016 | 0,021 |
| MB | У | 93,820 | 93,816 | 93,818 | 93,812 | 0,008 | 0,003 | 0,006 |
| | Z | 99,859 | 99,854 | 99,856 | 99,838 | 0,021 | 0,016 | 0,019 |

TABELA 13 – COORDENADAS OBTIDAS NOS TESTES 2A E 2B

Na Tabela 14, apresentam-se as relações das distâncias entre os alvos da mira horizontal de ínvar, obtidas através do espelho, e as distâncias obtidas de forma direta. Cabe salientar que essas diferenças entre as distâncias incluem os extremos da mira.

| DISTÂNCIA ENTRE OS ALVOS | (METRO) |
|--------------------------|-------------|
| DISTANCIA ENTRE OS ALVOS | (IVIE I RO) |

| Alvos | 2A | 2B | MÉDIA | DIRETO | dif 2A | dif 2B | dif média |
|----------|-------|-------|-------|--------|--------|--------|-----------|
| MA -> M1 | 0,264 | 0,263 | 0,264 | 0,263 | 0,001 | 0,000 | 0,001 |
| M1 -> M2 | 0,156 | 0,157 | 0,157 | 0,157 | -0,001 | 0,000 | 0,000 |
| M2 -> M3 | 0,183 | 0,183 | 0,183 | 0,184 | -0,001 | -0,002 | -0,001 |
| M3 -> M4 | 0,176 | 0,176 | 0,176 | 0,176 | 0,000 | 0,000 | 0,000 |
| M5 -> M6 | 0,181 | 0,180 | 0,181 | 0,180 | 0,001 | 0,000 | 0,000 |
| M6 -> M7 | 0,185 | 0,183 | 0,184 | 0,185 | -0,001 | -0,002 | -0,002 |
| M7 -> M8 | 0,180 | 0,182 | 0,181 | 0,180 | -0,001 | 0,002 | 0,001 |
| M8 -> MB | 0,226 | 0,227 | 0,226 | 0,228 | -0,001 | -0,001 | -0,001 |
| MA -> MB | 1,994 | 1,994 | 1,994 | 1,998 | -0,004 | -0,004 | -0,004 |
| | | 1 | ı | l | 1 | 1 | 1 |

TABELA 14 – DISTÂNCIAS OBTIDAS NOS TESTES 2A E 2B

Na Tabela 15, constam as distâncias horizontais entre os alvos da mira horizontal de ínvar, e a diferença entre essas distâncias, obtidas através do espelho e no processo de calibração da mira, no interferômetro de Michelson.

| ^ | | |
|-------------|--------------------|--------------|
| DICTANCIAC | LODIZONITAIC | /METDOC) |
| DISTAINCIAS | HORIZONTAIS | (INIE I KOS) |

| Alvos | 2A | 2B | MÉDIA | INTERFERÔMETRO | dif 2A | dif 2B | dif média |
|----------|-------|-------|-------|----------------|--------|--------|-----------|
| M1 -> M2 | 0,156 | 0,157 | 0,157 | 0,157 | -0,001 | 0,000 | -0,001 |
| M2 -> M3 | 0,183 | 0,183 | 0,183 | 0,184 | -0,001 | -0,002 | -0,001 |
| M3 -> M4 | 0,176 | 0,176 | 0,176 | 0,177 | -0,001 | 0,000 | -0,001 |
| M4 -> M5 | 0,443 | 0,443 | 0,443 | 0,445 | -0,002 | -0,002 | -0,002 |
| M5 -> M6 | 0,181 | 0,180 | 0,181 | 0,180 | 0,001 | 0,000 | 0,000 |
| M6 -> M7 | 0,185 | 0,183 | 0,184 | 0,186 | -0,001 | -0,002 | -0,002 |
| M7 -> M8 | 0,179 | 0,182 | 0,181 | 0,180 | -0,001 | 0,002 | 0,000 |
| | | I | | 1 | | 1 | II . |

TABELA 15 – DISTÂNCIAS HORIZONTAIS OBTIDAS NOS TESTES 2A e 2B

Nos testes 1A e 1B não foi realizado o levantamento de forma direta dos alvos da mira horizontal de ínvar. Adotou-se como referência as distâncias entre os alvos obtidas na etapa anterior.

| | DISTÂNCIAS (METROS) | | | | | | |
|----------|---------------------|-------|-------|--------|--------|--------|-----------|
| Alvos | 1A | 1B | MÉDIA | DIRETO | dif 1A | dif 1B | dif média |
| MA -> M1 | 0,264 | 0,264 | 0,264 | 0,263 | 0,001 | 0,001 | 0,001 |
| M1 -> M2 | 0,157 | 0,156 | 0,157 | 0,157 | 0,000 | -0,001 | -0,001 |
| M2 -> M3 | 0,184 | 0,184 | 0,184 | 0,184 | -0,001 | 0,000 | 0,000 |
| M3 -> M4 | 0,176 | 0,177 | 0,177 | 0,176 | 0,000 | 0,000 | 0,000 |
| M4 -> MC | 0,218 | 0,217 | 0,217 | 0,219 | -0,001 | -0,002 | -0,002 |
| MC -> M5 | 0,228 | 0,228 | 0,228 | 0,229 | -0,001 | -0,001 | -0,001 |
| M5 -> M6 | 0,180 | 0,180 | 0,180 | 0,180 | -0,001 | 0,000 | 0,000 |
| M6 -> M7 | 0,186 | 0,184 | 0,185 | 0,185 | 0,000 | -0,001 | 0,000 |
| M7 -> M8 | 0,179 | 0,180 | 0,180 | 0,180 | -0,001 | 0,000 | 0,000 |
| M8 -> MB | 0,226 | 0,226 | 0,226 | 0,228 | -0,002 | -0,001 | -0,001 |
| MA -> MB | 1,994 | 1,994 | 1,994 | 1,998 | -0,004 | -0,004 | -0,004 |
| | | ٠ ^ | • | • | | | 1 |

TABELA 16 - DISTÂNCIAS OBTIDAS NOS TESTES 1A E 1B

Na Tabela 17, comparam-se as distâncias horizontais obtidas através do espelho e as mesmas obtidas na calibração com o interferômetro.

| | | DISTÂNCIAS HORIZONTAIS (METROS) | | | | | | | |
|----------|-------|---------------------------------|-------|----------------|--------|--------|-----------|--|--|
| Alvos | 1A | 1B | MÉDIA | INTERFERÔMETRO | dif 1A | dif 1B | dif média | | |
| M1 -> M2 | 0,157 | 0,156 | 0,156 | 0,157 | 0,000 | -0,001 | -0,001 | | |
| M2 -> M3 | 0,184 | 0,184 | 0,184 | 0,184 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | | |
| M3 -> M4 | 0,176 | 0,177 | 0,177 | 0,177 | 0,000 | 0,000 | 0,000 | | |
| M4 -> M5 | 0,443 | 0,443 | 0,443 | 0,445 | -0,001 | -0,002 | -0,002 | | |
| M5 -> M6 | 0,180 | 0,180 | 0,180 | 0,180 | -0,001 | 0,000 | 0,000 | | |
| M6 -> M7 | 0,186 | 0,184 | 0,185 | 0,186 | 0,000 | -0,001 | -0,001 | | |
| M7 -> M8 | 0,179 | 0,180 | 0,180 | 0,180 | -0,001 | 0,000 | -0,001 | | |

TABELA 17 – DISTÂNCIAS HORIZONTAIS OBTIDAS NOS TESTES 1A E 1B

Na TABELA 18, estão as coordenadas tridimensionais obtidas diretamente e através do espelho, dos testes 3 e 4, as coordenadas tridimensionais do alvo MA são conhecidas.

| | | COORDENADAS TRIDIMENSIONAIS | | | | | | | | |
|-------|---|-----------------------------|---------|-----------|---------|--------|-----------|--|--|--|
| | | | | | TROS) | | | | | |
| Alvos | 5 | | TESTE 3 | | TESTE 4 | | | | | |
| | | ESPELHO | DIRETO | diferença | ESPELHO | DIRETO | diferença | | | |
| | х | 108,311 | 108,311 | 0,000 | 83,444 | 83,445 | 0,001 | | | |
| MB | У | 76,913 | 76,913 | 0,000 | 84,345 | 84,347 | 0,001 | | | |
| | Z | 99,943 | 99,943 | 0,000 | 99,899 | 99,892 | -0,008 | | | |
| | х | 108,503 | 108,506 | -0,003 | 83,590 | 83,590 | -0,001 | | | |
| M8 | У | 77,034 | 77,030 | 0,004 | 84,208 | 84,206 | -0,001 | | | |
| | Z | 99,942 | 99,939 | 0,003 | 99,891 | 99,898 | 0,008 | | | |
| | х | 108,654 | 108,659 | -0,005 | 83,717 | 83,714 | -0,004 | | | |
| M7 | У | 77,131 | 77,126 | 0,005 | 84,096 | 84,094 | -0,002 | | | |
| | Z | 99,937 | 99,941 | -0,005 | 99,888 | 99,899 | 0,011 | | | |
| | х | 108,811 | 108,817 | -0,006 | 83,881 | 83,875 | -0,007 | | | |
| M6 | У | 77,232 | 77,223 | 0,009 | 83,951 | 83,946 | -0,005 | | | |
| | Z | 99,934 | 99,939 | -0,005 | 99,892 | 99,889 | -0,002 | | | |
| | х | 108,961 | 108,971 | -0,009 | 84,030 | 84,022 | -0,007 | | | |
| M5 | У | 77,331 | 77,318 | 0,014 | 83,817 | 83,811 | -0,006 | | | |
| | Z | 99,932 | 99,938 | -0,006 | 99,884 | 99,895 | 0,010 | | | |
| | х | 109,147 | 109,154 | -0,007 | 84,196 | 84,189 | 0,006 | | | |
| MC | У | 77,460 | 77,453 | 0,007 | 83,688 | 83,681 | 0,006 | | | |
| | Z | 99,911 | 99,959 | -0,049 | 99,872 | 99,907 | -0,036 | | | |
| | х | 109,344 | 109,349 | -0,005 | 84,323 | 84,315 | 0,008 | | | |
| M4 | У | 77,555 | 77,551 | 0,004 | 83,548 | 83,540 | 0,008 | | | |
| | Z | 99,925 | 99,936 | -0,011 | 99,883 | 99,888 | -0,006 | | | |
| | х | 109,495 | 109,500 | -0,004 | 84,442 | 84,438 | 0,004 | | | |
| M3 | У | 77,646 | 77,644 | 0,002 | 83,430 | 83,426 | 0,004 | | | |
| | Z | 99,920 | 99,939 | -0,019 | 99,879 | 99,889 | -0,010 | | | |
| | х | 109,653 | 109,657 | -0,003 | 84,556 | 84,552 | 0,004 | | | |
| M2 | У | 77,740 | 77,739 | 0,001 | 83,322 | 83,321 | 0,001 | | | |
| | Z | 99,917 | 99,937 | -0,020 | 99,877 | 99,888 | -0,011 | | | |
| | х | 109,786 | 109,791 | -0,005 | 84,733 | 84,734 | -0,001 | | | |
| M1 | У | 77,824 | 77,822 | 0,002 | 83,152 | 83,152 | 0,000 | | | |
| | Z | 99,910 | 99,942 | -0,032 | 99,870 | 99,891 | -0,022 | | | |
| | х | 110,008 | 110,013 | -0,005 | 84,909 | 84,915 | -0,006 | | | |
| MA | У | 77,968 | 77,963 | 0,005 | 82,990 | 82,996 | -0,006 | | | |
| | Z | 99,908 | 99,939 | -0,031 | 99,868 | 99,888 | -0,020 | | | |

TABELA 18 – COORDENADAS OBTIDAS NOS TESTES 3 E 4

Na Tabela 19, lista-se as diferenças entre as distâncias obtidas diretamente e através do espelho para os testes 3 e 4.

| | DISTÂNCIAS (METROS) | | | | | | |
|----------|---------------------|--------|-----------|---------|--------|-----------|--|
| | TESTE 3 | | | TESTE 4 | | | |
| alvos | ESPELHO | DIRETO | diferença | ESPELHO | DIRETO | diferença | |
| MA -> M1 | 0,265 | 0,263 | 0,002 | 0,201 | 0,202 | -0,001 | |
| M1 -> M2 | 0,157 | 0,157 | 0,000 | 0,169 | 0,167 | 0,002 | |
| M2 -> M3 | 0,184 | 0,184 | 0,000 | 0,219 | 0,219 | 0,000 | |
| M3 -> M4 | 0,177 | 0,176 | 0,000 | 0,200 | 0,200 | 0,000 | |
| M4 -> MC | 0,219 | 0,219 | 0,000 | 0,211 | 0,212 | -0,001 | |
| MC -> M5 | 0,227 | 0,229 | -0,002 | 0,189 | 0,190 | 0,000 | |
| M5 -> M6 | 0,181 | 0,180 | 0,000 | 0,167 | 0,168 | -0,001 | |
| M6 -> M7 | 0,186 | 0,185 | 0,001 | 0,157 | 0,155 | 0,002 | |
| M7 -> M8 | 0,180 | 0,180 | 0,000 | 0,245 | 0,248 | -0,003 | |
| M8 -> MB | 0,227 | 0,228 | -0,001 | 0,240 | 0,240 | 0,000 | |
| MA -> MB | 1,999 | 1,998 | 0,001 | 1,996 | 1,997 | -0,001 | |

TABELA 19 – DISTÂNCIAS OBTIDAS NOS TESTES 3 E 4

Na Tabela 20, visualiza-se os resultados obtidos para as distâncias horizontais, entre os alvos da mira horizontal de ínvar, obtidas através do espelho e na calibração com o interferômetro.

| | DISTÂNC | (METROS) | |
|----------|---------|----------------|-----------|
| alvos | ESPELHO | INTERFERÔMETRO | diferença |
| M1 -> M2 | 0,157 | 0,157 | 0,000 |
| M2 -> M3 | 0,184 | 0,184 | 0,000 |
| M3 -> M4 | 0,176 | 0,176 | 0,000 |
| M4 -> M5 | 0,443 | 0,444 | -0,001 |
| M5 -> M6 | 0,181 | 0,180 | 0,000 |
| M6 -> M7 | 0,186 | 0,185 | 0,001 |
| M7 -> M8 | 0,180 | 0,180 | 0,000 |

TABELA 20 – DISTÂNCIAS HORIZONTAIS DO TESTE 3

Na Tabela 21, encontram-se os resultados das distâncias, entre os alvos da mira horizontal de ínvar, obtidas diretamente e através do espelho, para o teste 5.

.

| DISTÂNCIAS (METROS) | | | | |
|---------------------|---|---|--|--|
| ESPELHO | DIRETO | diferença | | |
| 0,201 | 0,202 | -0,001 | | |
| 0,169 | 0,167 | 0,002 | | |
| 0,219 | 0,219 | 0,000 | | |
| 0,200 | 0,200 | 0,000 | | |
| 0,211 | 0,212 | -0,001 | | |
| 0,189 | 0,190 | -0,001 | | |
| 0,168 | 0,168 | 0,000 | | |
| 0,158 | 0,155 | 0,002 | | |
| | 0,201 0,169 0,219 0,200 0,211 0,189 0,168 | ESPELHO DIRETO 0,201 0,202 0,169 0,167 0,219 0,219 0,200 0,200 0,211 0,212 0,189 0,190 0,168 0,168 | | |

TABELA 21 – DISTÂNCIAS DO TESTE 5

5 CONCLUSÃO E RECOMENDAÇÕES

5.1 CONCLUSÕES

O espelho utilizado no desenvolvimento do projeto, apesar de ter sido fabricado por um profissional especialista em equipamentos topográficos, apresentou pequenas rugosidades na superfície podendo ser uma causa dos desvios ocorridos nas visadas.

O suporte para o espelho, projetado e desenvolvido para permitir o desvio da visada da estação total e, com isso, visualizar o alvo apresentou-se eficiente. Porém, algumas adaptações, que serão apresentadas nas recomendações, são necessárias para otimizar o levantamento.

Os equipamentos usados para gravar os alvos de referência do espelho não garantiram uma perfeita ortogonalidade (desvio de aproximadamente um minuto de arco), fato detectado no processo de calibração. Por esse motivo para a definição do sistema do espelho, foi utilizado apenas o alinhamento E1-E2 coincidente com o eixo Y'. Os eixos X' e Z', foram determinados por meio de cálculos. Em virtude disso, utilizou-se somente dois alvos para definir um eixo do sistema do espelho e o complemento do sistema foi determinado através de cálculo.

Os alvos gravados na mira horizontal de ínvar simularam de forma satisfatória os pontos em que desejava-se determinar as coordenadas desviando a visada da estação total. Um inconveniente encontrado nesses alvos refere-se a sua dimensão. Em função da espessura dos traços ortogonais, que definem o alvo, foi necessário um número maior de leituras durante o processo de calibração, leitura do lado esquerdo e direito do alvo, para definir a distância entre os mesmos. Isso também ocorreu quando da calibração dos alvos de referência gravados no espelho.

Comparando as coordenadas tridimensionais, obtidas de forma direta com as coordenadas obtidas com o desvio da visada utilizando o espelho, foram encontradas diferenças, na maioria dos casos, de poucos milímetros. Porém houve sitiações em que essas diferenças foram na ordem de centímetros, recomenda-se a

continuidade dos estudos para identificar as causas. Apesar dessas diferenças encontradas nas coordenadas, quando comparam-se as distâncias entre os alvos, observou-se que as diferenças estão na ordem de milímetros, ou seja, dentro da precisão estimada considerando a precisão nominal do equipamento utilizado.

Os testes realizados mostraram a necessidade de repetir a leitura de pelo menos um alvo quando realiza-se a rotação do espelho. Com essa informação é possível calcular um fator de correção que deve ser aplicado nas leituras obtidas na segunda posição do espelho para relacioná-las com o conjunto de observações obtidas na primeira posição do espelho.

Nos testes realizados detectou-se que quando ocorre uma variação significativa no ângulo vertical (superior a aproximadamente dois graus para uma distância de até cinquenta metros), existe a necessidade de conhecer as coordenadas tridimensionais de pelo menos um alvo de interesse, nessa nova linha de alvos, cujas coordenadas serão determinadas. Se o objetivo é a determinação de distâncias horizontais entre alvos, é necessário repetir a observação de pelo menos um alvo a cada mudança de posição do espelho, como visto anteriormente.

Outro fato detectado é que quanto mais próxima a estação total estiver do espelho e os alvos afastados (acima de vinte metros) os resultados são melhores. Atribui-se isso a menor necessidade de mudança da posição do espelho, e com isso minimizar os efeitos da falta de planicidade do mesmo.

5.2 RECOMENDAÇÕES

Recomenda-se o desenvolvimento de um sistema micrométrico para o movimento vertical e horizontal do suporte do espelho. Isto viabiliza pequenos deslocamentos do sistema facilitando a pontaria de diferentes alvos.

Indica-se a utilização de um espelho com diâmetro menor (dois centímetros) para minimizar os efeitos da rugosidade e planicidade do espelho.

Aconselha-se a realização de testes utilizando dois sistemas de reflexão, um em cada extremidade do objeto a ser medido e integrá-las no mesmo sistema objetivando modelar o objeto.

Recomenda-se a aplicação do método para determinar coordenadas de um

conjunto de pontos alinhados e outros alinhamentos com variações significativas do ângulo vertical (< 5°) e avaliar os resultados.

Continuar o desenvolvimento matemático, utilizando diversas disposições de pontos a serem observados buscando uma generalização da aplicação da metodologia trabalhada.

6 COOPERAÇÃO E/OU SUPORTE PARA SUA REALIZAÇÃO

- a) Curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas;
- b) Conselho Nacional de Ensino e Pesquisa CNPQ, com a disponibilização da bolsa de estudo;
- c) Literatura disponível na biblioteca do Setor de Tecnologia da Universidade Federal do Paraná;
- d) Literatura disponível na Internet;
- e) Infra-estrutura do Laboratório de Instrumentação Geodésica;
- f) Projeto de automação da instrumentação de auscultação geodésica de controle e segurança da barragem de Salto Caxias;
- g) A estrutura proporcionada pelo LAIG e pelo do grupo de pesquisa Geodésia Aplicada a Engenharia.

8 REFERÊNCIAS

- AHAMED, F. A., **Range determination using target images.** Journal of Surveying Enginnering, Volume 120, Issue 4, pp. 135-144. 1994
- ALONSO, M., FINN, E. J., **Física um curso universitário.** Tradução: Giorrio Moscati. São Paulo: Editora Edgard Blucher, 1972. 365p.
- BARTHEM, R. A luz. 1ª edição. São Paulo: Livraria da Física, 2005. 114 p.
- BOSCHI FILHO., H. **[O espectro eletromagnético].** Disponível em: http://omnis.if.ufrj.br/~boschi/ensino/basico/Fisica4/2006-/Fisica4_IFA+OV1_2006_2.html Acesso em: 25/04/2007.
- CABRAL, A., REBORDÃO, J.M., **Metrologia absoluta de comprimento por interferometria de varrimento de frequência.** Disponível em:http://www.spmet.pt/comunicacoes_2_encontro/Alexandre_Cabral.pdf Acessado em: 09/10/2008:
- CASTAÑEDA FILHO, R. M. Ensaio para definição de parâmetros de transformação entre o SAD69 e o NSWC 9Z2. Curitiba, 1986. 170 p. Dissertação (Mestrado em Ciências Geodésicas) Curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas, Universidade Federal do Paraná.
- CEBRACE, [**Espelho**]. Disponível em: http://www.cebrace.com.br/Telas/Produtos/Espelhos.asp Acesso em: 20/05/2006.
- CENTENO, J. A. S. **Sensoriamento remoto e processamento de imagens digitais.** Curitiba: Universidade Federal do Paraná, 2004. 219 p.
- CESAR, C. D. D. **Curso elementar de física tomo IV.** Curitiba: Universidade Federal do Paraná, 1966. 144 p.
- CORDINI, J. **Determinação do erro cíclico em distânciometros eletrônicos.** Curitiba, 1991. 138 p. Dissertação (Mestrado em Ciências Geodésicas) Curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas, Universidade Federal do Paraná.
- CORDINI, J. **Topografia 1 planimetria.** Florianópolis: Universidade Federal de Santa Catarina. Disponível em: http://www.topografia.ufsc.br/cap9-5.html Acesso em: 17/09/2009
- FAGGION, P. L. Obtenção dos elementos de calibração e certificação de medidores eletrônicos de distância em campo e laboratório. Curitiba, 2001. 130 p. Tese (Doutorado em Ciências Geodésicas) Curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas, Universidade Federal do Paraná.

FRAZÃO, J. M. A., RAMOS, F. M. V., BHATT, M. L. Laser de corantes e aplicações. Lisboa: Centro de Física Molecular da Universidade Técnica de Lisboa. 2005. http://www.deetc.isel.ipl.pt/jetc05/JETC05/Artigos/Electronica/Poster%20E/026.doc > Acesso em: 06/03/2007.

GAVINHO, L. G. **Novo método de caracterização de ondulações em superfícies por difração de raios X.** Curitiba, 2005. Dissertação, Universidade Federal do Paraná.

GEMAEL, C. **Introdução ao ajustamento de observações.** Curitiba, 1994. 319 p. Editora UFPR.

GOLDEMBERG, J., **Física geral e experimental - volume 3.** São Paulo, 1973. Companhia Editora Nacional.220p.

HALLIDAY, D., RESNICK, R. **Física – parte II.** Tradução: Euclides Cavallari e Bento Afini Júnior. Rio de Janeiro: Ao Livro Técnico. 1966. 1440 p.

HALLIDAY, D., RESNICK, R., MERRILL, J. **Fundamentos de fisica: ótica e física moderna.** 4ª edição.Tradução: Denise Helena da Silva Sotero et al. Rio de Janeiro: Livros Técnico e Científicos, 1995. 355 p.

HECHT, E., **Optics second edition**. Adelphi: Addison-Wesley, Adelphi University, 1990. 676 p.

HECHT, E., **Optics.** 3ª edição. Tradução: José Manuel N. V. Rebordão. Lisboa: Fundação Calouste Gulbenkian. 2002. 790 p.

HECHT, J., The laser guidebook. Singapore: McGraw-Hill, 1986. 380 p.

HORIHARAN, P., **Interferometers.** United States of America: McGraw-Hill, 1995. Handbook of optica, 2^a edição. Chapter 21.

JENKINS, F. A., WHITE, H. E., **Fundamentals of Optics.** 4ª edição. Singapore: McGraw-Hill, 1976. 746 p.

KAHMEN, H., FAIG, W. Surveying. Berlim: Walter Gruyter e Co, 1988.578 p.

KING II, G., EIKLENBORG, M., VILCHECK, M., IOANNOU, S. **Quality control of high precision optical mirrors.** Engineering 801: Engineering Management – Project 2: Quality Control, 1998. San Francisco State University. Disponível em: <a href="http:// online.sfsu.edu/ ~gtarakji/ engr801/ wordoc/ quality1.htm">quality1.htm Acesso em: 19/09/2007

LEICA TC403 L, (1998). Manual de uso. Heerbrugg: Suiça.

LEICA TPS 1200, (2004). Manual de uso. Heerbrugg: Suiça.

- MAGALHÃES, R. C. A. **Sistema para erro de medição de planicidade.** São Carlos, 2006. 128 p. Dissertação (Mestrado em Engenharia Mecânica) Escola de Engenharia de São Carlos, Universidade de São Paulo.
- MEYER-ARENDT, J. R. **Introduction to classical and modern optics.** Chicago: Prentice Hall, 1995. 431 p.
- NADAL, C. A. Interseção óptica tridimensional aplicada à engenharia de precisão. Curitiba, 2000. Tese (Doutorado em Ciências Geodésicas) Curso de Pós-Graduação em Ciências Geodésicas, Universidade Federal do Paraná.
- NASA, Guideline for Use of Fizeau Interferometer in Optical Testing. Public Lessons Learned Entry: 0717.GSFC Submitted by: Wilson Harkins. 1999. Disponivel em: http://www.nasa.gov/offices/oce/llis/0717.html Acesso em:
- NUSSENZVEIG, H. M. Curso de física básica ótica, relatividade e física quântica. São Paulo: Edgard Blucher, 1998. v.4 p.3-18.
- ONO, L. K., Introdução à óptica reprodução da experiência : interferômetro de Michelson. USP Instituto de Física FGE 327, 2009.
- ÓTICA, Lyon: Universite Claude Bernard. Disponível em: http://handy.univlyon1.fr/ insa/ pedago/ physique/ 1a/ AM1APhyporfisicaoptica_corrigi.doc> Acesso em: 04/05/2006
- RESTIVO, M. T., VILLATE, J., CHOUZAL, M. F., MONTEIRO, J., **Avaliação de um objecto de aprendizagem.** In: 5º Congresso de Engenharia Luso-Moçambicana de Engenharia / 2º Congresso de Engenharia de Moçambique. Maputo Artigo ref. 20A011. 2008
- RICCI,T. F., **Teoria da relatividade especial.** UFRGS, Porto Alegre. Instituto de Física, 2001. Disponível em: < http://www.if.ufrgs.br/ ~ricci/textos/relatividaderestrita/relatividadegalileana.html> Acesso em: 26/08/2007.
- RUEGER, J. M. **Electronic distance measurement: An introduction.** Berlin: Springer, 1996. 276 p.
- SCHIEL, D., **Ótica.** Programa Educar. Universidade de São Paulo, São Carlos. CDCC Centro de Divulgação Científica e Cultural. Disponível em: http://educar.sc.usp.br/otica/reflexao.htm> Acesso em: 18/05/2009.
- SCHIEL, D., **Ótica.** Programa Educar. Universidade de São Paulo, São Carlos. CDCC Centro de Divulgação Científica e Cultural. Disponível em: < http://educar.sc.usp.br/licenciatura/2001/laser/index.htm > Acesso em: 18/05/2009.

TIPLER, P. A. **Física para cientistas e engenheiros— eletricidade e magnetismo, ótica.** New York: W. H. Freeman and Company. 2000. 476 p.

TRASFERETTI, B.C., DAVANZO, C.U., Introdução às técnicas de reflexão especular e reflexão-absorção no infravermelho: (1) reflexão especular. Quimica Nova, volume 24, no. 1, 94-98, 2001< http://www.scielo.br/pdf/qn/v24n1/4455.pdf> Acesso em: 05/10/2007.

TRIMBLE 3300, (2001). Manual de uso. Germany.

TRIMBLE ZEISS ELTA S, (2001). Manual de uso. Ohio: U.S.A.

VALLADARES, R. J. C. Geometria analítica: a álgebra e a geometria do plano e do espaço. Rio de Janeiro: LTC – Livros Técnicos e Científicos, 1990. 344 p.

VANÍCEK, P.; KRAKIWSKY, E. J. **Geodesy: the Concepts.** 2. ed., 6. print. Amsterdam: Elsevier, 1986. xv, 697 p.

VEIGA, L. A. K., ZANETTI, M. A. Z., FAGGION, P. L., **Fundamentos de topografia.** Curitiba, 2007. 205 p. Apostila Disciplina de Topografia. Departamento de Geomática, Setor de Ciências da Terra, Universidade Federal do Paraná.

VENTURI, J.J.**Álgebra vetorial e geometria analítica**. 3ª edição.Curitiba: Scientia et Labor - UFPR. 1990. 215 p.

VICENTE, F.S., CASTRO, A.C., **Laser: que luz é essa?** São Carlos, 2002. Revista Eletrônica de Ciências no. 07. Disponível em:http://www.cdcc.usp.br/ciencia/artigos/art_07/laser.html Acesso em:06/03/2007

ZILO, S. C., **Ótica.** São Paulo, 2007. Disponível em:http://efisica.if.usp.br/otica/universitario/interferencia/young/> Acesso em: 02/02/2009.

ANEXO I

Observações do teste 3 (visadas desviadas pelo espelho).

| Posição | Alvo | | lvo Direção Horizontal | Distância | Distância | Distância |
|---------|------------------|----|---------------------------|------------|-----------|-----------|
| Espelho | | | | Zenital | Inclinada | Total |
| | E S P | E1 | 268°05′56″ | 89°09'26" | 3,202 | |
| | | E2 | 269°37′11″ | 89°09′55″ | 3,151 | |
| | E L H | E3 | 268°04′44″ | 90°57′28″ | 3,204 | |
| | 0 | E4 | 269°36′19" | 90°59′45″ | 3,152 | |
| 1 | | МВ | 268°06′12″ | 89°52 '28" | 3,202 | 28,901 |
| | M I R A | M8 | 268°33′04″ | 89°52′53″ | 3,186 | 28,885 |
| | | M7 | 268°54′25″ | 89°52′36″ | 3,174 | 28,872 |
| | | M6 | 269°16′26″ | 89°52′46″ | 3,161 | 28,859 |
| | | M5 | 269°37′51″ | 89°52′58″ | 3,149 | 28,846 |
| | E S P E L H O | E1 | 268°05′32″ | 89°09'28" | 3,203 | |
| | | E2 | 269°37′42″ | 89°09′51″ | 3,151 | |
| | | E3 | 268°04′33″ | 90°57′27″ | 3,204 | |
| | | E4 | 269°36′47″ | 90°59′44″ | 3,152 | |
| 2 | M I R | M6 | 267°48′24″ | 89°52′58″ | 3,211 | 28,858 |
| 2 | | M5 | 268°09′52″ | 89°53′03″ | 3,199 | 28,847 |
| | | МС | 268°36′44″ | 89°50′25″ | 3,184 | 28,817 |
| | | M4 | 269°02′43″ | 89°53′06″ | 3,169 | 28,826 |
| | | МЗ | 269°23′43″ | 89°52′48″ | 3,157 | 28,819 |
| | | M2 | 269°45′39″ | 89°52′50″ | 3,145 | 28,813 |

| Posição | Alvo | | Direção | Distância | Distância | Distância |
|---------|----------------------------|----|------------|--------------------|-----------|-----------|
| Espelho | | | Horizontal | Zenital | Inclinada | Total |
| | | 1 | попиона | Zeriilai | Inclinada | Total |
| | E S P E L H | E1 | 268°05′41″ | 89°09 ' 27" | 3,202 | |
| | | E2 | 269°38′18″ | 89°09′54″ | 3,152 | |
| | | E3 | 268°04′27″ | 90°57′29″ | 3,203 | |
| 3 | | E4 | 269°37′23″ | 90°59′46″ | 3,152 | |
| J | M I R A | E3 | 268°18′12″ | 89°52′57″ | 3,195 | 28,819 |
| | | E2 | 268°40′06″ | 89°53′03″ | 3,182 | 28,813 |
| | | E1 | 268°58′49″ | 89°52′25″ | 3,172 | 28,809 |
| | | EA | 269°30′15″ | 89°52′44″ | 3,154 | 28,798 |

Observações do teste 3 (visada direta).

| Alvos | Direção Horizontal | Distância Zenital | Distância Inclinada |
|-------|-----------------------|----------------------|------------------------|
| MB | 160°12′07″ | 90°07′57″ | 24,537 |
| M8 | 159°40′49″ | 90°08′32″ | 24,494 |
| M7 | 159°15′58″ | 90°08′15″ | 24,458 |
| M6 | 158°50′21″ | 90°08′32″ | 24,424 |
| M5 | 158°25′19″ | 90°08′47″ | 24,392 |
| MC | 157°54′09″ | 90°05′44″ | 24,335 |
| M4 | 157°23′24″ | 90°09′00″ | 24,318 |
| M3 | 156°58′42″ | 90°08′40″ | 24,291 |
| M2 | 156°32′56″ | 90°08′53″ | 24,265 |
| M1 | 156°10′50″ | 90°08′14″ | 24,243 |
| MA | 155°33′47″ | 90°08′42″ | 24,205 |

Observações do teste 4 (visadas desviadas pelo espelho).

| Posição Espelho | Alvo | | Direção Horizontal | Distância Zenital | Distância Inclinada | Distância Total |
|--------------------|------------------|----|-----------------------|----------------------|------------------------|--------------------|
| | E S P | E1 | 360°00′14″ | 88°46′44″ | 3,519 | |
| | | E2 | 1°30′59″ | 88°46′44″ | 3,487 | |
| | L | E3 | 1°30′38″ | 90°25′09″ | 3,485 | |
| | 0 | E4 | 359°59′36″ | 90°24′05″ | 3,518 | |
| 1 | M I R A | MB | 0°11′02″ | 89°31′11″ | 3,514 | 28,905 |
| | | M8 | 0°34 ' 47" | 89°30′16″ | 3,505 | 28,918 |
| | | M7 | 0°54 ' 51" | 89°30′08″ | 3,498 | 28,925 |
| | | M6 | 1°20′47″ | 89°31′09″ | 3,488 | 28,935 |
| | | M5 | 1°44 ' 29" | 89°30′25″ | 3,480 | 28,948 |
| | E S P E L H O | E1 | 0°00′15″ | 88°46′41″ | 3,519 | |
| | | E2 | 1°31′27″ | 88°46′44″ | 3,487 | |
| | | E3 | 1°31′03″ | 90°25′08″ | 3,486 | |
| 2 | | E4 | 359°59′35″ | 90°24′04″ | 3,519 | |
| 2 | M I R A | M6 | 0°14 ' 46" | 89°31′03″ | 3,513 | 28,935 |
| | | M5 | 0°38′19″ | 89°30′19″ | 3,504 | 28,948 |
| | | МС | 1°03′23″ | 89°'28'45" | 3,495 | 28,943 |
| | | M4 | 1°25′27″ | 89°30′53″ | 3,487 | 28,973 |

| Posição Espelho | Alvo | | Direção Horizontal | Distância Zenital | Distância Inclinada | Distância Total |
|--------------------|------------------|----|-----------------------|----------------------|------------------------|--------------------|
| | E S P E L H O | E1 | 359°59′54″ | 88°46′40″ | 3,518 | |
| | | E2 | 1°31′38″ | 88°46′49″ | 3,486 | |
| | | E3 | 1°31′16″ | 90°25′07″ | 3,486 | |
| | | E4 | 359°59′27″ | 90°24′08″ | 3,521 | |
| 3 | M I R A | МС | 359°47′15″ | 89°28′37″ | 3,522 | 28,942 |
| J | | M4 | 0°09′20″ | 89°30′43″ | 3,514 | 28,974 |
| | | МЗ | 0°29′09″ | 89°30′35″ | 3,507 | 28,988 |
| | | M2 | 0°47′47″ | 89°30′35″ | 3,501 | 29,002 |
| | | M1 | 1°16′41″ | 89°30′01″ | 3,491 | 29,026 |
| | | MA | 1°44′59″ | 89°30′20″ | 3,482 | 29,047 |

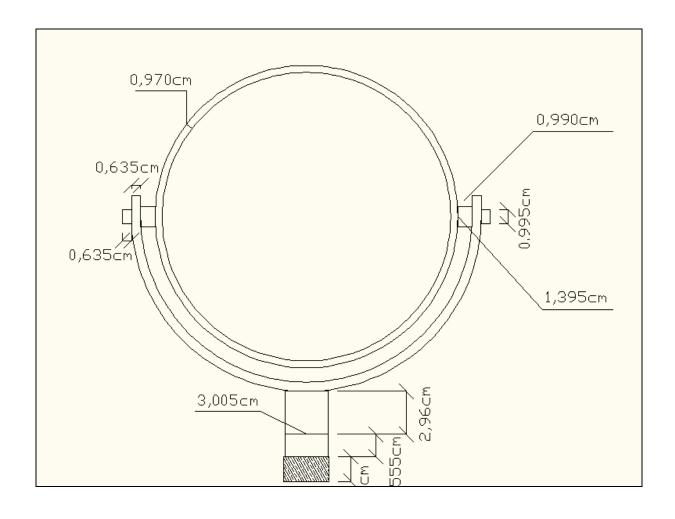
Observações do teste 4 (visada direta).

| Alvos | Direção Horizontal | Distância Zenital | Distância Inclinada |
|-------|-----------------------|----------------------|------------------------|
| MB | 226°36′12″ | 90°16′22″ | 22,784 |
| M8 | 225°53′15″ | 90°15′18″ | 22,776 |
| M7 | 225°53′11″ | 90°15′20″ | 22,765 |
| M6 | 225°07′35″ | 90°16′44" | 22,755 |
| M5 | 224°37′24″ | 90°15′57" | 22,746 |
| MC | 224°05′40″ | 90°14′01″ | 22,722 |
| M4 | 223°37′11″ | 90°16′53″ | 22,737 |
| МЗ | 223°11′48″ | 90°16′50″ | 22,735 |
| M2 | 222°48′19″ | 90°16′58″ | 22,734 |
| M1 | 222°10′52″ | 90°16′26″ | 22,736 |
| MA | 221°34′36″ | 90°16′58″ | 22,731 |

Observações do teste 5 (visadas desviadas pelo espelho).

| Posição Espelho | Alvo | | Direção Horizontal | Distância Zenital | Distância Inclinada | Distância Total |
|--------------------|----------------------------|----|-----------------------|----------------------|------------------------|--------------------|
| | E S P E L H | E1 | 332°18'00" | 88°06'35" | 2,717 | |
| | | E2 | 334°10'53" | 88°06'10" | 2,674 | |
| | | E3 | 332°17'06" | 89°12'27" | 2,717 | |
| 1 | 0 | E4 | 334°10'20" | 90°14'09" | 2,675 | |
| · | | MA | 333°22'51" | 89°08'49" | 2,691 | 29,128 |
| | M I R A | M1 | 333°46'19" | 89°07'49" | 2,683 | 29,095 |
| | | M2 | 334°06'01" | 89°07'38" | 2,675 | 29,067 |
| | | МЗ | 334°31'36" | 89°08'34" | 2,666 | 29,032 |
| | E S P E L H | E1 | 332°18'00" | 88°06'32" | 2,716 | |
| | | E2 | 334°11'50" | 88°06'12" | 2,675 | |
| | | E3 | 332°16'52" | 90°12'30" | 2,717 | |
| | | E4 | 334°11'05" | 90°14'10" | 2,675 | |
| 2 | M I R A | МЗ | 332°05'19" | 89°08'05" | 2,720 | 29,066 |
| _ | | M4 | 332°30'54" | 89°08'58" | 2,710 | 29,032 |
| | | M5 | 332°54'16" | 89°'08'09" | 2,701 | 29,001 |
| | | МС | 333°18'39" | 89°06'26" | 2,693 | 28,954 |
| | | M6 | 333°40'55" | 89°'08'33" | 2,684 | 28,946 |
| | | M7 | 334°00'45" | 89°08'22" | 2,678 | 28,923 |

ANEXO II



ANEXO III

Rotina computacional desenvolvido utilizando o matlab.

```
clear all
    ************
g
                  ESPELHO DOIS ALVOS
    *************
pto1=[332.1737;
    88.0632;
      2.715];
pto2=[334.1217;
    88.0617;
      2.675];
pto4=[334.1135;
     90.1406;
      2.675];
pto3=[332.1636;
    90.1227;
      2.715];
esp=[333.1646;
    89.0802;
    2.693];
disT=28.878;
apoio=[0;
     0;
      0];
```

```
apoioes=[333.4454;
        89.0818;
        2.684];
disTapoio=28.847;
alvo=[ 0.0000;
       0.0000;
       0.0000];
     **************
ş.
                TRANSFORMAR GRAUS EM RADIANOS
ş.
     ***************
pto1rad(1,1)=radianos(pto1(1,1),2);
pto1rad(2,1)=radianos(pto1(2,1),2);
pto1rad(3,1)=pto1(3,1);
pto2rad(1,1)=radianos(pto2(1,1),2);
pto2rad(2,1)=radianos(pto2(2,1),2);
pto2rad(3,1)=pto2(3,1);
pto3rad(1,1)=radianos(pto3(1,1),2);
pto3rad(2,1)=radianos(pto3(2,1),2);
pto3rad(3,1)=pto3(3,1);
pto4rad(1,1)=radianos(pto4(1,1),2);
pto4rad(2,1)=radianos(pto4(2,1),2);
pto4rad(3,1)=pto4(3,1);
esprad(1,1)=radianos(esp(1,1),2);
esprad(2,1) = radianos(esp(2,1),2);
esprad(3,1) = esp(3,1);
apoiorad (1,1) = radianos (apoio(1,1),2);
apoiorad(2,1)=radianos(apoio(2,1),2);
apoiorad(3,1)=apoio(3,1);
apoioesrad(1,1)=radianos(apoioes(1,1),2);
apoioesrad(2,1)=radianos(apoioes(2,1),2);
apoicesrad(3,1)=apoices(3,1);
alvorad(1,1)=radianos(alvo(1,1),2);
alvorad(2,1) = radianos(alvo(2,1),2);
alvorad(3,1) = alvo(3,1);
```

```
alvoauxrad=[esprad(1,1);
            esprad(2,1);
             disT];
apoioauxrad=[apoioesrad(1,1);
             apoioesrad(2,1);
             disTapoio];
     **************
웋
      * CALCULO DAS COORDENADAS NO SISTEMA PRINCIPAL
ş
옿
     **************
origem=[100;
       100;
       100];
cool=coor(origem,ptolrad);
coo2=coor(origem,pto2rad);
coo3=coor(origem,pto3rad);
coo4=coor(origem,pto4rad);
alvo=coor(origem, alvorad);
apoio=coor(origem, apoiorad);
cooesp=coor(origem,esprad);
apoioesp=coor(origem,apoioesrad);
alvoaux=coor(origem, alvoauxrad);
apoioaux=coor(origem, apoioauxrad);
[alvofinal, apoiofinal] = espelho (origem, coo1, coo2, coo3, coo4, alvoaux,
                            apoio, cooesp, apoioesp, apoioaux, alvo)
```

```
function radi=radianos(ang,n)
i=1;
while i<n
    %Transformação angulo horizontal pd
   % e pi em grau minuto e segundo (separados)
   gHH(i)=fix(ang(i));
   mHHaux(i) = (ang(i) - gHH(i)) *100;
   mHH(i)=fix(mHHaux(i));
   sHH(i) = (mHHaux(i) - mHH(i)) *100;
   %grau em grau sexagesimal
   gsHH(i) = (((sHH(i)/60)+mHH(i))/60)+gHH(i);
   %em radianos
   radi(i)=gsHH(i)*pi/180;
  i=i+1;
end
function PTO=coor(ori,rad)
PTO(1,1)=ori(1,1)+rad(3,1)*sin(rad(2,1))*sin(rad(1,1));
PTO(2,1)=ori(2,1)+rad(3,1)*sin(rad(2,1))*cos(rad(1,1));
PTO(3,1) = ori(3,1) + rad(3,1) * cos(rad(2,1));
function [alvofinal, apoiofinal] = espelho (origem, coo1, coo2, coo3, coo4, alvoaux,
                           apoio, cooesp, apoioesp, apoioaux, alvo)
     ***************
ક
ક
                     ESPELHO DOIS ALVOS
ક
옿
옿
옿
     ****************
ક
ક
ક
웋
å
     *************
ş
ş
             CALCULO DOS VETORES DO PLANO
ક
     **************
vetor12=coo2-coo1;
vetor13=coo3-coo1;
```

```
*************
ş
ş
            VERSOR NORMAL AO PLANO DO ESPELHO
ક
     ***************
versor=versornormal(vetor12, vetor13);
     *************
ş
       COORDENADA DOS PONTOS NO SISTEMA DO ESPELHO
ş.
     *************
ş
% Definir eixo X, Y e Z
[eixoX,eixoY,eixoZ]=deteixo(vetor12,versor);
origemp=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,coo1,origem);
alvoauxp=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,coo1,alvoaux)
apoioauxp=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,coo1,apoioaux);
espp=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,coo1,cooesp)
apoioespp=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,cool,apoioesp);
coolp=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,cool,cool);
coo2p=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,coo1,coo2);
coo3p=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,coo1,coo3);
coo4p=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,coo1,coo4);
alvop=projecao(eixoX,eixoY,eixoZ,coo1,alvo)
     ***************
ş
       TRANSFORMACAO AFIM
ş
     *************
[matrizro, matriztrans] = afim(origem, coo1, coo2, coo3,
                  coo4, origemp, coo1p, coo2p, coo3p, coo4p);
coolafim=(matrizro*cool)+matriztrans;
coo2afim=(matrizro*coo2)+matriztrans;
coo3afim=(matrizro*coo3)+matriztrans;
coo4afim=(matrizro*coo4)+matriztrans;
cooespafim=(matrizro*cooesp)+matriztrans;
```

```
apoioespafim=(matrizro*apoioesp)+matriztrans;
origemafim=(matrizro*origem)+matriztrans;
alvoauxafim=(matrizro*alvoaux)+matriztrans;
apoioauxafim=(matrizro*apoioaux)+matriztrans;
용
     ***************
ş.
     * DETERMINACAO DAS COORDENADAS FINAIS DO ALVO
ş.
ş.
     **************
delta=alvoauxafim-cooespafim;
deltaap=apoioauxafim-apoioespafim;
alvo=[cooespafim(1,1)-delta(1,1);
       alvoauxafim(2,1);
       cooespafim(3,1)-delta(3,1)];
apoiocoo=[apoioespafim(1,1)-deltaap(1,1);
          apoioauxafim(2,1);
          apoioespafim(3,1)-deltaap(3,1)];
alvofinal=inv(matrizro)*(alvo-matriztrans);
apoiofinal=inv(matrizro)*(apoiocoo-matriztrans);
difapoio=apoio-apoiofinal;
difesp=alvo-alvofinal;
function [versor,n]=versornormal(vetor12,vetor13)
n=[vetor13(2,1)*vetor12(3,1)-vetor13(3,1)*vetor12(2,1);
  vetor13(3,1)*vetor12(1,1)-vetor13(1,1)*vetor12(3,1);
  vetor13(1,1)*vetor12(2,1)-vetor13(2,1)*vetor12(1,1)];
versor=n/sqrt(dot(n,n));
```

```
function [eixox,eixoy,eixoz]=deteixo(vetor1,versor)
eixox=[vetor1(2,1)*versor(3,1)-vetor1(3,1)*versor(2,1);
       vetor1(3,1)*versor(1,1)-vetor1(1,1)*versor(3,1);
       vetor1(1,1)*versor(2,1)-vetor1(2,1)*versor(1,1)];
eixoy=vetor1;
eixoz=versor;
function pro=projecao(ex,ey,ez,pto1,ptoi)
pto=ptoi-pto1;
pro=[(dot(ex,pto))/(sqrt(dot(ex,ex)));
     (dot(ey,pto))/(sqrt(dot(ey,ey)));
     (dot(ez,pto))/(sqrt(dot(ez,ez)))];
function [rota, trans] = afim(origem, coo1, coo2, coo3, coo4,
                       origemp, coo1p, coo2p, coo3p, coo4p)
A(1,1) = origem(1,1);
A(1,2) = origem(2,1);
A(1,3) = origem(3,1);
A(1,4)=1;
A(2,5) = origem(1,1);
A(2,6) = origem(2,1);
A(2,7) = origem(3,1);
A(2,8)=1;
A(3,9) = origem(1,1);
A(3,10) = origem(2,1);
A(3,11) = origem(3,1);
A(3,12)=1;
A(4,1) = cool(1,1);
A(4,2) = cool(2,1);
A(4,3) = cool(3,1);
A(4,4)=1;
```

```
A(5,6) = cool(2,1);
A(5,7) = cool(3,1);
A(5,8)=1;
A(6,9) = cool(1,1);
A(6,10) = cool(2,1);
A(6,11) = cool(3,1);
A(6,12)=1;
A(7,1) = coo2(1,1);
A(7,2) = coo2(2,1);
A(7,3) = coo2(3,1);
A(7,4)=1;
A(8,5) = coo2(1,1);
A(8,6) = coo2(2,1);
A(8,7) = coo2(3,1);
A(8,8)=1;
A(9,9) = coo2(1,1);
A(9,10) = coo2(2,1);
A(9,11) = coo2(3,1);
A(9,12)=1;
A(10,1) = coo3(1,1);
A(10,2) = coo3(2,1);
A(10,3) = coo3(3,1);
A(10,4)=1;
A(11,5) = coo3(1,1);
A(11,6) = coo3(2,1);
A(11,7) = coo3(3,1);
A(11,8)=1;
A(12,9) = coo3(1,1);
A(12,10) = coo3(2,1);
A(12,11) = coo3(3,1);
A(12,12)=1;
A(13,1) = coo4(1,1);
A(13,2) = coo4(2,1);
A(13,3) = coo4(3,1);
A(13,4)=1;
A(14,5) = coo4(1,1);
A(14,6) = coo4(2,1);
A(14,7) = coo4(3,1);
A(14,8)=1;
A(15,9) = coo4(1,1);
A(15,10) = coo4(2,1);
A(15,11) = coo4(3,1);
```

A(15,12)=1;

```
P(15,15)=0;
i=1;
while i<16
    P(i,i)=1;
    i=i+1;
end

L=[origemp;coo1p;coo2p;coo3p;coo4p];
NN=A'*P*A;
U=A'*P*L;
X=(inv(NN))*U;

rota=[X(1,1) X(2,1) X(3,1);
    X(5,1) X(6,1) X(7,1);
    X(9,1) X(10,1) X(11,1)];

trans=[X(4,1); X(8,1); X(12,1)];</pre>
```